

# Odhad plemenné hodnoty

doc. Ing. Tomáš Urban, Ph.D.  
[urban@mendelu.cz](mailto:urban@mendelu.cz)



## INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

Genetická variabilita > jedinci s různými genotypy  
> různí jedinci mají různou genetickou hodnotu

Pro šlechtitele je důležitá plemenná hodnota >  
ovlivněna např. interakcemi mezi alelami v  
lokusu, ...

Gamety = 1 alela >>> PH závisí na efektech  
individuální alely, ne na efektech alelického páru  
na lokusu



06/05/2013



## INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

## Plemenná hodnota – hodnota genů zvířete, které jsou předány jeho potomkům

(součet efektů všech jeho genů pro danou vlastnost)

**Plemenná hodnota** – pravděpodobnost, že potomstvo bude vykazovat dobré genetické založení



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

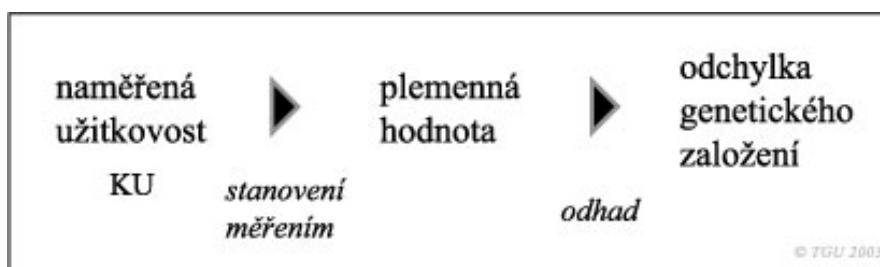
Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

## Plemenná hodnota a genetické založení

Kvantitativní charakter užitkových vlastností

Lze zjistit rozdíly mezi užitkovostmi způsobené různými genotypy.  
Tyto rozdíly jsou **odhadnutelné**

PH - odhad genetického založení jedince (jeho jedinečný genotyp) vyjádřené odchylkou v užitkové vlastnosti od průměru vrstevníků



06/05/2013



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Odhad plemenné hodnoty (OPH)

- je proces očištění genetických vlivů působících na užitkovost od činitelů NEGENETICKÉ povahy a vše ostatní „odstranit“ z vlivu

Na základě závisle proměnné užitkovosti chci odhadnout genetické založení jedince  $\Rightarrow$  testace zvířat a jejich matematické vyhodnocení

Stanovit přímý účinek genotypu jedince na vlastní užitkovost a to genů s **aditivním** účinkem

OPH – odhad odchylky genetického založení.



#### INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

Genetické založení je „neodhadnutelné“, ale odhadnutelné jsou **rozdíly** v genetickém založení pomocí PH

přímé změření:  $h^2 = 1$ , nebo  $\sim$  potomků

**OPH** = odhad rozdílů genetického založení (nejde o absolutní užitkovost)

- jedná se o odchylku od průměru vrstevníků (referenční populace):

$$D = y_i - \mu$$

Kontrola užitkovosti a výkonná výpočetní technika  $\Rightarrow$  přesto získáváme jen *odhad*



#### INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Prostřed'ové efekty

Genetika kvantitativních znaků

## Náhodné prostřed'ové efekty (nesystematické)

Nejzistitelná proměnlivost

U každého jedince v různém směru (+ -) a velikosti

Působí krátkodobě a na jedince (nelze kvantifikovat)

Nelze fenotypovou hodnotu od těchto efektů očistit

## Systematické efekty pevné

Působí na celou skupinu jedinců a dlouhodobě

Většinou jsou prostřed'ové

Můžeme je eliminovat

uspořádáním podmínek (standardizace)

Matematicky – efekty v modelech

u BLUP se rozlišují **pevné a náhodné systematické efekty**

**Vnější** (oblast, podnik, stáj, rok, období, výživa, ošetřovatelé, ...)

**Vnitřní** (věk jedinců, věk matky, pohlaví, četnost vrhu, pořadí vrhu, pořadí laktace, ...)

**Eliminace** – pomocí korekčních faktorů se očišťují data pro OPH či genetických parametrů ( $h^2$ ,  $r_{op}$ ,  $r_G$ ) – v metodě MNČ

**Fenotypová hodnota:**  $P = A + E$

$E$  (D, I, náhodné prostředí)  $A$  (aditivní efekt)



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

## Odhad PH

Př. Býk měl výrazně lepší (350 kg) hmotnost v 1 roce) než populační průměr (300 kg).

Jeho fenotyp jako odchylka je +50 kg.

Je však tato fenotypová odchylka způsobena jen genetickými rozdíly?

Býk by mohl být dobrý podle svých genů, ale také z důvodu, že se vyvíjel v lepších podmínkách.

Otázka zní, jaká část fenotypových odchylek je způsobena genetickými, tzn. plemennou hodnotou?



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

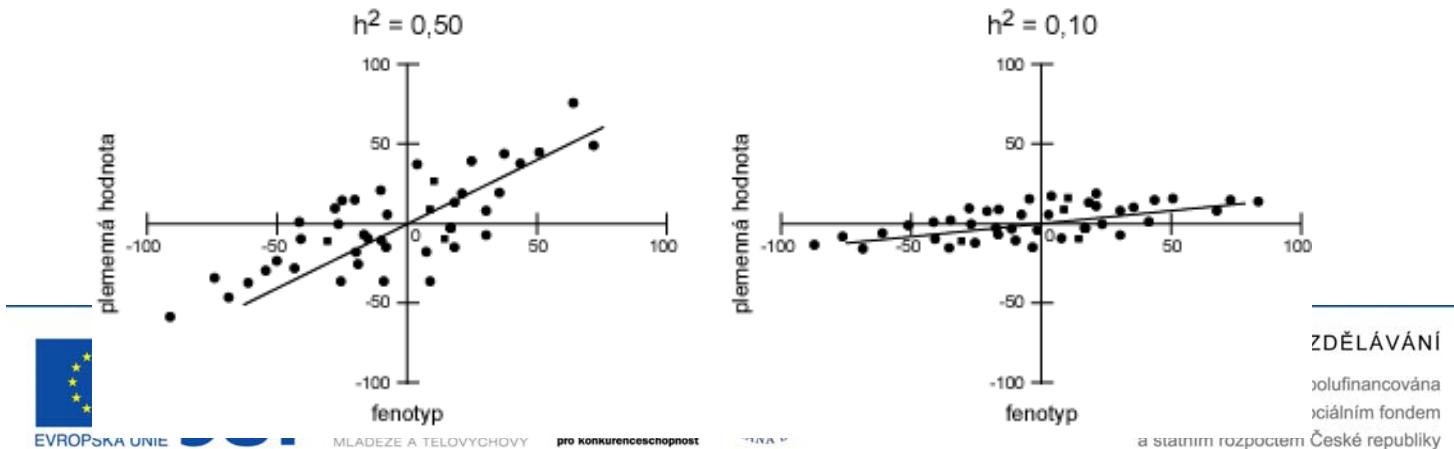
# OPH = heritabilita + fenotypová odchylka

**Větší část fenotypových rozdílů je připisována plemenné hodnotě, je-li heritabilita vyšší.**

Plemenná hodnota je odhadována regresí. Směrnice regresní přímky je heritabilita, která nám říká, jak velký rozdíl plemenné hodnoty lze očekávat za jednotku rozdílu fenotypu.

Při informaci o vlastní užitkovosti zvřete je váha informace  $b = h^2$

více informací - zvýšení přesnosti OPH, tj. informace o korelovaných vlastnostech nebo o příbuzných jedincích, a lze vypočítat více vah mnohonásobným regresním modelem.



## Jednoduché vyjádření OPH

$$OPH = b \cdot D$$

$$D = y_i - \mu$$

$$b = \frac{r^2}{a} \quad \hat{a}_i \approx$$

**r<sup>2</sup> – spolehlivost** odhadu PH (reliability  $\approx R$  – v katalozích) – determinační koeficient; umocněná korelace

**r – přesnost** (odmocnina spolehlivosti), korelace mezi genotypem (skutečnou PH) a fenotypem (OPH); spolehlivost je větší než přesnost

**a – aditivní příbuznost** ke zdroji informací

$$b_{(a,y)} = \frac{\sigma_{a,y}}{\sigma_y^2} = \frac{\text{cov}_{a,y}}{\text{var}_y} = \frac{\text{cov}_{(a,a+e)}}{\text{var}_y} = \frac{\sigma_a^2}{\sigma_y^2} = h^2$$

Regrese PH na fenotypovou hodnotu jedince



INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Přesnost OPH - r

$$r_{a,y} = \frac{\sigma_{a,y}}{\sigma_a \sigma_y} = b_{a,y} \cdot \frac{\sigma_y}{\sigma_a} = h$$

Přesnost: kolik rozdílů mezi SPH jsme schopni vysvětlit na základě OPH

Při odhadu PH na základě fenotypu platí:  $r_{a,y} = r_{a,\hat{a}}$

$$r_{a,\hat{a}} = \frac{\text{cov}_{a,\hat{a}}}{\sigma_a \sigma_{\hat{a}}} = \frac{\text{cov}_{a,b(y-\mu)}}{\sigma_a \sigma_{b(y-\mu)}} = \frac{b \cdot \text{cov}_{a,y}}{\sigma_a \cdot b \cdot \sigma_y} = \frac{\text{cov}_{a,y}}{\sigma_a \sigma_y} = r_{a,y}$$

Přesnost: korelace mezi SPH a OPH

## Spolehlivost OPH – $r^2$

$$r^2$$

Zvíře s  $\downarrow r^2$  má  $\uparrow D$  - nízká spolehlivost ale JE LEPŠÍ

$\Rightarrow$  obě mají stejnou PH

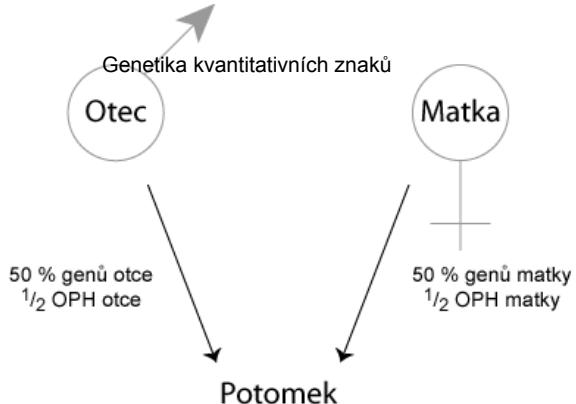
Zvíře s  $\uparrow r^2$  má  $\downarrow D$

## Porovnání OPH zvířat s různými skupinami vrstevníků

$$\text{OPH} = b \cdot D$$

jedinec	Hmotnost v 1 roce	Průměr vrstevníků	Fenotypová odchylka	OPH
Karel	330	300	+30	+12
Rudolf	300	260	+40	+16

$$h^2 = 0,40$$



## Očekávaná PH potomstva - $\text{PH}_p$

$$\text{PH}_p = \frac{1}{2} (\text{PH}_O + \text{PH}_M)$$

PH rodičů       $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$  potomek

očekávaná hodnota potomka =  $\frac{1}{2} \text{OPH}_{\text{otce}} + \frac{1}{2} \text{OPH}_{\text{matky}}$

## Očekávaná užitkovost potomstva - $U_p$

Př.

$$U_p = U + \text{PH}_p$$

otec	PH	+ 500	$\frac{1}{2}$
matka	PH	+ 100	$\frac{1}{2}$
	$\text{PH}_p$	<b>+ 300</b>	<b>1</b>

**Cíl:** růst genetické úrovně ve stádě; chceme, aby posun od  $U$  k  $U_p$  byl co nejvyšší - **maximální**.

průměrná užitkovost rodičů (stáda) **5000** kg mléka

? Průměrná užitkovost potomků ?

INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována Evropským sociálním fondem a státním rozpočtem České republiky

## Spolehlivost selekce (~ OPH)

$$\sigma_{OPH}^2 = r^2 \cdot \sigma_G^2$$

$$r^2 = \frac{\sigma_I^2}{\sigma_G^2} = \frac{\sigma_{OPH}^2}{\sigma_G^2} \cong \frac{\sigma_A^2}{\sigma_G^2}$$

### Spolehlivost potomstva ( $\text{PH}_p$ )

$$r^2 = \frac{1}{4} (r_O^2 + r_M^2)$$

Př.

	PH	$r^2 (%)$
otec	+ 500	80
matka	+ 100	20
$\text{PH}_p$	<b>+ 300</b>	<b>25 (100:4)</b>

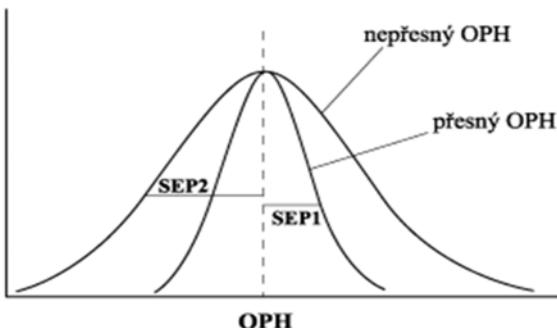
Předpovídáme  $\text{PH}_p$  se spolehlivostí 25 %.

# Střední chyba variance a předpovědi OPH

Střední chyba variance předpovědi:  $PEV = \sigma_{OPH-SPH}^2 = \frac{1-r^2}{n} \sigma_A^2$

Střední chyba předpovědi PH:  $SEP = SE_{OPH} = \sqrt{PEV}$

Distribuce skutečné PH (SPH) danou odhadovanou PH (OPH)



*Předpověď chyby OPH bude větší, čím menší bude přesnost OPH*



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována Evropským sociálním fondem a státním rozpočtem České republiky

Existují 2 případy:

- $r^2$  je nízká a PH je vysoká – extrém (obrovská odchylka od průměru vrstevníků)
- $r^2$  je vysoká a PH je vysoká (když má být PH velká, pak musí být velká buď  $r^2$ , D nebo oboje)

Stejná chyba je, když je:

- malý počet zvířat ohodnocených přesně
- větší počet zvířat ohodnocených méně přesně

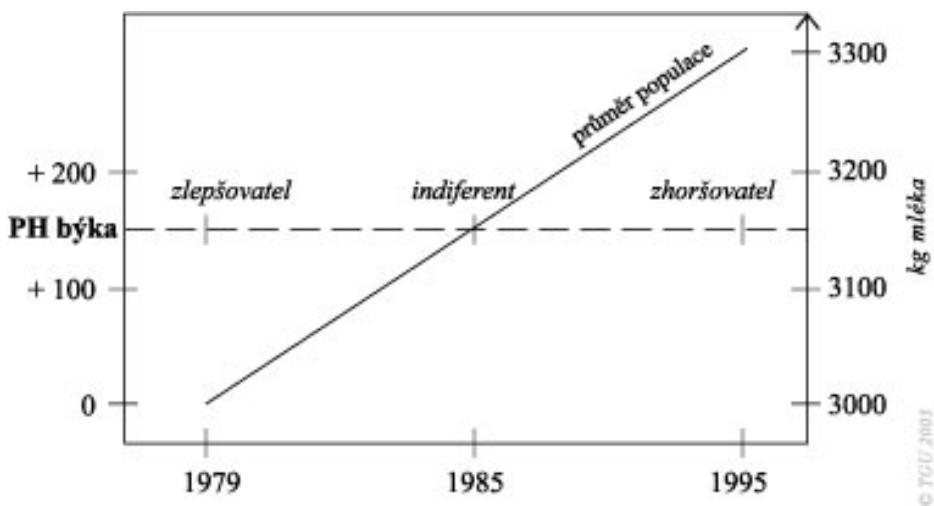


06/05/2013

INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována Evropským sociálním fondem a státním rozpočtem České republiky

# PH zvířete je vyjádřena vzhledem k vrstevníkům v konkrétním čase a místě!



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

## Genetický zisk na základě OPH

$$\sigma_{OPH}^2 = \sigma_A^2$$

Selekční diferenciál u rodičů:  $d = i \sigma_{OPH}^2$

Genetický zisk:  $\Delta G = \frac{1}{2} (d_{\text{otce}} + d_{\text{matky}})$  (popř.  $\Delta G = d$ )

Genetický zisk na základě vlastní užitkovosti

$$\Delta G = i \cdot h^2 \cdot \sigma_p$$

$$r_{IA} = h \quad a \quad h \cdot \sigma_p = \sigma_A \quad \text{pak} \quad \Delta G = i \cdot r_{IA} \cdot \sigma_A$$

$$\Delta G_{rok} = \frac{i_{otcu} \cdot r_{IA \text{ otcu}} + i_{matek} \cdot r_{IA \text{ matek}}}{L_{otcu} + L_{matek}} \cdot \sigma_A$$

Genetický zisk je  
přímo vázán na  
přesnost OPH.



06/05/2013



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

**Př.**

$$\sigma_A = 19 \quad i = 0,80$$

$$\Delta G = i \cdot r_{IA} \cdot \sigma_A$$

Selekce na	r	Očekávaný genetický zisk	Realizovaný genetický zisk
OPH – průměru rodičů	0,45	+6,8	+5
OPH – vlastní užitkovost	0,63	+9,5	+11
Skutečná PH	1	+15	+17



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

## Historie vývoje metod OPH

### Selekční indexy pro OPH jedince

Vypočítaná hodnota > selekční kritérium (obsahovaly váhy pro různé informace); jedinci s nejvyšší hodnotou > pro plemenitbu

**Hazel a Lush (1942), rozvinul Henderson (1963) – metodu nejmenších čtverců**

Problém vychýlenosti pro nebalancovanost údajů pro systematické efekty prostředí

### OPH plemeníků na základě užitkovosti potomků

**Robertson a Rendel (1954)** – dcery plemeníka se porovnávaly se *současnými vrstevnicemi* (contemporary comparison)

**Henderson et al. (1954)** – dcera plemeníka se všemi stádovými vrstevnicemi po jiných plemenících (s průměrnou užitkovostí stáda v daném období)

Těžko splnitelné podmínky – neexistence interakcí mezi plemeníky a stádem, nezohlednění genetické úrovně skupin dojnic

### BLUP pro OPH

Lineární smíšené modely (korekce na fixní systematické efekty, pak odhad genetických parametrů a PH)

Spolehlivý odhad variance a kovariance; system. efekty – fixní a náhodné

**Henderson (1963, 1973)** – sire model, dam model

### BLUP – AM (komplexnější přístup) – individuální model (animal model)

(Henderson 1988)

(Quaas a Pollak (1980)

Hodnotí se každé zvíře samostatně a současně v závislosti na příbuzných jedincích

Každé zvíře má svou rovnici

Spojení rovnic pomocí matice aditivní genetické příbuznosti A



06/05/2013



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Zpřesnění odhadu plemenné hodnoty

- opakování užitkovosti
- počty jedinců
- počty vrstevnic
- zohlednění příbuzenských vztahů
- korelované vlastnosti
- korekce na vlivy prostředí (systematické)



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

$$y_i = f(F_i, G_i, e_i)$$



$$y_i = F_i + G_i + e_i$$

## 1. Teoretický model (nemusí být vyhodnotitelný)

$$y = f(x)$$

## 2. Praktický model –lineárně kombinujeme efekty ovlivňující veličinu

$$y = a + b + \dots$$

## 3. Proveditelný model

$$y = SRO + J + \dots \text{další efekty}$$



06/05/2013



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

<p>↓</p> <p>přesnost stoupá</p>	<b>LSM</b>	- metoda nejmenších čtverců (MNČ)
	<b>BLUP</b>	- nejlepší lineární nestranná předpověď (NLNP) (dokáže pracovat s náhodnými efekty, nemusí být na sobě nezávislé, ale mohou být i příbuzní jedinci)
	<b>AM</b>	- individuální model (IM) (zahrnuje každého jedince, využívá kompletně vzájemnou příbuznost zkoumaných zvířat)



INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

## Nejlepší předpovědi

<b>BLUP</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Best Linear Unbiased Prediction</i></li> <li>- nejlepší lineární nevychýlená předpověď <b>NLNP</b> (metoda nejmenších čtverců)</li> <li>- metoda odhadu nejmenších čtverců <u>náhodných nebo smíšených modelů</u></li> </ul>
smíšený model:	$\mathbf{y} = \mathbf{X}\mathbf{b} + \mathbf{Z}\mathbf{u} + \mathbf{e}$ <p><math>\mathbf{X}, \mathbf{Z}</math> – incidenční matice , udávající, které efekty jsou obsaženy v pozorování</p> <p><math>\mathbf{b}</math> – vektor obsahující všechny fixní efekty (fixní genetické rozdíly a systematické vlivy prostředí)</p> <p><math>\mathbf{u}</math> – vektor všech náhodných efektů (stádo, rok, sezóna); obsahuje také OPH</p> <p><math>\mathbf{e}</math> – náhodné nesystematické zbytkové efekty</p>



INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Odhad PH - BLUP AM

Genetika kvantitativních znaku

BLUP - AM se provádí pomocí distribuční funkce  $f(T/y)$

T – hledané veličiny (vektor)

y – naměřené užitkovosti (vektor)

parciální derivací fce  $\Rightarrow$  hledáme průběh a extrém funkce  $\Rightarrow$  pomocí soustavy normálních rovnic  $\Rightarrow$  (maticová soustava)  
– Mixed Model Equation (MME)

$$(W'R^{-1}W + H^{-1})T = W'R^{-1}y$$

W – matici plánu experimentu, incidenční, designová (odhad PH) – rozepisuje se na matice X a Z !

R – kovarianční matici reziduí (chyb v datech)

H – kovarianční matici mezi hledanými veličinami

T – hledaná veličina

- modelová rovnice (maticový zápis):

**smíšený lineární model**  $y_{ijk} = b_i + u_j + e_{ijk}$   
užitkovost = součet faktorů, které ji ovlivňují

$$u \cong PH$$

$$y = Xb + Zu + e$$

- Aditivní plemenné hodnoty jsou náhodnými efekty se známou VCV maticí.
- U vektorů **u** a **e** se předpokládá N a E(u) = E(e) = 0
- Vektor pozorování **y** má multivariátní normální rozdělení s průměrem **Xb** ( $E(y) = Xb$ ) a variancí **V**



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

**BLUE** a **BLUP** jsou nejlepší, protože minimalizují výběrovou varianci; lineární v tom smyslu, že jsou lineárními funkcemi pozorovaných fenotypů **y**; nevychýlené ve smyslu, že  $E[BLUE(b)] = b$  a  $E[BLUP(u)] = u$ .

$$V = V(Zu + e) = ZGZ^T + R$$

**G** je variančně kovarianční matici vektoru náhodných efektů  $u \sim V(u)$

**R** je variančně kovarianční matici reziduálních chyb  $\sim V(e)$

Nejsou-li otcové příbuzní pak je  $G = I \sigma^2_o$  ( $\sigma^2_o = 1/4 \sigma^2_A$ )

Jsou-li otcové příbuzní pak  $G = A \sigma^2_o$  (~ animal model)

BLUE pro pevné efekty **b**:

$$\hat{b} = (X'V^{-1}X)^{-1}X'V^{-1}y$$

BLUP pro náhodné efekty **u**:  
 $\sim OPH$

$$\hat{u} = GZ'V^{-1}(y - \hat{b})$$

(Henderson, 1963)



06/05/2013



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

• modelová rovnice (maticový zápis):

$$\mathbf{y} = \mathbf{X}\mathbf{b} + \mathbf{Z}\mathbf{u} + \mathbf{e} \quad (\text{Henderson, 1950})$$

- soustava normálních rovnic

$$\begin{bmatrix} \mathbf{X}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{X} & \mathbf{X}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{Z} \\ \mathbf{Z}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{X} & \mathbf{Z}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{Z} + \mathbf{H} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{b} \\ \mathbf{u} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{X}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{y} \\ \mathbf{Z}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{y} \end{bmatrix}$$

LS                            T                            PS

**LS . T = PS**  
**T = LS<sup>-1</sup>.PS**

y	– vektor naměřených užitkovostí (n)	(n x 1)
X	– incidenční matice udávající plán pokusu pevných efektů X	(n x p)
Z	– incidenční matice udávající plán pokusu náhodných efektů Z	(n x q)
b	– vektor odhadů pevných efektů (odhad úrovní p)	(p x 1)
u	– vektor odhadů náhodných efektů; u ~ PH (odhad úrovní q)	(q x 1)
e	– vektor nekontrolovatelných náhodných reziduálních efektů (vektor reziduálních odchylek, u kterých se předpokládá, že jsou nezávislé na náhodných genetických efektech)	(n x 1)
H	– kovarianční matice inverzní	



INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

- Když jsou rezidua nekorelována a mají stejnou, konstantní varianci pak:

$$\mathbf{R} = \mathbf{I} \sigma_e^2 \quad \begin{bmatrix} \mathbf{X}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{X} & \mathbf{X}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{Z} \\ \mathbf{Z}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{X} & \mathbf{Z}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{Z} + \mathbf{H} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{b} \\ \mathbf{u} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{X}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{y} \\ \mathbf{Z}'\mathbf{R}^{-1}\mathbf{y} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{R}^{-1} = \mathbf{I} / \sigma_e^2$$



BLUP

$$\begin{bmatrix} \mathbf{X}'\mathbf{X} & \mathbf{X}'\mathbf{Z} \\ \mathbf{Z}'\mathbf{X} & \mathbf{Z}'\mathbf{Z} + \mathbf{G}^{-1}\sigma_e^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \hat{\mathbf{b}} \\ \hat{\mathbf{u}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{X}'\mathbf{y} \\ \mathbf{Z}'\mathbf{y} \end{bmatrix}$$

AM

$$\begin{bmatrix} \mathbf{X}'\mathbf{X} & \mathbf{X}'\mathbf{Z} \\ \mathbf{Z}'\mathbf{X} & \mathbf{Z}'\mathbf{Z} + \mathbf{A}^{-1}\mathbf{K} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \hat{\mathbf{b}} \\ \hat{\mathbf{u}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{X}'\mathbf{y} \\ \mathbf{Z}'\mathbf{y} \end{bmatrix}$$

$$K = \frac{\sigma_e^2}{\sigma_u^2} = \frac{\sigma_e^2}{\sigma_A^2} = \lambda = \alpha$$

$$K = \frac{1-h^2}{h^2} \quad K = \frac{4-h^2}{h^2}$$



06/05/2013



INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Postup řešení BLUP AM

**stanovit modelovou rovnici**

**ujasnit si teoretický model** (vezmu v úvahu všechny faktory, které by mohly podle mě působit na výslednou užitkovost)

**sestavit praktický model - proveditelný** (tj. vyloučíme z vlivů ty, které nejsme schopni evidovat; SRO – snaha aby období bylo co nejkratší, protože krmení se může změnit během 14 dnů)

**sestavit soustavu normálních rovnic**, které se řeší:

metoda nejmenších čtverců MNČ (*LSM*) – nejméně vhodná, protože řeší jen pevné efekty ( $\mathbf{X}'\mathbf{X}$  a  $\mathbf{b}$ )

body 2. a 3. závisí na konkrétním případě (každá země počítá AM trochu jinak – různé podmínky)

lepší je metoda *BLUP* (NLNP)

nejlepší je AM (IM)



INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

Př.

$$\text{BLUP AM: } y_{ijkl} = \mu + S_i + L_j + g_k + e_{ijkl}$$

$$y = \mathbf{X}\mathbf{b} + \mathbf{Z}\mathbf{u} + \mathbf{e}$$

$y_{ijkl}$	$[\sim y]$	- naměřená užitkovost
$\mu$	$[\sim X]$	- populační průměr
$S_i, L_j$	$[\sim b]$	- stádo a laktace- působení chovatele na zvířata, na jejich užitkovost
$g_k$	$[\sim u]$	- efekt jedince (genetický) – ten chceme určit - PH !
$e_{ijkl}$	$[\sim e]$	- reziduum

jedince	stádo	laktace	užitkovost
1	1	1	4500
2*	1	1	5000
3	1	2	6500
4	2	2	8000
5*	2	1	7000

1. stádo: 5472 kg 2. stádo: 7352 kg

1. laktace: - 574,4 kg 2. laktace: + 861,6 kg

PH jedinců (krav):

1. -88 kg

2. 47 kg

3. 53 kg

4. -53 kg

5. 62 kg

PH otce: 11 kg mláka

pořadí 5 → 3 → 2 → 4 → 1

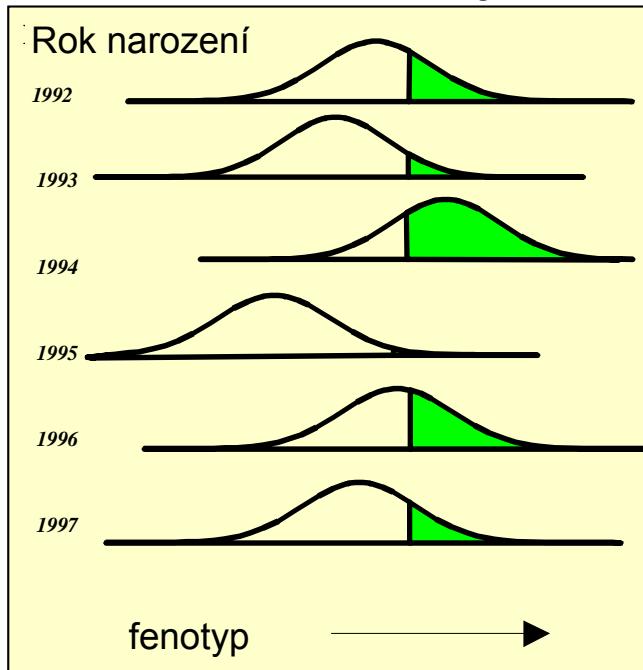
pořadí	kráva	OPH	užitkovost
1	5	+62	7000
2	3	+53	6500
3	2	+47	5000
4	4	-53	8000
5	1	-88	4500

Tomáš Urban - MENDELU 06/05/2013

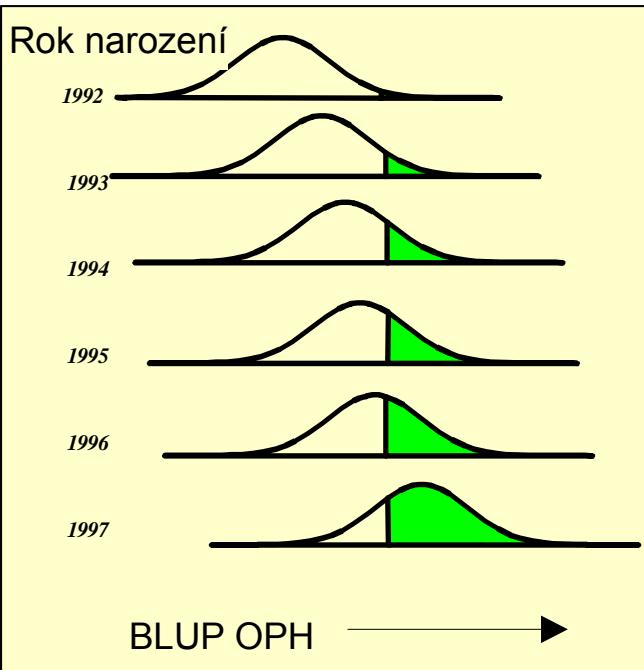
# Systém genetického hodnocení pomáhá při navrhování šlechtitelských programů

Genetika kvantitativních znaků

## Selekce na fenotyp



## Selekce na OPH

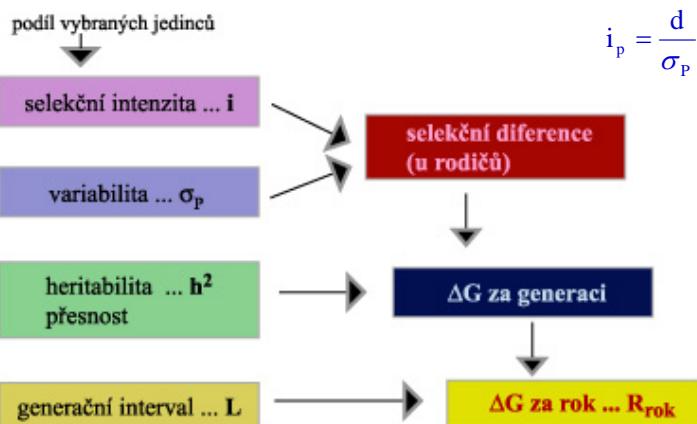


INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

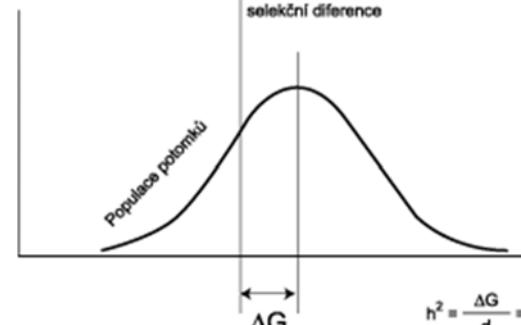
## Principy genetického zlepšení pomocí selekce

### Genetická nadřazenost vybraných rodičů



$$\Delta G = i_p r_a \sigma_A \quad \Delta G_{rok} = \frac{i_p r_a \sigma_A}{L}$$

$$\Delta G_{rok} = \frac{i_m + i_f}{L_m + L_f} h^2 \sigma_p$$



06/05/2013

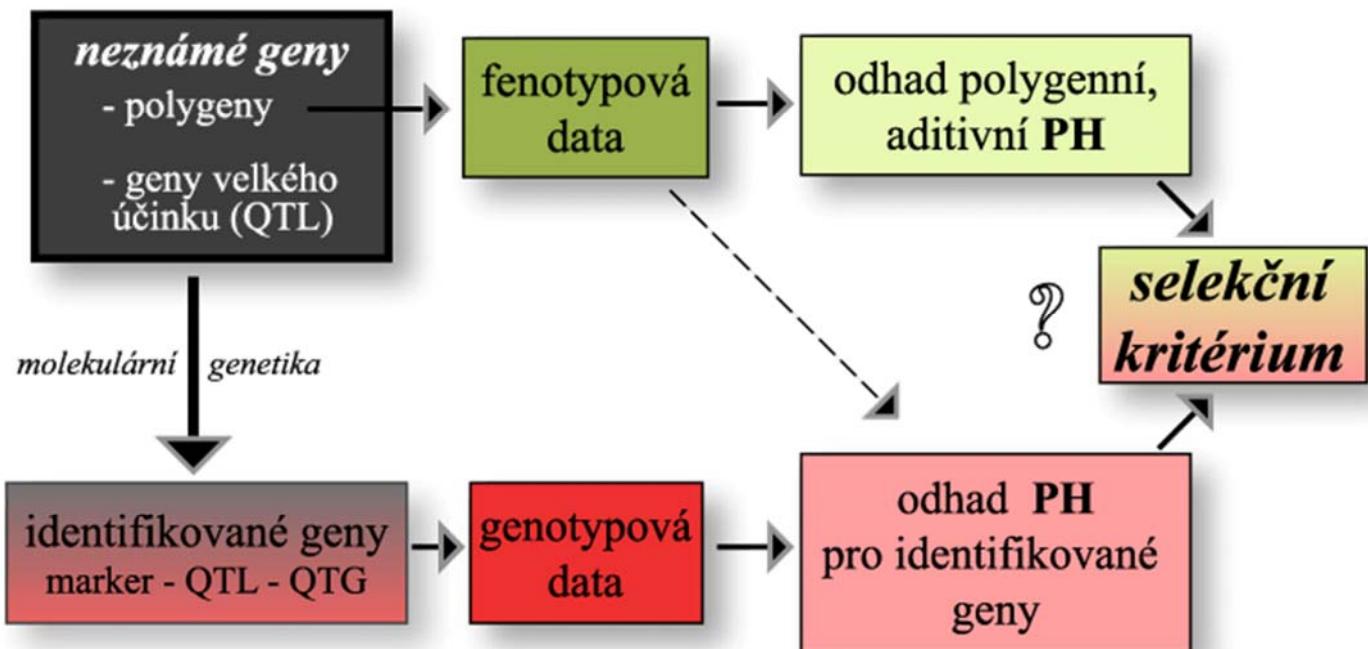


INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Kvantitativně molekulární přístup – genomická selekce

Vliv molekulární genetiky na dostupnost informací pro šlechtění



INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

## Typy molekulárně genetických dat (z hlediska aplikace)

### Kandidátní geny

Funkční markery (Functional marker)

Přímé markery (Direct marker)

### Lokusy kvantitativních znaků, QTL

LD markery (Linkage Disequilibrium markers)

LE markery (Linkage Equilibrium markers)



06/05/2013



INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Lokusy kvantitativních znaků (QTL)

## LE markery

Vypovídací schopnost pouze v populaci, ve které byly zjištěny

Vztah LE a QTL může být odlišný v jednotlivých rodinách, a generacích. Proto je nutné stanovovat vliv těchto markerů u jedinců vybíraných do plemenitby u jejich příbuzných (z důvodu odhadu efektu QTL).

Využití těchto markerů je limitováno cenou molekulárních metod.

## LD markery

Jejich využití se příliš neliší od KG

Při dlouhodobějším využívání je nutné sledovat zda nedojde ke snížení vypovídací hodnoty markeru z důvodu rekombinací.

V každé populaci může být jiná vazbová fáze s QTL nebo jiný vliv na základě rozdílného genetického pozadí.

Důležité je zjistit vliv v každé populaci.



## INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována Evropským sociálním fondem a státním rozpočtem České republiky

# Genetické markery

**I. typ** - kódující geny, kandidátní geny

**II. typ** - mikrosatelity (MS), krátkodobé tandemové sekvence bazí (STR<sub>1</sub>)

**III typ** - bi-allelický jednonukleotidový polymorfismus (**SNP**) v kódujících nebo častěji v nekódujících intronových či intergenových regionech



## INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována Evropským sociálním fondem 18 a státním rozpočtem České republiky

# Molekulární genetika ve šlechtění

**MAS** – marker assisted selection (vazba s QTL)

**GAS** – gene assisted selection (**QTN** – quantitative trait nucleotide – použití kandidátních genů)

Genomická selekce (**GS**) – Genomic selection (**SNP** rovnoměrně po celém genomu)

Využívání znalosti skutečné genetické variability (mutace v genech nebo v jejich blízkosti) detekovatelné metodami molekulární genetiky

Jejich aplikace ve šlechtění v systémech selekce

**GS** – začlenění maticy genomických **SNP** markerů do rovnic BLUP-AM (různé varianty) a odhadnutí GEBV (genomická OPH)

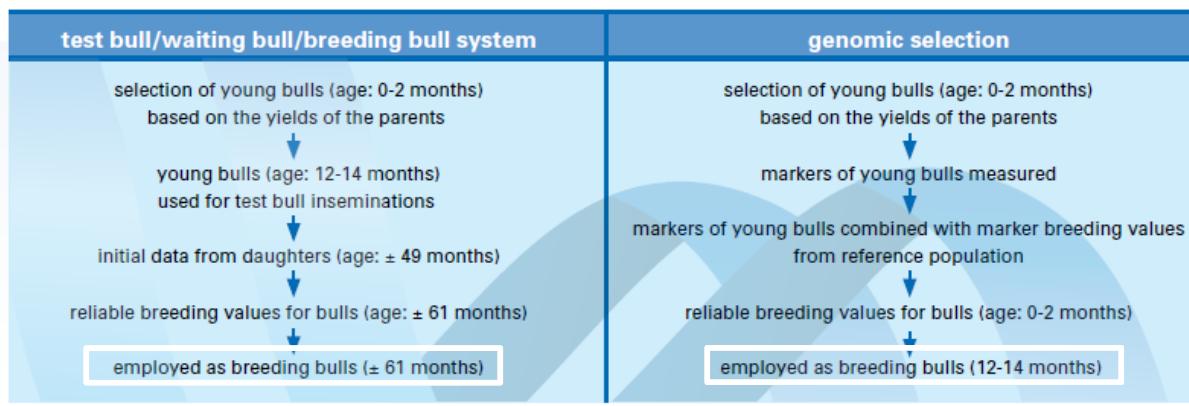
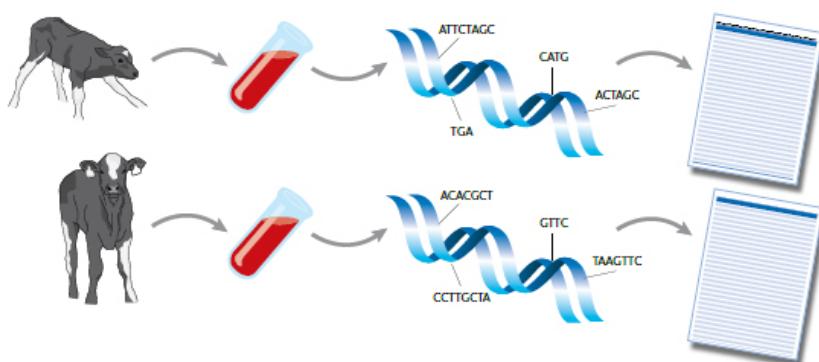
This approach permits simultaneous selection of most quantitative trait loci (QTLs) determining the selected trait

**GS makes it possible to save 92% of the funds spent on traditional selection and is twice as efficient as the latter.**



INVESTICE DO ROZVOJE Vzdělávání

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky



Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

# Náklady na sekvenování 1 Mb DNA

2001: 5,292.39 \$

2003: 2,230.98 \$

2005: 766.73 \$

2007: 397.09 \$

2009: 0.78 \$

2011: 0.19 \$

Zdroj: NHGRI



## INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

## PorcineSNP60 Genotyping BeadChip

More than 62,000 SNPs that deliver the densest coverage available for the porcine genome

Figure 1: PorcineSNP60 BeadChip



The PorcineSNP60 BeadChip features more than 62,000 evenly spaced SNPs across the entire porcine genome.

The PorcineSNP60 BeadChip (Figure 1) is the most comprehensive genome-wide genotyping array for the porcine genome, providing superior power to interrogate genetic variation across many porcine breeds, including Duroc, Landrace, Pietrain, and Large White. The PorcineSNP60 BeadChip was developed in collaboration with the International Porcine SNP Chip Consortium, comprising porcine researchers from Wageningen University, Danish Institute of Agricultural Science, USDA-ARS, USMARC, Roslin Institute, University of Illinois, Iowa State University, INRA, University of Missouri, and Cambridge University.



## INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky

$$\mathbf{y} = \mathbf{Z}\mathbf{u} + \mathbf{Q}\mathbf{q} + \mathbf{e}$$

-> MA-BLUP -> MEBV

u – vektor polygenních efektů  
q – vektor QTL efektů



#### INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Tato prezentace je spolufinancována  
Evropským sociálním fondem  
a státním rozpočtem České republiky