

Koncentrace izotopu, který je obsazen v rozpustité látku ve vodném roztoku, je $A_0 = 1 \cdot 10^{-3} M$. Izotop se mění na izotop B kinetikou 1. řádu: $A \rightarrow B$, $k_1 = 1.5 \cdot 10^{-4} s^{-1}$ ($\nu_A = -1$, $\nu_B = 1$)

Izotop B je na počátku přítomen v koncentraci $B_0 = 1 \cdot 10^{-4} M$,

a) jak se mění koncentrace reaktantů v čase
($t = 0, 1000, 5000, 10000, \infty$ sec)

$$N = \frac{d\{\}}{dt} = \frac{d[A]}{\nu_A dt} = \underline{\frac{d[A]}{dt}} = \frac{d[B]}{\nu_B dt} = \underline{\frac{d[B]}{dt}} = k_1 \cdot [A] =$$

$$\equiv k_1 \cdot (A_0 + \cancel{V_A \cdot \{}}) = k_1 \cdot (A_0 - 1 \cdot \{}) = \underline{k_1 \cdot (A_0 - \{})}$$

(pozn: označení $\checkmark [T]$ je daleko zkomplikovanější než T)

řešení získáme integrací:

$$\frac{d\{\}}{dt} = k_1 \cdot (A_0 - \{\})$$

hebo: →

$$-\frac{dA}{dt} = k_1 \cdot A$$

$$\frac{1}{A_0 - \{\}} d\{\} = k_1 dt$$

$$\int_{\emptyset}^{\{\}} \frac{1}{A_0 - \{\}} d\{\} = k_1 \int_{\emptyset}^t dt$$

$$\left[-\ln(A_0 - \{\}) \right]_{\emptyset}^{\{\}} = k_1 \left[t \right]_{\emptyset}^t$$

$$-\ln(A_0 - \{\}) - (-\ln(A_0 - \emptyset)) = k_1(t - \emptyset)$$

$$\ln(A_0 - \{\}) - \ln(A_0 - \emptyset) = -k_1 t$$

$$\ln \frac{A_0 - \{\}}{A_0 - \emptyset} = -k_1 t$$

$$\frac{A_0 - \{\}}{A_0} = \exp(-k_1 t)$$

$$A_0 \{\} = A_0 \cdot \exp(-k_1 t)$$

$$\{\} = A_0 - A_0 \cdot \exp(-k_1 t)$$

$$\{\} = A_0 \cdot (1 - \exp(-k_1 t))$$

$$\frac{1}{A} dA = -k_1 dt$$

$$\int_{A_0}^A \frac{1}{A} dA = -k_1 \int_{\emptyset}^t dt$$

$$\left[\ln A \right]_{A_0}^A = -k_1 \left[t \right]_{\emptyset}^t$$

$$\ln A - \ln A_0 = -k_1(t - \emptyset)$$

$$\ln \frac{A}{A_0} = -k_1 t$$

$$A = A_0 \exp(-k_1 t) \quad (*)$$

Doposet zavislosti: pro A a B na cas:

$$\text{hebat: } I = I_0 + V_I \quad \Rightarrow \quad \boxed{A = A_0 - 1 \cdot \underbrace{(1 - \exp(-k_1 t))}_{\substack{\text{tovnice} \\ \text{strouje s: } (*)}} = \underbrace{A_0 \cdot \exp(-k_1 t)}_{\substack{\text{tovnice}}} \quad (\dagger)}$$

$$\boxed{B = B_0 + 1 \cdot \underbrace{(1 - \exp(-k_1 t))}_{\substack{\text{tovnice}}} = \underbrace{(A_0 + B_0) - A_0 \cdot \exp(-k_1 t)}_{\substack{\text{tovnice}}} \quad (\ddagger)}}$$

Vysvet koncentraci reaktau v cas:

$t [s]$	0	1000	4621	5000	10 000	∞
$A [\text{mol l}^{-1}]$	$1 \cdot 10^{-3}$		$0,5 \cdot 10^{-3}$			0
$B [\text{mol l}^{-1}]$	$1 \cdot 10^{-4}$		$6 \cdot 10^{-4}$			$1,1 \cdot 10^{-3}$

b, cemu je roven soucas $A + B$:

$$\boxed{A + B = A_0 \cdot \exp(-k_1 t) + B_0 + A_0 \cdot (1 - \exp(-k_1 t)) = \underbrace{A_0 + B_0}_{\substack{\text{tovnice}}}}$$

c, jaky je polocas reakce $t_{1/2}$:

$$\begin{aligned} \text{v polocas platí: } \frac{A}{A_0} &= \frac{1}{2} = \frac{A_0 \cdot \exp(-k_1 t_{1/2})}{A_0} = \exp(-k_1 t_{1/2}) \Rightarrow t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k_1} = \\ &= \frac{\ln 2}{1,5 \cdot 10^{-4}} = \underline{\underline{4621 \text{ sec}}} \end{aligned}$$

d, myriste vysledky graficky:

