

## Vlastnosti pólů

1. Necht'  $f(z)$  má v  $z_0$  pól a necht'  $F(w)$  je regulární v bodě  $\infty$ . Pak  $\varphi(z) = F(f(z))$  je regulární v  $z_0$ . Má-li  $F(z)$  pól v bodě nekonečno, pak má funkce  $\varphi(z) = F(f(z))$  pól v bodě  $z_0$ .
2. Má-li funkce  $f(z)$  v bodě  $z_0$  pól, pak funkce  $g(z) = 1/f(z)$  je v bodě  $z_0$  regulární a  $g(z_0) = 0$ .
3. Jsou-li  $f(z)$  a  $g(z)$  regulární v bodě  $z_0$ , pak funkce  $F(z) = f(z)/g(z)$  je v bodě  $z_0$  regulární, nebo má v bodě  $z_0$  pól.
4. Bod  $z_0 \neq \infty$  je pólem řádu  $k$  funkce  $f(z)$  právě tehdy, když  $f(z)$  lze vyjádřit v jistém okolí  $\mathcal{P}(z_0, \varepsilon)$  bodu  $z_0$  jako  $f(z) = (z - z_0)^{-k}\varphi(z)$ , kde  $\varphi(z)$  je regulární v bodě  $z_0$  a  $\varphi(z_0) \neq 0$ .
5. Bod  $z_0 = \infty$  je pólem řádu  $k$  funkce  $f(z)$  právě tehdy, když lze v jistém okolí  $\mathcal{P}(z_0, R)$  napsat funkci  $f(z)$  jako  $f(z) = z^k\varphi(z)$ , kde  $\varphi(z)$  je regulární v bodě  $z_0$ , spojitá v  $\mathcal{B}(z_0, R)$ ,  $\varphi(z_0) \neq \infty$ ,  $\varphi(z_0) \neq 0$ .