

## 7 Statistická inference II - cvičení 16-04-19

### Příklad č.1 (plánování experimentu pro $\mu$ ):

Mějme náhodnou proměnnou  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ , kde  $\mu$  je neznámá střední hodnota a  $\sigma^2 = 2^2$  je známý rozptyl. Chceme testovat  $H_0 : \mu = 1$  oproti  $H_1 : \mu = 4$ . Kritický obor  $\mathcal{W}_X$  je interval  $(2, \infty)$ , t.j. pokud je výběrová hodnota  $\mu$  větší než 2,  $H_0$  zamítáme. Pokud je výběrová hodnota  $\mu$  menší nebo rovná 2,  $H_0$  nezamítáme. Najděte pravděpodobnost chyby prvního druhu  $\alpha$ , chyby druhého druhu  $\beta$ , koeficient spolehlivosti  $1 - \alpha$  a sílu testu  $1 - \beta$  při výše uvedené alternativě pro tento experiment.

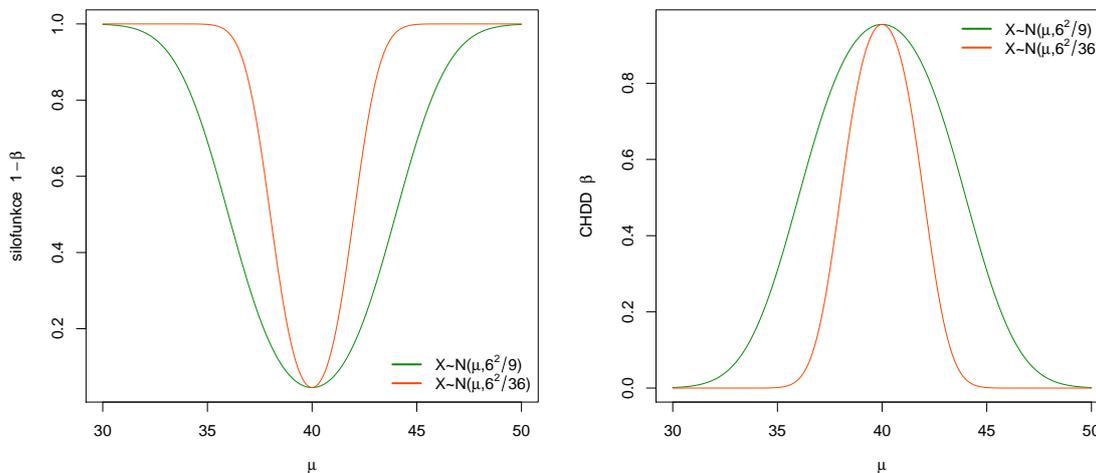
```
#CHPD; alpha
[1] 0.3085375
#CHDD; beta
[1] 0.1586553
#koef. spolehlivosti; 1-alpha
[1] 0.6914625
#sila; 1-beta
[1] 0.8413447
```

### Příklad č.2 (plánování experimentu pro $\mu$ ; test úspěšnosti):

Mějme náhodnou proměnnou  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ , kde  $\mu$  je neznámá střední hodnota a  $\sigma^2 = 6^2$  je známý rozptyl, která představuje skóre úspěšnosti pro vybranou věkovou skupinu. Testujeme  $H_0$ , že střední hodnota skóre je rovná 40, oproti  $H_1$ , že střední hodnota skóre není rovná 40.

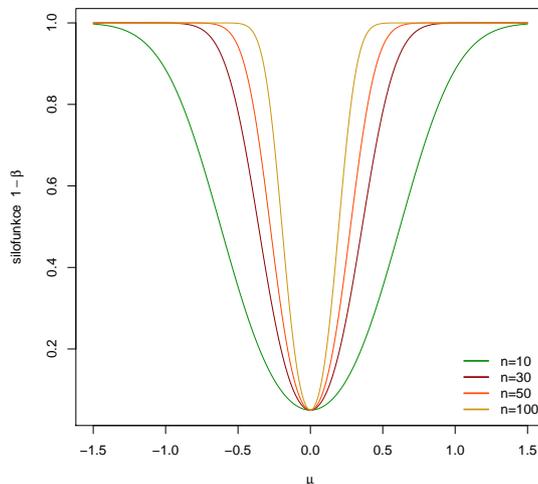
1. Vypočítejte  $\Pr(CHPD)$  pro  $n = 9$ , zamítáme-li  $H_0$  v případě, že  $\bar{x} < 36$  nebo  $\bar{x} > 44$ .
2. Vypočítejte  $\Pr(CHPD)$  pro  $n = 36$ , zamítáme-li  $H_0$  v případě, že  $\bar{x} < 38$  nebo  $\bar{x} > 42$ .
3. Nakreslete silofunkci  $1 - \beta$  pro  $n = 9$  a  $n = 36$  pro hodnoty  $\mu$  mezi 30 a 50.

```
#CHPD; n=9
[1] 0.04550026
#CHPD; n=36
[1] 0.04550026
```



**Příklad č.3 (jednovýběrový Z-test o střední hodnotě  $\mu$ ):**

Nakreslete přesnou silofunkci pro test  $H_0 : \mu = \mu_0$  (oproti  $H_1 : \mu \neq \mu_0$ , kde  $\sigma^2$  známe) do jednoho obrázku pro  $n = 10, n = 30, n = 50, n = 100, \mu_0 = 0$  a  $\sigma = 1$ .



**Příklad č.4 (jednovýběrový Z-test o střední hodnotě  $\mu$ ):**

Porovnejte přesnou silofunkci  $\beta^*(\mu)$  a přibližnou silofunkci  $\tilde{\beta}^*(\mu)$  pro test  $H_0 : \mu = \mu_0$  (oproti  $H_1 : \mu \neq \mu_0$ , kde  $\sigma^2$  známe) nakreslením obou křivek do jednoho obrázku pro  $n = 20, \mu_0 = 0$  a  $\sigma = 1$ .

