

## Témata pro kolokvium

1. Simulujte růst populace strukturované do tří věkových tříd. Projekční matice populace je

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 5 \\ 0.3 & 0 & 0 \\ 0 & 0.5 & 0 \end{pmatrix}$$

17. 2. 2015

2. Uvažujte modely populace z 2.7.3 (strany 76-77 učebního textu) a vypočítejte pro ně základní populační charakteristiky – růstový koeficient  $\lambda$ , koeficient tlumení  $\varrho$ , vektor stabilizované věkové struktury  $w$ , vektor reprodukčních hodnot  $v$ , matice senzitivnosti a elasticity. Výpočty proveděte v programu

- (i) MATLAB, 26. 5. 2015
- (ii) Maple,
- (iii)  13. 4. 2015

3. U populace členovců byly pozorovány abundance jednotlivých vývojových stadií v šesti časových okamžicích.

$t$	larvy	kukly	imaga
0	5.32	24.84	115.50
1	0.33	18.16	167.16
2	2.41	17.14	159.25
3	2.06	3.25	112.87
4	1.70	2.08	132.62
5	3.16	11.23	149.62

Najděte parametry modelu vývoje této populace.

- (i) Pomocí lineární regrese. 14. 5. 2015
  - (ii) Metodou maximální věrohodnosti.
  - (iii) Pomocí kvadratického programování.
4. Uvažujte populaci jednoletých bylin, jejichž vývoj je rozčleněn podle ročních období (4.4.1, strana 98 učebního textu). Vypočítejte její růstový koeficient a jeho citlivost na parametry v jednotlivých obdobích roku. Výpočty proveděte v programu
- (i) MATLAB, 22. 5. 2015
  - (ii) Maple,
  - (iii)  4. 5. 2015
5. Uvažujte populaci potemníků, která se vyvíjí podle modelu

$$\begin{pmatrix} L(t+1) \\ P(t+1) \\ A(t+1) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & b e^{-c_{el}L(t)-c_{ea}A(t)} \\ 1-\mu_l & 0 & 0 \\ 0 & e^{-c_{pa}A(t)} & 1-\mu_a \end{pmatrix} \begin{pmatrix} L(t) \\ P(t) \\ A(t) \end{pmatrix},$$

kde  $b = 50$  je počet vajíček nakladených jednou samicí za jednotku času,  $\mu_l = 0.5$  a  $\mu_a = 0.3$  jsou přirozené úmrtnosti larev a dospělců,  $c_{el}$ ,  $c_{ea}$ ,  $c_{pa}$  vyjadřují „sílu kanibalismu“ larev na vajíčka, dospělců na vajíčka, dospělců na kukly.

Nakreslete průběh abundancí jednotlivých stadií a najděte takové hodnoty koeficientů  $c_{el}$ ,  $c_{ea}$ ,  $c_{pa}$ , že v modelu je stabilní rovnovážný bod a stabilní cyklus délky aspoň 2.