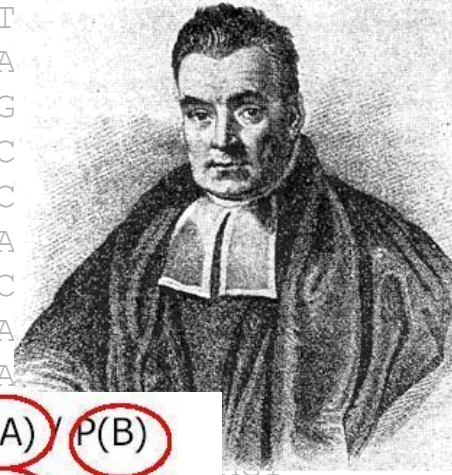
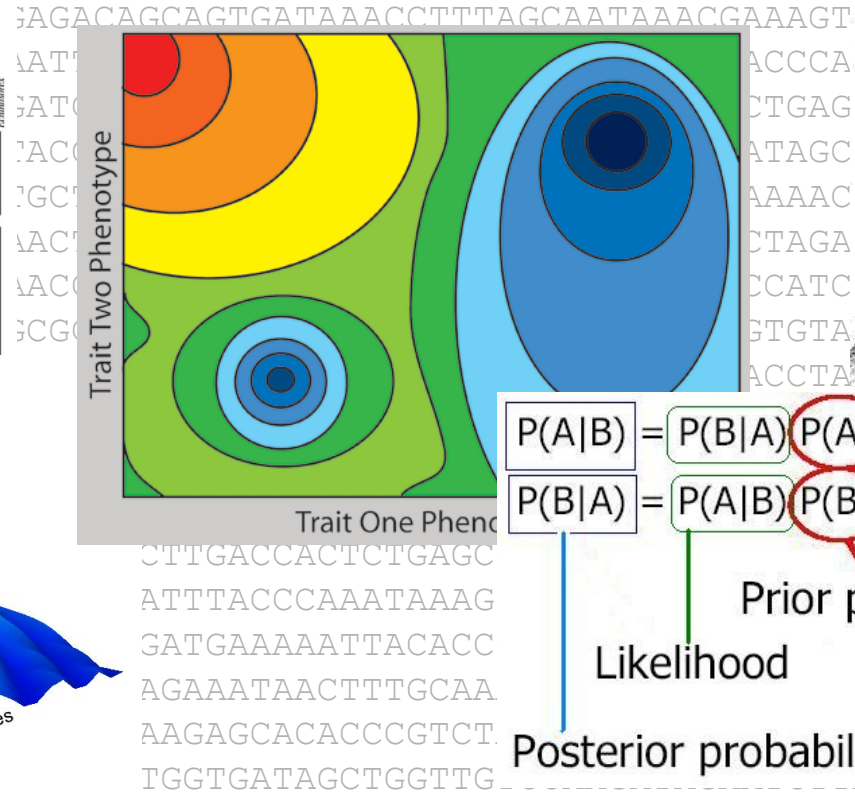
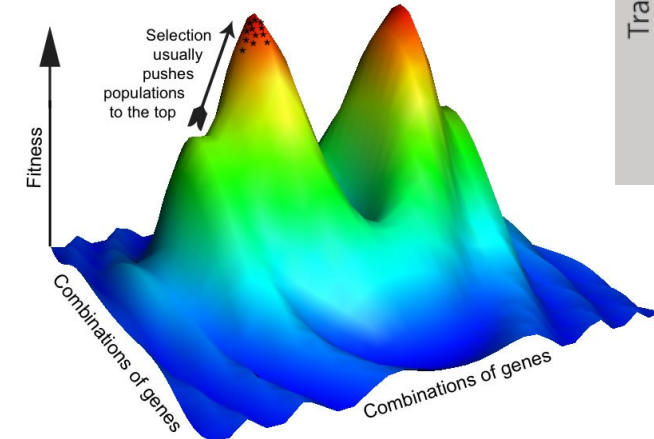
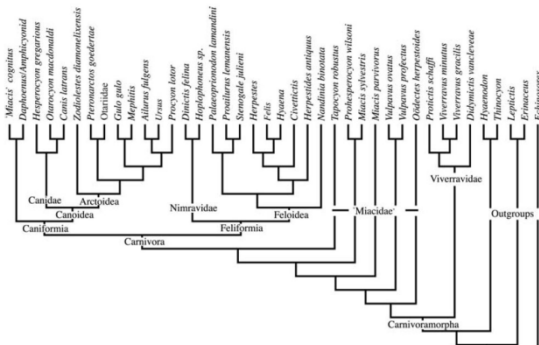
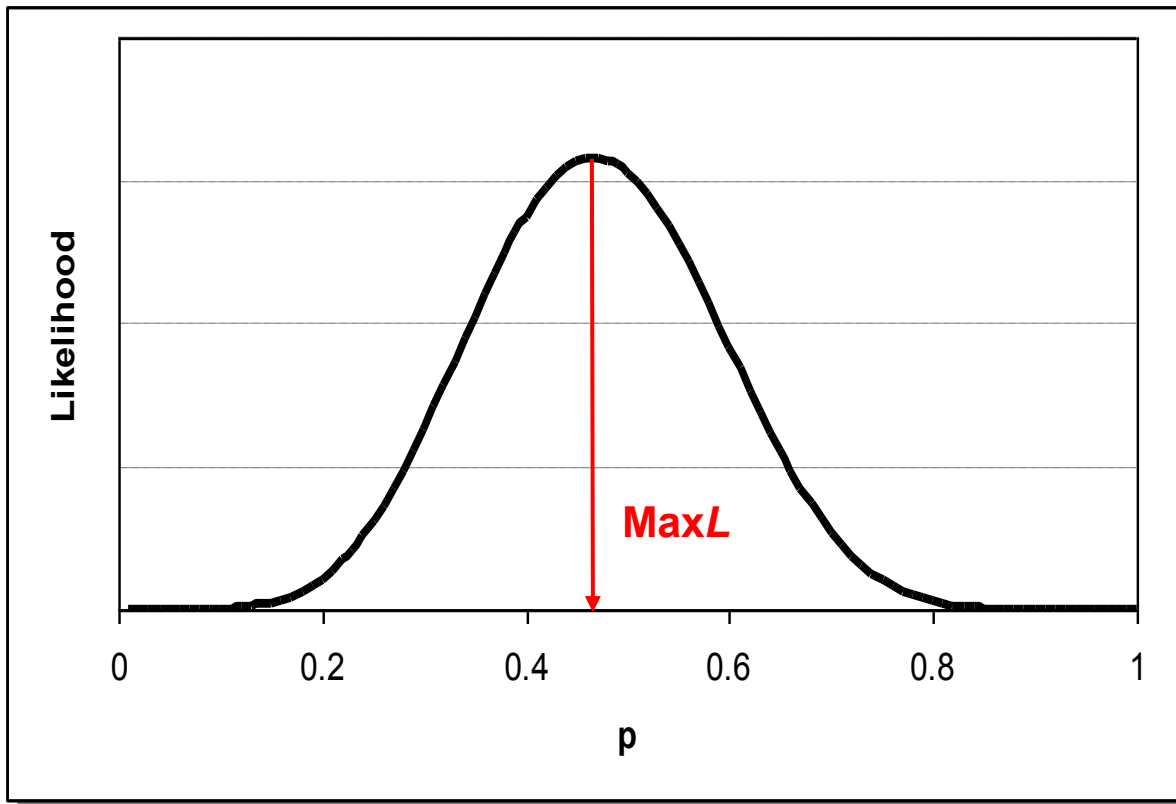


FYLOGENETICKÁ ANALÝZA I.



Maximální věrohodnost (maximum likelihood, ML)

- hod mincí 15× → skóre OOHHHOHOOHOHHO: 7× panna (hlava, H), 8× orel (O)
- pravděpodobnost, že padne hlava = p , orel = $(1 - p)$
- hody nezávislé ⇒ pravděpodobnost výsledného skóre =
 $(1 - p) \times (1 - p) \times p \times p \times p \times (1 - p) \times p \times (1 - p) \times (1 - p) \times (1 - p) \times p \times (1 - p) \times p \times p \times (1 - p) = p^7(1-p)^8$
- maximum = $0,4666 \approx 7/15$



$$L = (D | H)$$

podmíněná pravděpodobnost
získání dat D při hypotéze H

$$p = 1/2 \Rightarrow L = 3,0517 \cdot 10^{-5}$$

$$p = 1/3 \Rightarrow L = 1,7841 \cdot 10^{-5}$$

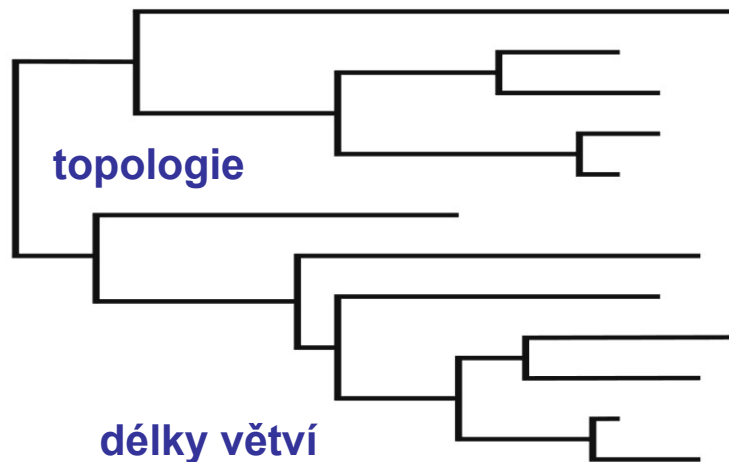
⇒ výsledek hodů 1,7×
pravděpodobnější
s pravou mincí

Maximální věrohodnost ve fylogenetické analýze

data:

```
1   TCAAAAATGGCTTTATTTCGCTTAATGCCGTTAACCTTGCGGGGGCCATG
2   TCCGTGATGGATTTATTTCCGCAATGCCTGTCATCTTATTCTCAAGTATC
3   TTCGTGATGGATTTATTGCAGGTATGCCAGTCATCCTTTTCTCATCTATC
4   TTCGTGACGGGTTTATCTCGGCAATGCCGGTTCATCCTATTTTCGAGTATT
```

strom:



evoluční model

= hypotéza

Věrohodnostní funkce: jaká je
pravděpodobnost získání daných
dat při dané hypotéze?

$$L = P(D | H),$$

kde D = matice dat
 $H = \tau$ (topologie),
 ν (délky větví),
 θ (model)

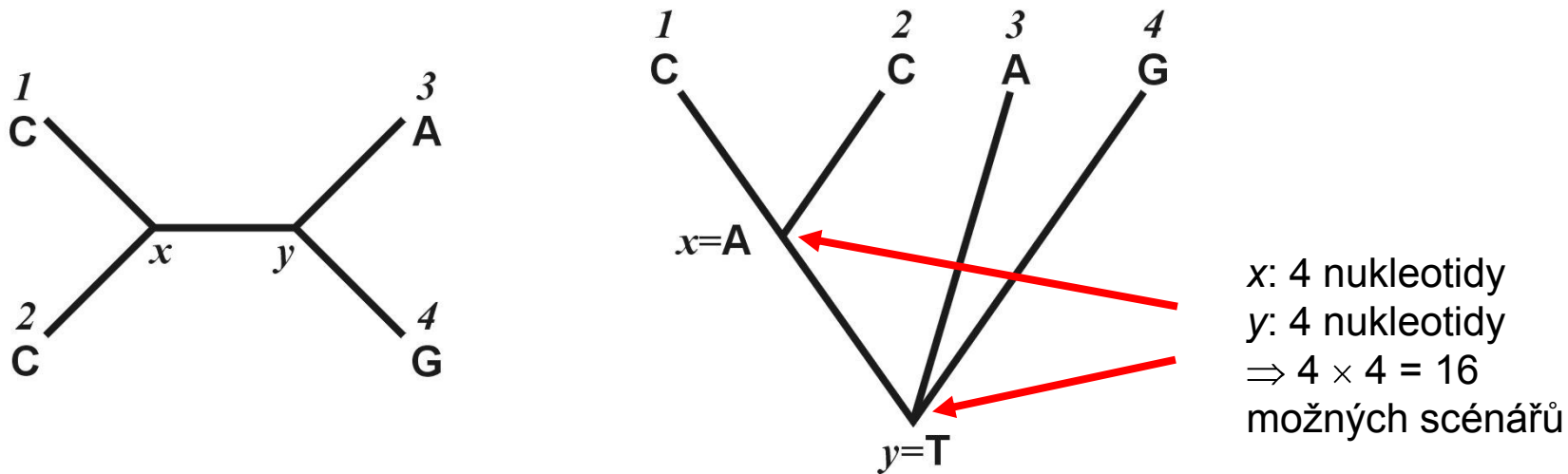
1 j N

1 TCAAAAATGGCTTTATTTCGCTTAATGCCGTTAACCCCTTGCGGGGGCCATG

2 TCCGTGATGGATTTATTTCCGCAATGCCTGTCATCTTATTCTCAAGTATC

3 TTCGTGATGGATTTATTGCAGGTATGCCAGTCATCCTTTTCTCATCTATC

4 TTCGTGACGGGTTTATCTCGGCAATGCCGGTTCATCCTATTTTCGAGTATT



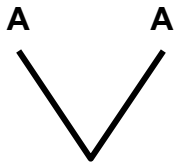
1) $L(1) = P(A) \times P(T) \times P(AC) \times P(AC) \times P(TA) \times P(TG)$

2) $L(j) = P(\text{scénář 1}) + \dots + P(\text{scénář 16})$

3) všechny pozice: $L = L(1) \times L(2) \times \dots \times L(j) \times \dots \times L(N) =$

4) $\ln L = \ln L(1) + \ln L(2) + \dots + \ln L(N) =$

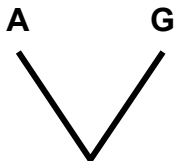
$$= \prod_{j=1}^N L_j$$



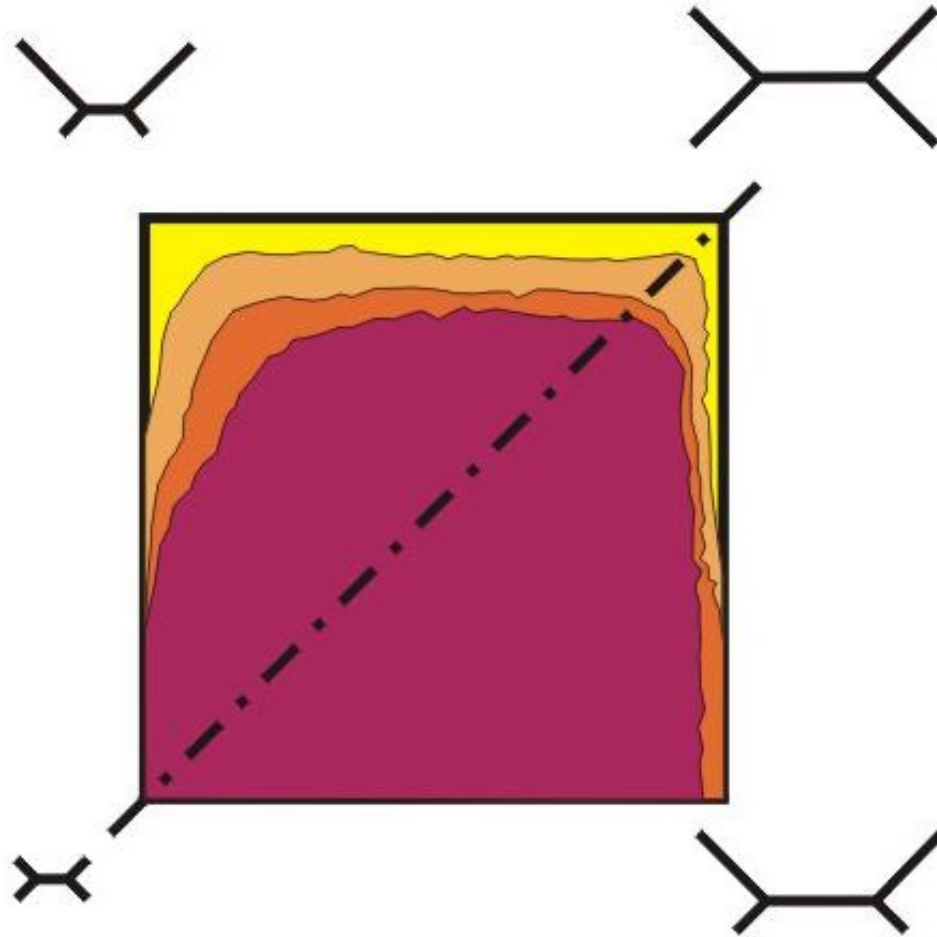
Věrohodnost (ML) a úspornost (MP)

Počet změn	Parsimonie	$\nu = 0,01$	$\nu = 0,10$	$\nu = 0,20$	$\nu = 1,00$
		(0,2475)	(0,2266)	(0,20611)	(0,11192)
0	100	99,99	99,83	99,31	82,17
1	0	0,00	0,00	0,00	0,00
2	0	0,0011	0,11	0,44	9,13
3	0			0,034	3,55
4	0				0,0027

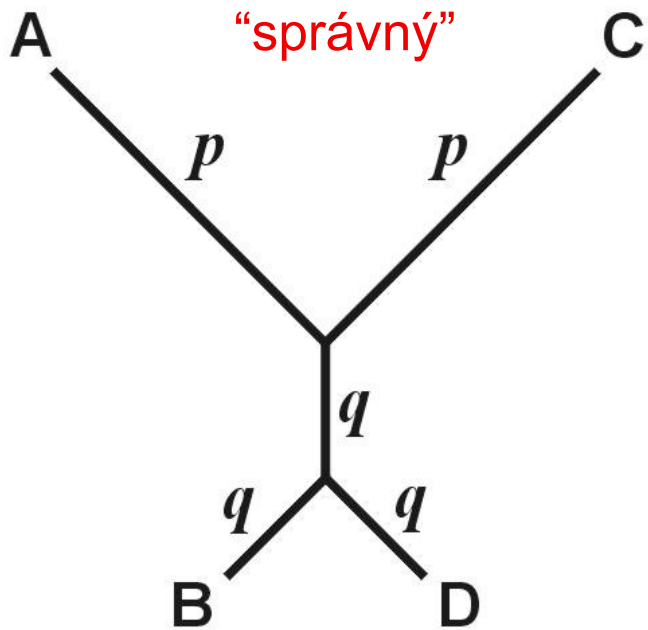
Počet změn	Parsimonie	$\nu = 0,01$	$\nu = 0,10$	$\nu = 0,20$	$\nu = 1,00$
		(0,00083)	(0,00786)	(0,01462)	(0,04602)
0	0	0,00	0,00	0,00	0,00
1	100	99,66	96,64	92,36	66,54
2	0	0,33	3,22	6,22	21,19
3	0		0,12	0,48	8,61
4	0		0,003	0,023	2,05
5	0			0,0037	0,42



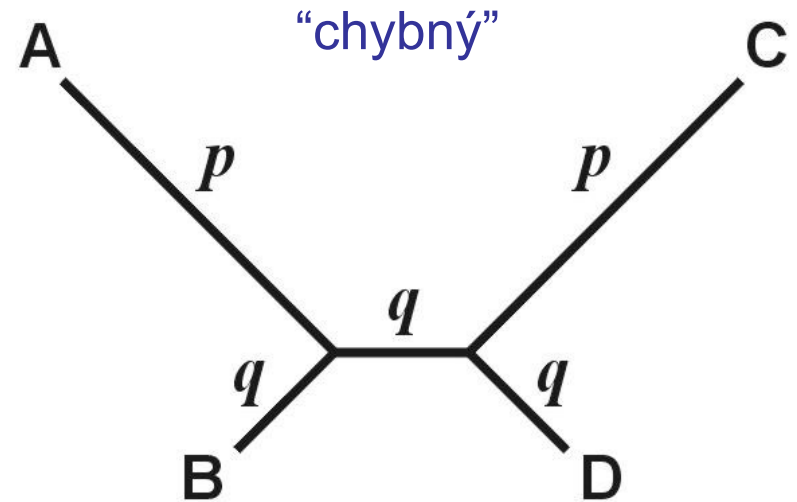
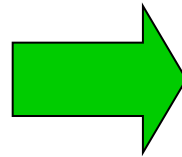
Věrohodnost a konzistence



Věrohodnost a konzistence



Farrisova
(anti-Felsensteinova,
inverzní Felsensteinova)
zóna





“long-branch repulsion”

Bayesovská analýza







ML: jaká je pravděpodobnost dat při dané hypotéze?

bayesiánský přístup - příklad:

- soubor 100 kostek, ze kterých máme vybrat jednu
- víme, že ze 100 kostek je 80 v pořádku, ale 20 je upraveno tak, aby padala 6
- pravděpodobnosti jednotlivých výsledků u pravých kostech stejné, u falešných se liší:

- házíme 2× 1. hod:  2. hod: 

→ Jaká je pravděpodobnost, že naše kostka je falešná?

	pravá	falešná
	1/6	1/21
	1/6	3/21
	1/6	3/21
	1/6	4/21
	1/6	4/21
	1/6	6/21

- **aposteriorní pravděpodobnost (posterior probability)**
= pr. platnosti hypotézy při získaných datech: $P(H | D)$
- a.p. je funkcí **věrohodnosti** $P(D | H)$ a **apriorní pravděpodobnosti (prior prob.)**
- prior vyjadřuje náš apriorní předpoklad nebo znalost
- příklad se 2 hody kostkou:

Aposteriorní pravděpodobnost, že naše kostka je falešná, je dána Bayesovou rovnicí:

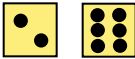
$$P(H | D) = \frac{P(D | H) \times P(H)}{\sum [P(D | H_i) \times P(H_i)]}$$

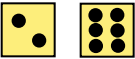
věrohodnost







apriorní pravděpodobnost

suma čitateľů pro všechny alternativní hypotézy

- apriorní pravděpodobnost (falešná) = 0.2
(20/100 falešných kostek v souboru)

- Pr., že dostaneme  s pravou kostkou:
 $P = 1/6 \times 1/6 = 1/36$

- Pr. že dostaneme  s falešnou kostkou:
 $P = 3/21 \times 6/21 = 18/441$

	pravá	falešná
	1/6	1/21
	1/6	3/21
	1/6	3/21
	1/6	4/21
	1/6	4/21
	1/6	6/21

$$\begin{aligned}
 P(\text{biased} \mid \text{die with 1 and 3 dots}) &= \frac{P(\text{die with 1 and 3 dots} \mid \text{biased}) \times P(\text{biased})}{P(\text{die with 1 and 3 dots} \mid \text{biased}) \times P(\text{biased}) + P(\text{die with 1 and 3 dots} \mid \text{fair}) \times P(\text{fair})} \\
 &= \frac{18/441 \times 2/10}{18/441 \times 2/10 + 1/36 \times 8/10} = \underline{0.269}
 \end{aligned}$$

Bayesovská metoda ve fylogenetické analýze:

aposteriorní
pravděpodobnost

věrohodnost

apriorní
pravděpodobnost

$$P(\tau, \mathbf{v}, \theta | \mathbf{X}) = \frac{P(\mathbf{X} | \tau, \mathbf{v}, \theta) P(\tau, \mathbf{v}, \theta)}{\sum_{i=1}^{B(s)} P(\mathbf{X} | \tau, \mathbf{v}, \theta) P(\tau, \mathbf{v}, \theta)}$$

suma přes všechny
možné stromy

Parametry pro bayesovskou analýzu: ML odhady → empirická BA

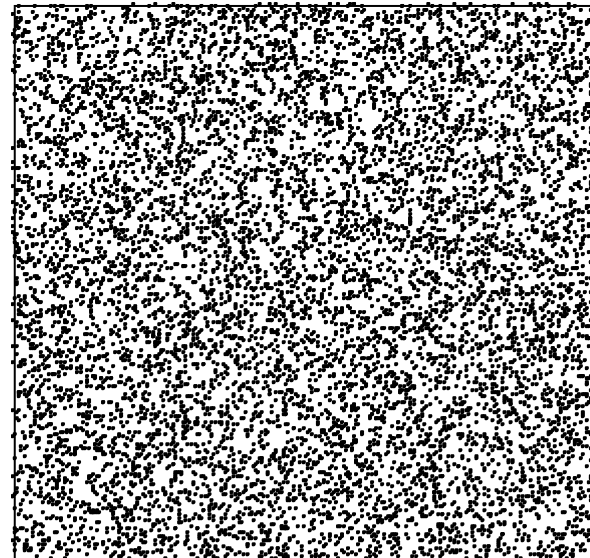
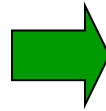
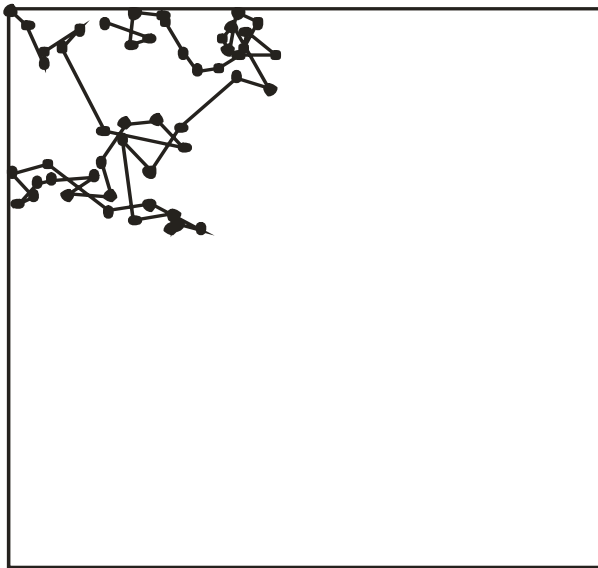
všechny kombinace → hierarchická BA

$$P(\tau, \mathbf{v}, \theta) = \int P(\tau, \mathbf{v}, \theta) dF(\boldsymbol{\psi}, \theta)$$

- Problém: příliš složité \Rightarrow nelze řešit analyticky, pouze numericky aproximovat
- řešení: **metody Monte Carlo**
- náhodný výběr vzorků, při velkém množství aproximace skutečnosti
- Markovovy řetězce: **Markov chain Monte Carlo (MCMC)**

Markovův proces: $t(-1) A \rightarrow T(0) C \rightarrow T(+1) G$

... P stejná po celé fylogenii = **homogenní Markovův proces**

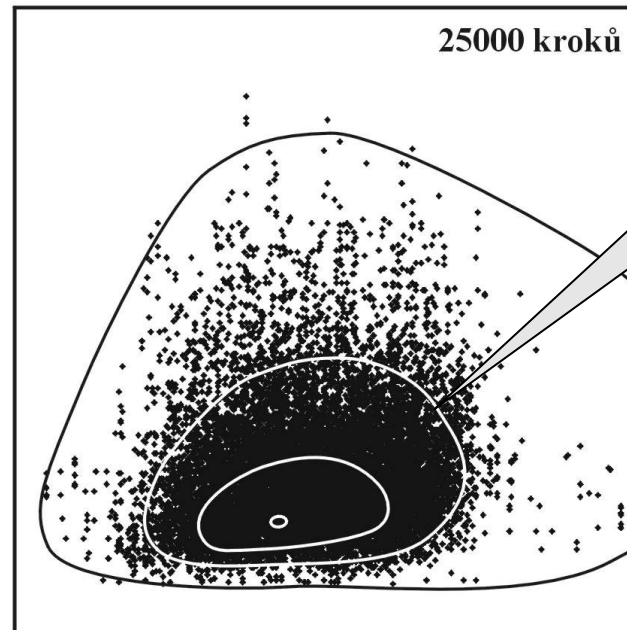
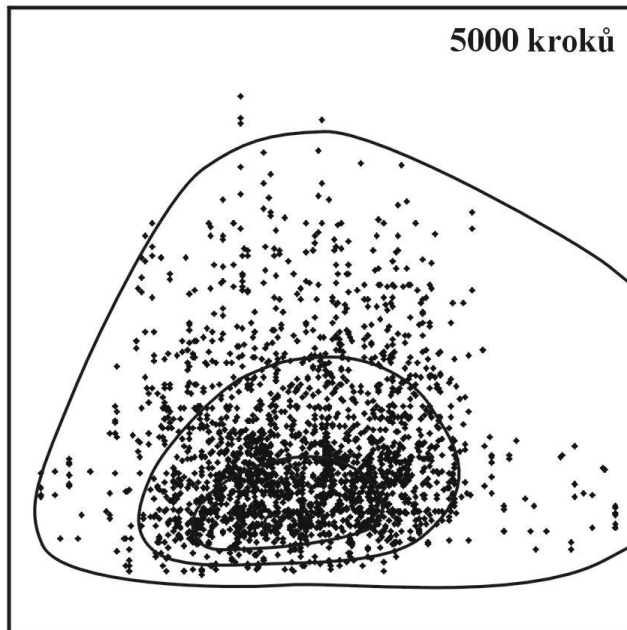


Metropolisův-Hastingsův algoritmus:

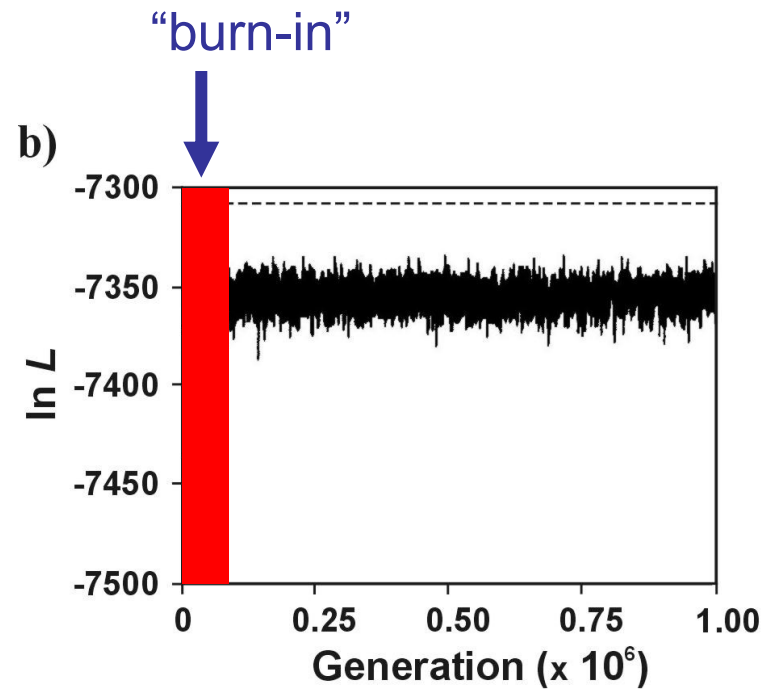
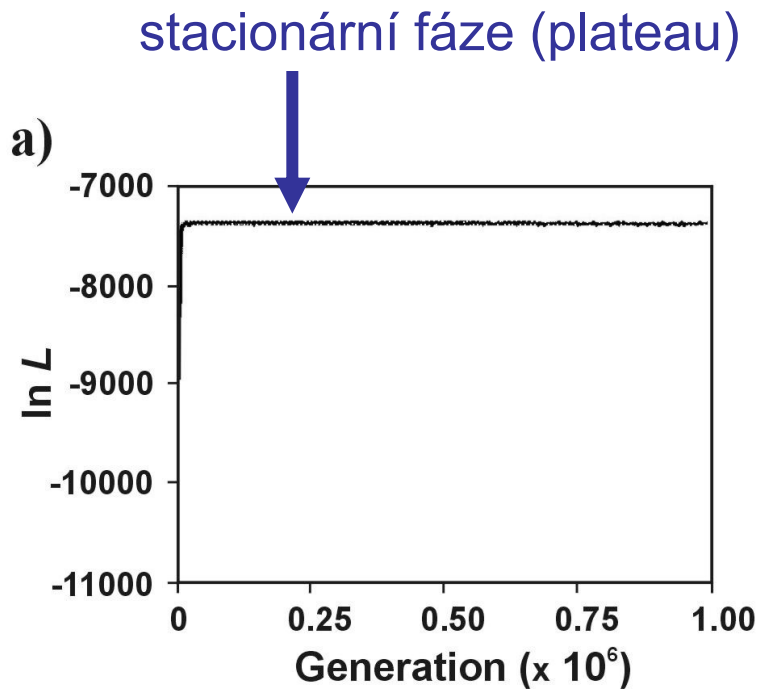
Změna parametru $x \rightarrow x'$

1. jestliže $P(x') > P(x)$, akceptuj x'
2. jestliže $P(x') \leq P(x)$, vypočti $r = P(x')/P(x)$
protože platí, že $P(x') \leq P(x)$, musí být $r \leq 1$
3. generuj náhodné číslo U z rovnoměrného rozdělení z intervalu $(0, 1)$
4. jestliže $r \geq U$, akceptuj x' , jestli ne, ponechej x

usměrněný pohyb robota v aréně:



„vrstevnice“
arény

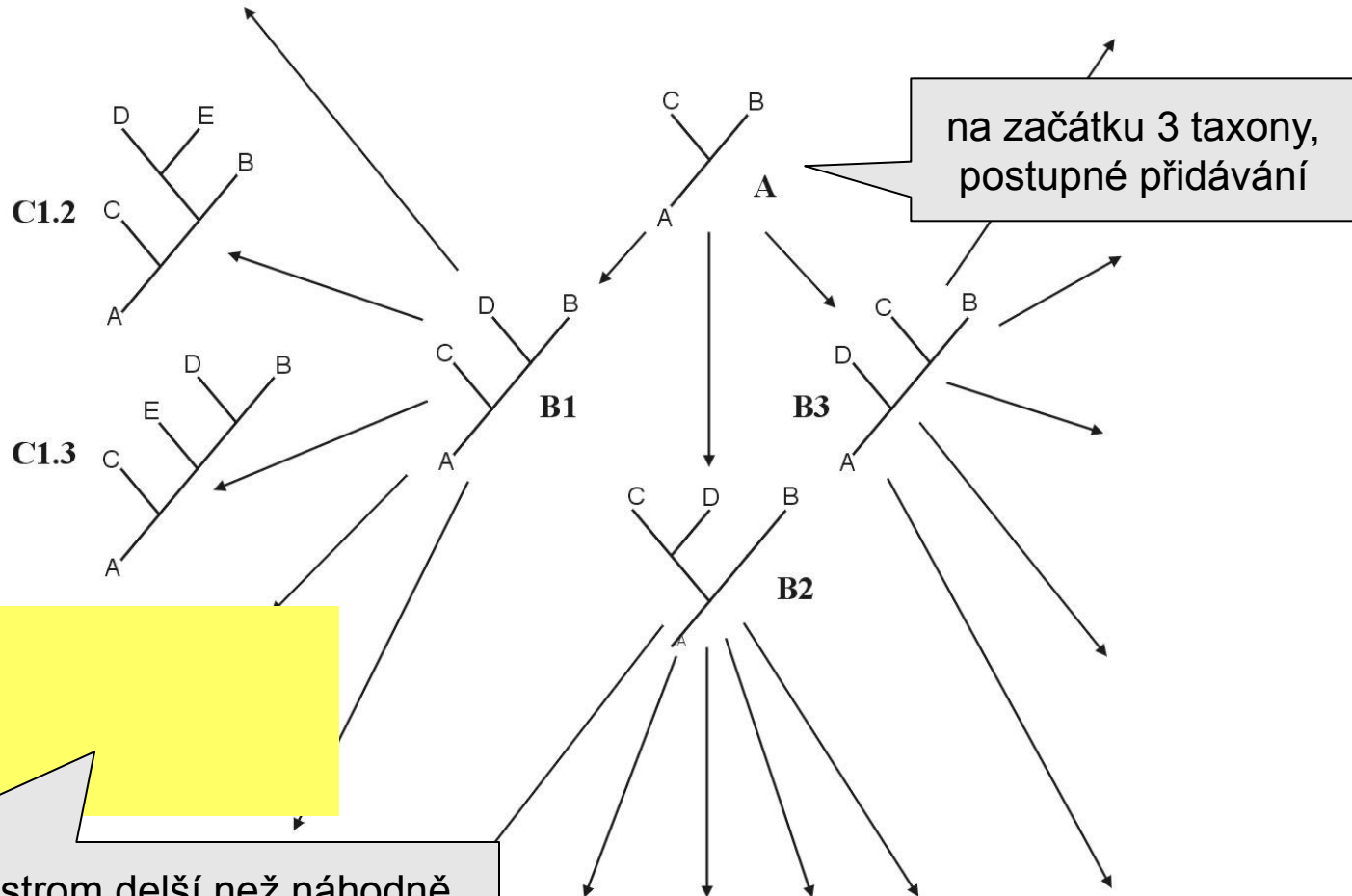


MrBayes: <http://morphbank.ebc.uu.se/mrbayes/>
4 independent chains, Metropolis-coupled MCMC

Problém apriorních pravděpodobností: subjektivnost

Hledání optimálního stromu a měření spolehlivosti

- 1. Exaktní metody:** a) vyčerpávající hledání (exhaustive search)
b) branch-and-bound

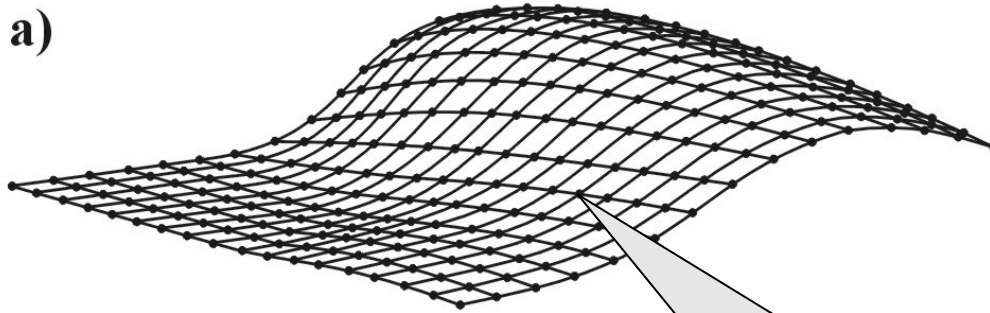


je-li tento strom delší než náhodně vybraný, algoritmus dál nepokračuje

na začátku 3 taxony, postupné přidávání

2. Heuristický přístup:

a)

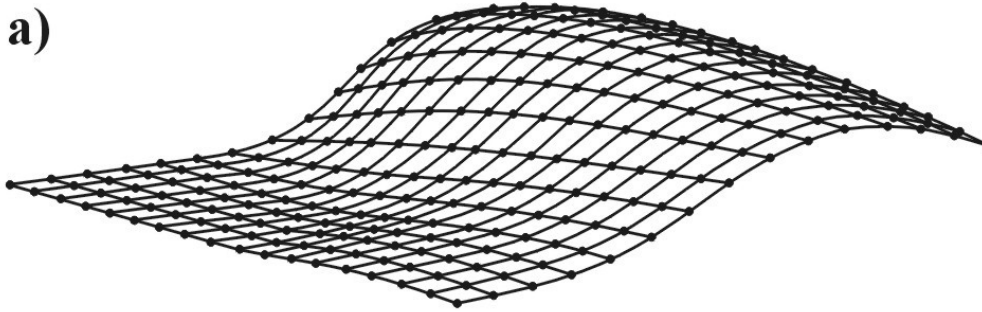


všechny možné stromy

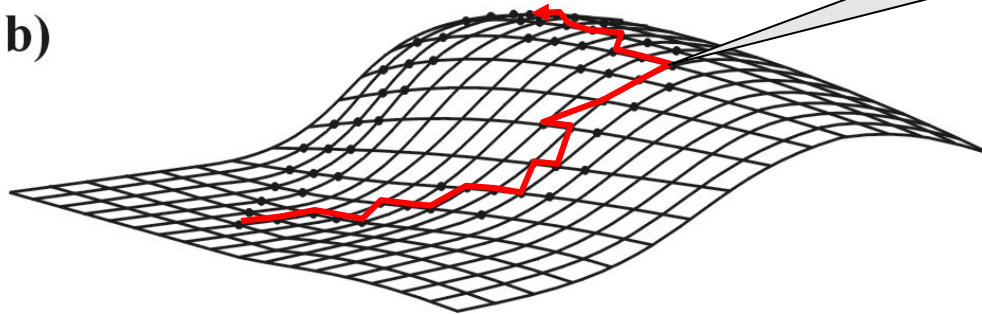
2. Heuristický přístup:

stepwise addition
star decomposition
branch swapping

a)

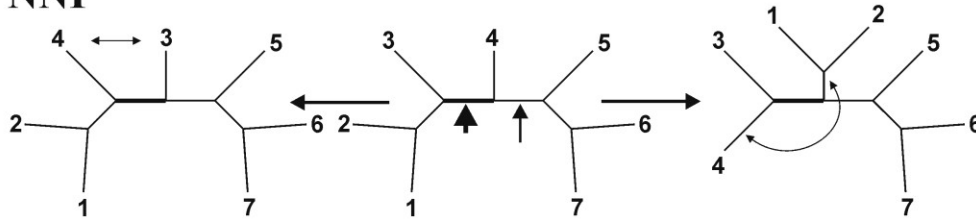


b)

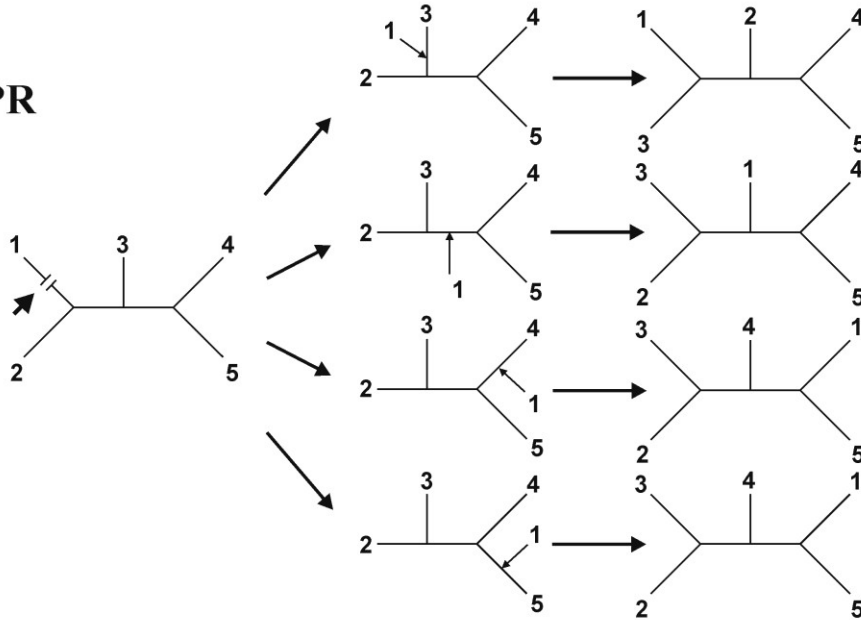


heuristické hledání

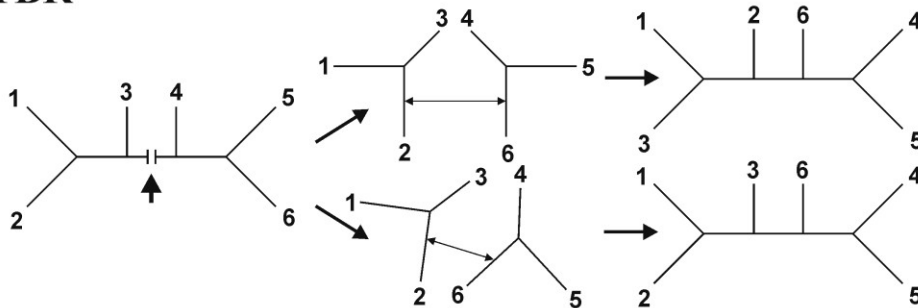
NNI



SPR



TBR



* nearest-neighbor interchanges (NNI)

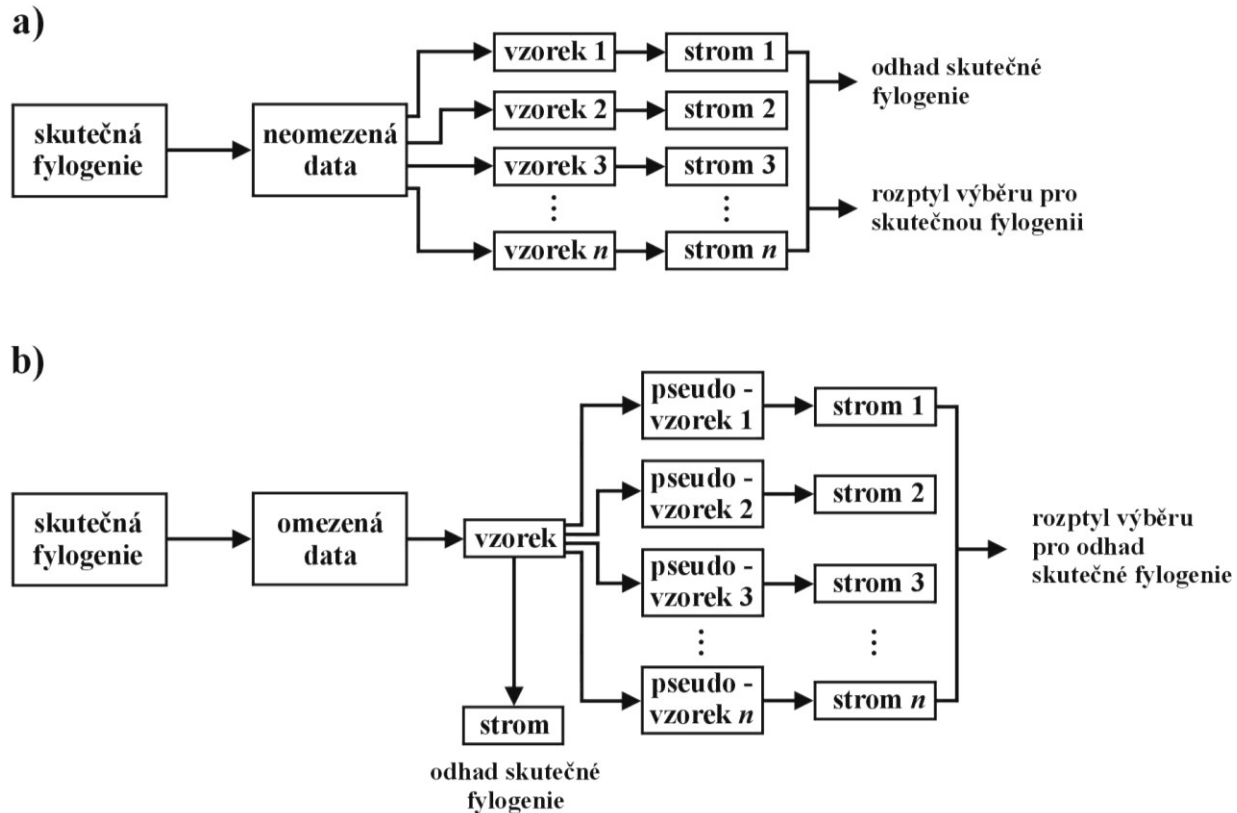
* subtree pruning and regrafting (SPR)

* tree bisection and reconnection (TBR)

Měření spolehlivosti stromů

Metody opakovaného výběru

- bez navrácení = jackknife
- s navrácením = bootstrap

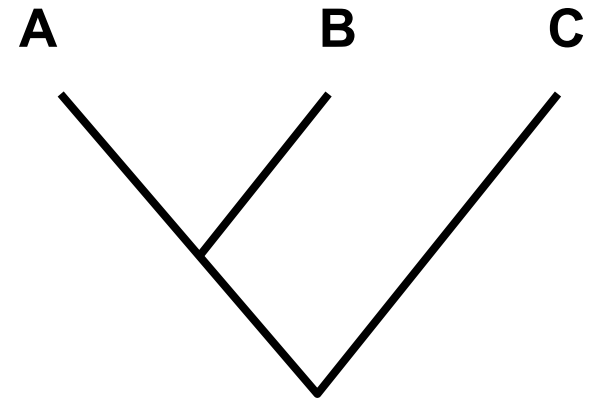


- parametrický bootstrap: evoluční model
- aposteriorní pravděpodobnosti

Testování hypotéz

Test molekulárních hodin

- **Relative rate test** (RRT): $AC=BC$?
- **linearizované stromy**
odstranění signifikantně odlišných taxonů
- **relaxované molekulární hodiny**
umožňují změnu rychlostí podél větví



Srovnání stromů

Je jeden strom lepší než druhý?

Testy párových pozic:

- winning sites test
- Felsensteinův z test
- Templetonův test
- Kishinův-Hasegawův test (KHT, RELL)

Pro více než dva stromy:

- Shimodairův-Hasegawův (SH) test

Jsou dva stromy signifikantně odlišné?

Distance mezi stromy:

- partition metric
- quartet metric
- path difference metric
- metody inkorporující délky větví

Problémy s distancemi mezi stromy

Konsensuální stromy

- striktní konsensus
- majority-rule

- problém s konsensuálními stromy – kombinovaná vs. separátní analýza, supermatrix vs. supertree
- konsensuální stromy v metodách opakovaného výběru, bayesovská analýza

Fylogenetické programy

- **alignment:**

ClustalX *<http://inn-prot.weizmann.ac.il/software/ClustalX.html>*

- **PAUP***

- **PHYLIP**

- **McClade ... MP**

- **MOLPHY, TREE-PUZZLE ... ML**

- **MrBayes ... BA**

- **práce se stromy:**

TreeView *<http://taxonomy.zoology.gla.ac.uk/rod/treeview.html>*