

Neeuklidovská geomtrie

aneb Je to opravdu geometrie z jiného světa?

Cvičení z matematiky - 4.ag

2.3.2012

Obsah

1 Výstavba matematiky

2 Dělení geometrií

3 Lobačevského geometrie

4 Cykly

5 Eliptická geometrie

Euklides

Axiomatická teorie

- Primitivní pojmy
- Axiomy

Euklidovská geometrie

- Dvěma různými body lze vést právě jednu přímku.
- Každou úsečku lze neomezeně prodloužit v přímku.
- Z libovolného středu lze sestrojit kružnici s libovolným poloměrem.
- Všechny pravé úhly jsou shodné.

Pátý „sporný“ postulát

Dvě přímky v rovině, které protínají jinou přímku této roviny a tvoří s ní po jedné straně vnitřní úhly, jejichž součet je menší dvou pravých, se vždy protínají a to po té straně přímky, kde je součet menší.

Obsah

1 Výstavba matematiky

2 Dělení geometrií

3 Lobačevského geometrie

4 Cykly

5 Eliptická geometrie

Dělení geometrií

Euklidovská

- klasická
- různé modely

Lobačevského (hyperbolická) geometrie

- vše jako v euklidovské, jen ten pátý axiom
- různé modely

Eliptická geometrie

- vše jako v euklidovské, jen ten pátý axiom
- není nám náhodou nejbližší?

Obsah

1 Výstavba matematiky

2 Dělení geometrií

3 Lobačevského geometrie

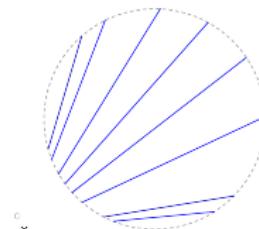
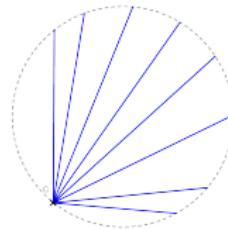
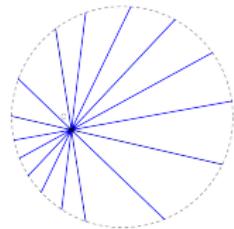
4 Cykly

5 Eliptická geometrie

Lobačevského geometrie

Nové pojmy

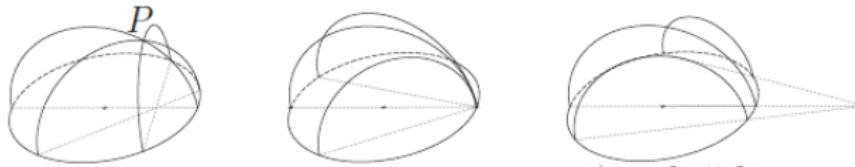
- Souběžky
- Rozběžky
- Různoběžky



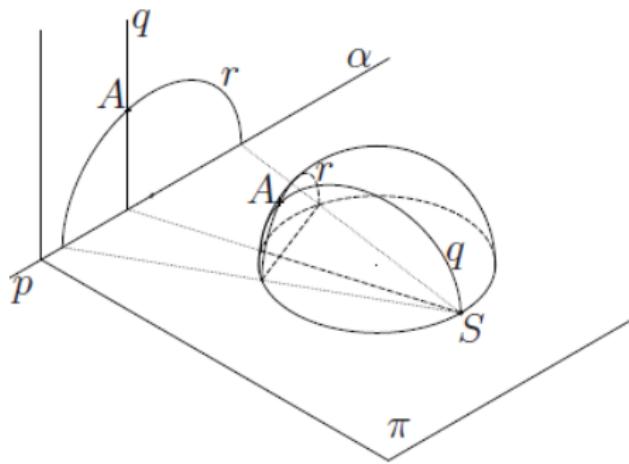
Modely

Jak to znázornit

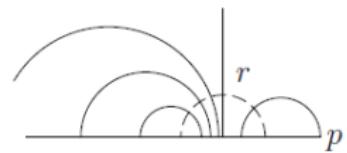
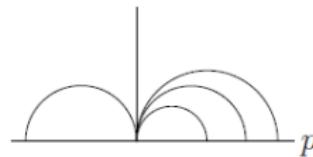
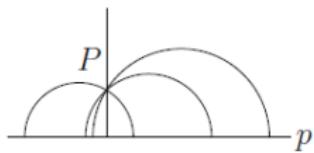
- Beltrami-Kleinův model
- Poincarého modely
- Polokulový model



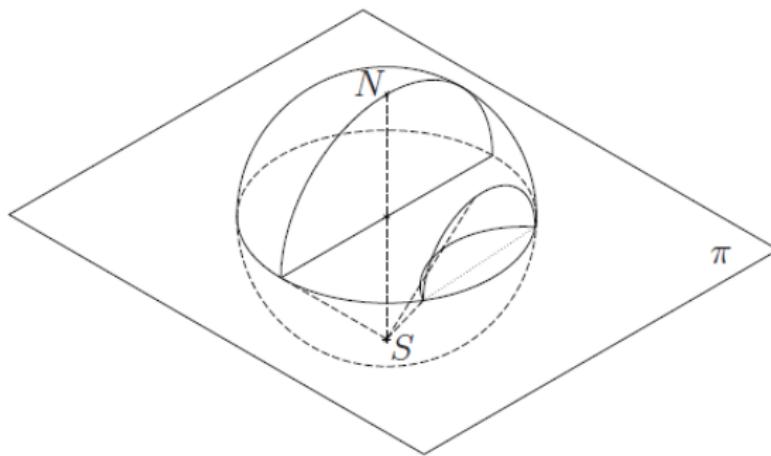
Modely



Modely



Modely



Obsah

1 Výstavba matematiky

2 Dělení geometrií

3 Lobačevského geometrie

4 Cykly

5 Eliptická geometrie

Cykly

Nové pojmy

- Tročky
- Mročky

Obsah

1 Výstavba matematiky

2 Dělení geometrií

3 Lobačevského geometrie

4 Cykly

5 Eliptická geometrie

Eliptická geometrie

K čemu nám je?

- Kartografická zobrazení
- Sférická geometrie