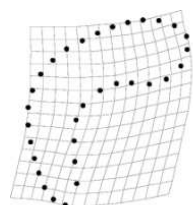
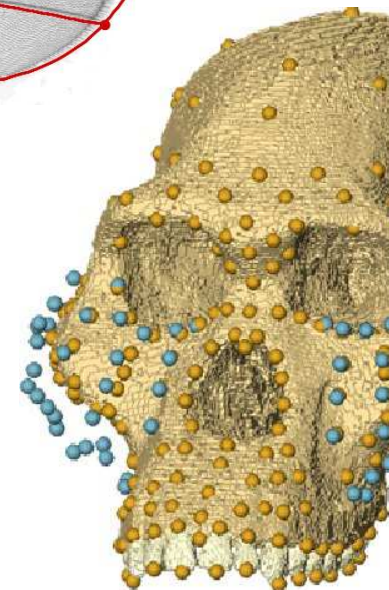
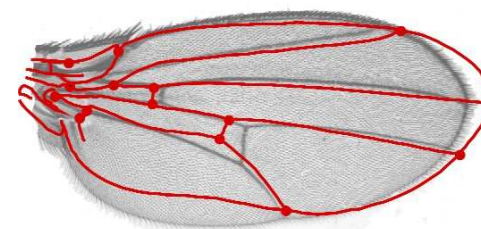
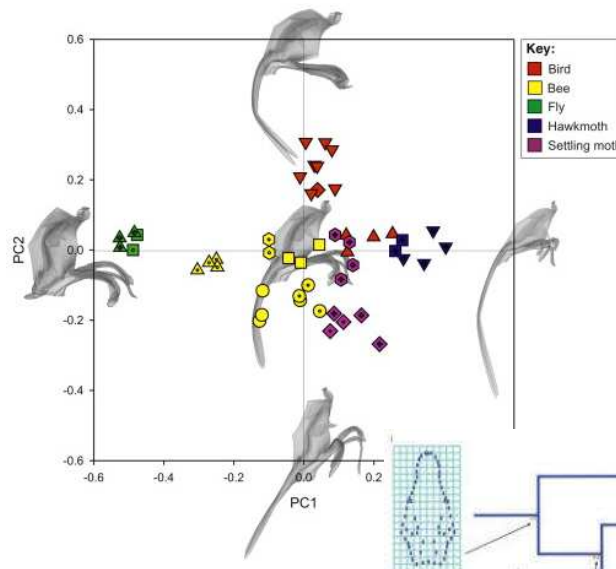
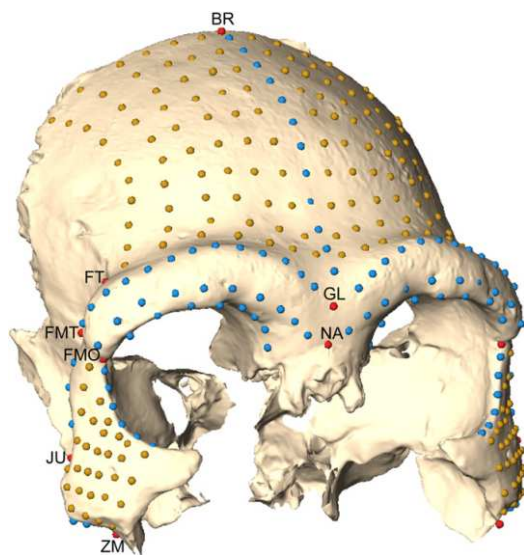


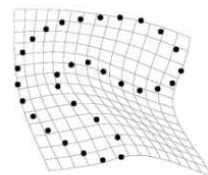
ANALÝZA FENOTYPU



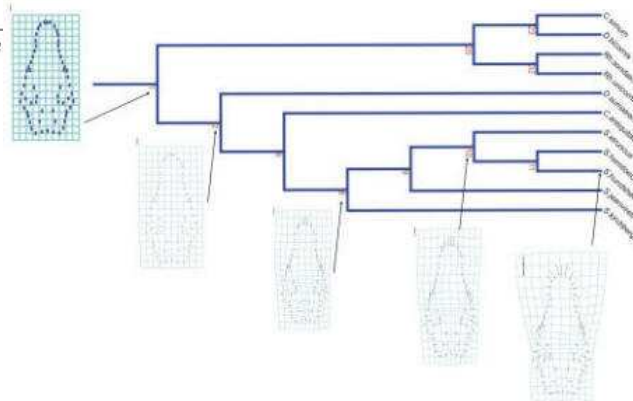
-RW1



Consensus



+RW1



Genetické metody a morfologie

jaká je genetická podstata morfologického znaku?
(quantitative trait loci = QTL)

proměnlivost znaku v čase (fylogeneze)

proměnlivost znaku v závislosti na jiných faktorech

některé metody společné (např. PCA)

Molekulární vs. morfologické znaky

množství (10^3 - $>10^6$ vs. 10^2)

nezávislost

fylogenetická škála

(v případě mol. znaků můžeme srovnávat např. bakterie s obratlovci)

větší počet taxonů

znaky většinou reprezentují mnoho genů

(vs. např. mtDNA, cpDNA)

možnost studovat muzejní/fosilní materiál

znaky	proměnlivost	genetické určení
kvalitativní	diskrétní	1 - málo genů s velkými účinky
kvantitativní – plastické	kontinuální	mnoho genů s malými účinky + negenetické vlivy
kvantitativní – meristické	kontinuální škála diskrétních znaků	mnoho genů s malými účinky + negenetické vlivy (prahové znaky)

Mnoho tzv. kvalitativních znaků má ve skutečnosti *kvantitativní* základ!

Analýza fenotypu

kvalitativní znaky

epigenetické znaky

tradiční morfometrie

geometrická morfometrie

... a něco navíc

Kvalitativní znaky

mendelovská dědičnost, 1- málo genů
mutace u *D. melanogaster*
mutace *Hox* genů:
Antennapedia, *Ultrabithorax*

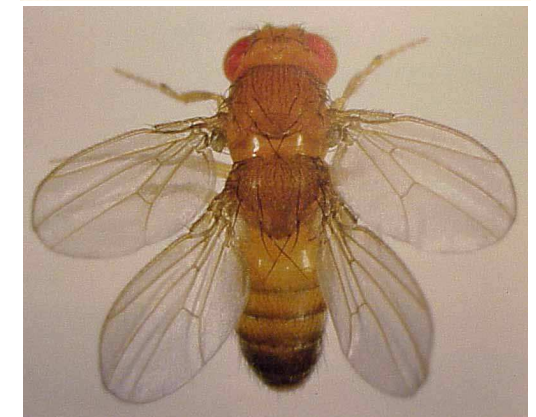
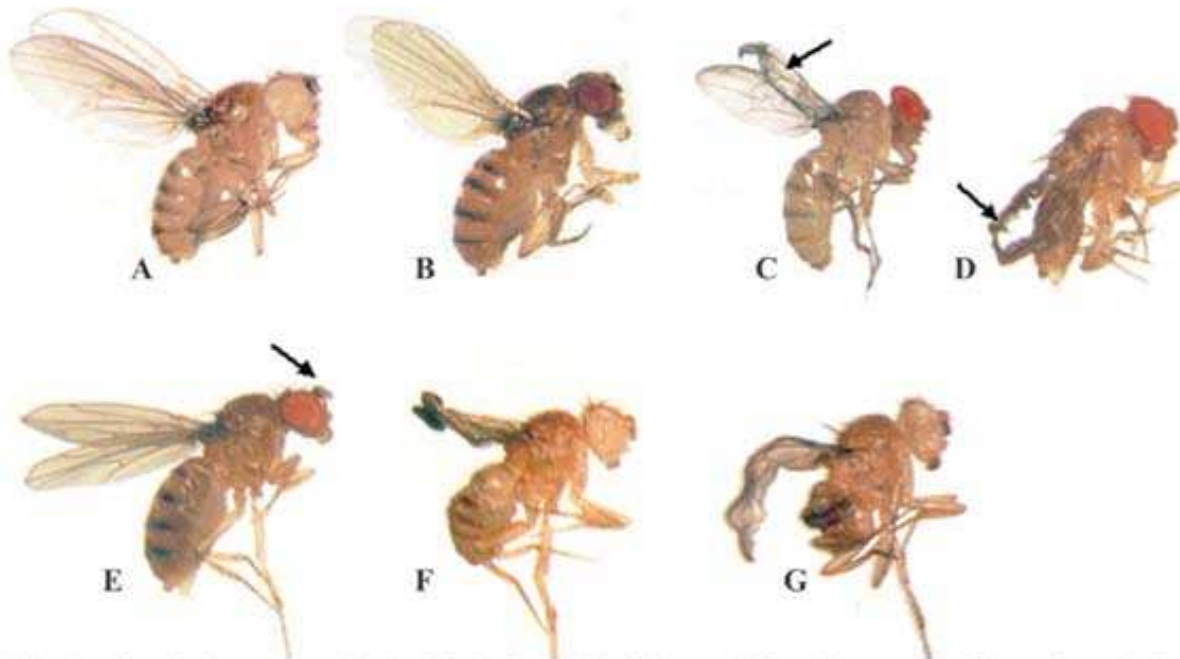


Fig. 2. Altered phenotypes obtained in individuals of *Drosophila willistoni* 17A2 isostrain submitted to temperature stress. Picture shows female individuals with altered morphologies: A. *white* (white eyes); B. *sepia* (brown eyes); C. *blistered* (arrow indicates the presence of blisters on the wings); D. *Curly* (curved wings indicated by the arrow); E. with apparently fused antennae (indicated by the arrow) - see figure 5 for details of the mutant structure; F. Female *white* and *Curly*; G. *white* and *blistered*.

Kvalitativní znaky



mutace zbarvení:

přástevník hluchavkový (*Callimorpha dominula*), páskovka hajní (*Cepaea nemoralis*), krovky brouků

savci: asi 15 domácích a laboratorních druhů - kočka, myš, morče; kolčava, levhart, norek, kůň



pigmentová barviva:

eumelanin, phaeomelanin, karoteny, hemoglobin, trichosiderin



Kvalitativní znaky

hlavní alelické série:

A = *agouti* (podélná struktura zbarvení chlupu)

B = *brown* (proteinová složka pigmentových granulí)

C = *albino* (snížení počtu pigmentových skvrn)

D = *dilute* (shlukování pigmentových skvrn)

E = *extension* (změny množství eumelaninu)



agouti



dilute



DBA = *dilute* – *brown* - non-*agouti*



albino

Kvalitativní znaky

hlavní alelické série:

kočka domácí: *A-agouti*, *T-tabby*, *B-brown*,
O-orange, *S-white spotting*, *W-white*, *L-long hairs*



Epigenetické znaky

rozdíly mezi populacemi:

index MMD (mean measure of divergence):

$$MMD = 1/r \sum [(\theta_1 - \theta_2)^2 - V] \quad \theta = \arcsin(1-2p), \quad r = \text{počet znaků}$$
$$V = 1/(n_1+1/2) + 1/(n_2+1/2)$$

statistická významnost měřena jako standardní odchylka *MMD*:

$$SD = (\text{var}MMD)^{-1/2} = [4/r(1/n_1 + 1/n_2)]^{-1/2}$$

výstupy: symetrická matice rozdílů → korelace mezi maticemi (Mantelův test, prostorová autokorelace), shluková analýza, minimum spanning tree (MST)

Kvantitativní znaky

Vztah genotypu a fenotypu:

$$V_P = V_G + V_E$$

V_P = celková fenotypová variance

V_G = variance genotypu

V_E = variance způsobená vlivem prostředí

$$V_G = V_A + V_D + V_I$$

A = aditivita; D = dominance; I = epistáze

Kvantitativní znaky

Dědivost (heritabilita), h^2 :

= míra dědičné složky fenotypové proměnlivosti

udává, do jaké míry lze varianci v rozložení fenotypu přičíst na vrub genetických příčin

Skutečná dědivost:

v užším smyslu $h^2 = V_A / V_P$

v širším smyslu $h^2 = V_G / V_P$

Kvantitativní znaky

Realizovaná dědivost: $h^2 = R/S$

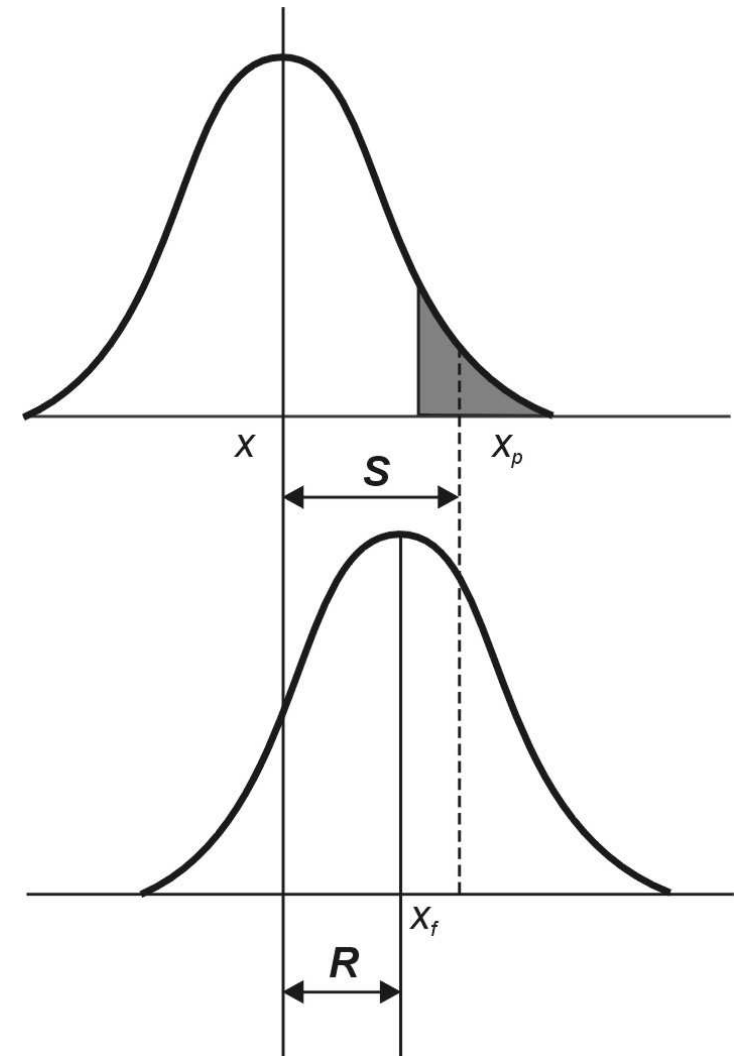
R = selekční odpověď (s. efekt): $X_f - X$

S = selekční difference: $X_p - X$
= zlepšení nad průměr populace
vzhledem k rozdílu mezi rodiči
a průměrem populace

X_f = hodnota znaku u potomstva

X_p = hodnota znaku u rodičů

X = průměrná hodnota znaku



Měření dědivosti nejčastěji jako podobnost mezi příbuznými

Tradiční morfometrie

kvantitativní (metrické i meristické) znaky

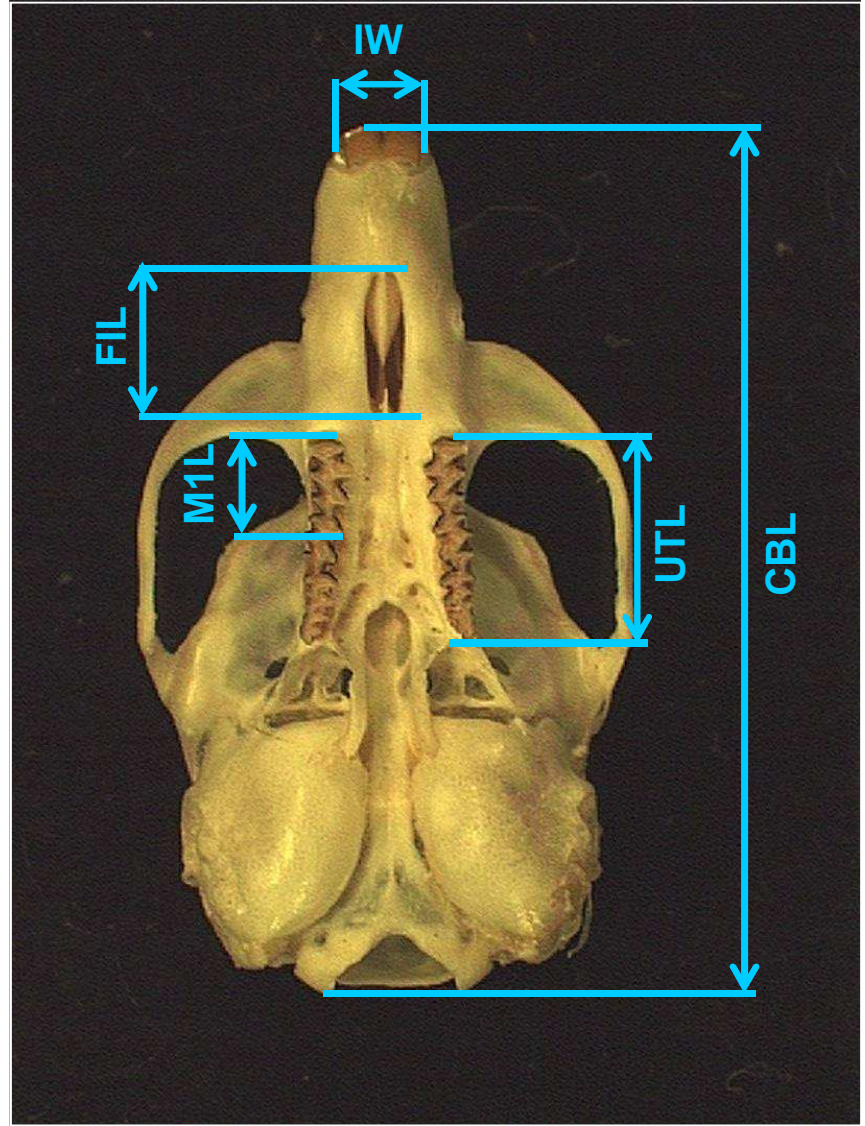
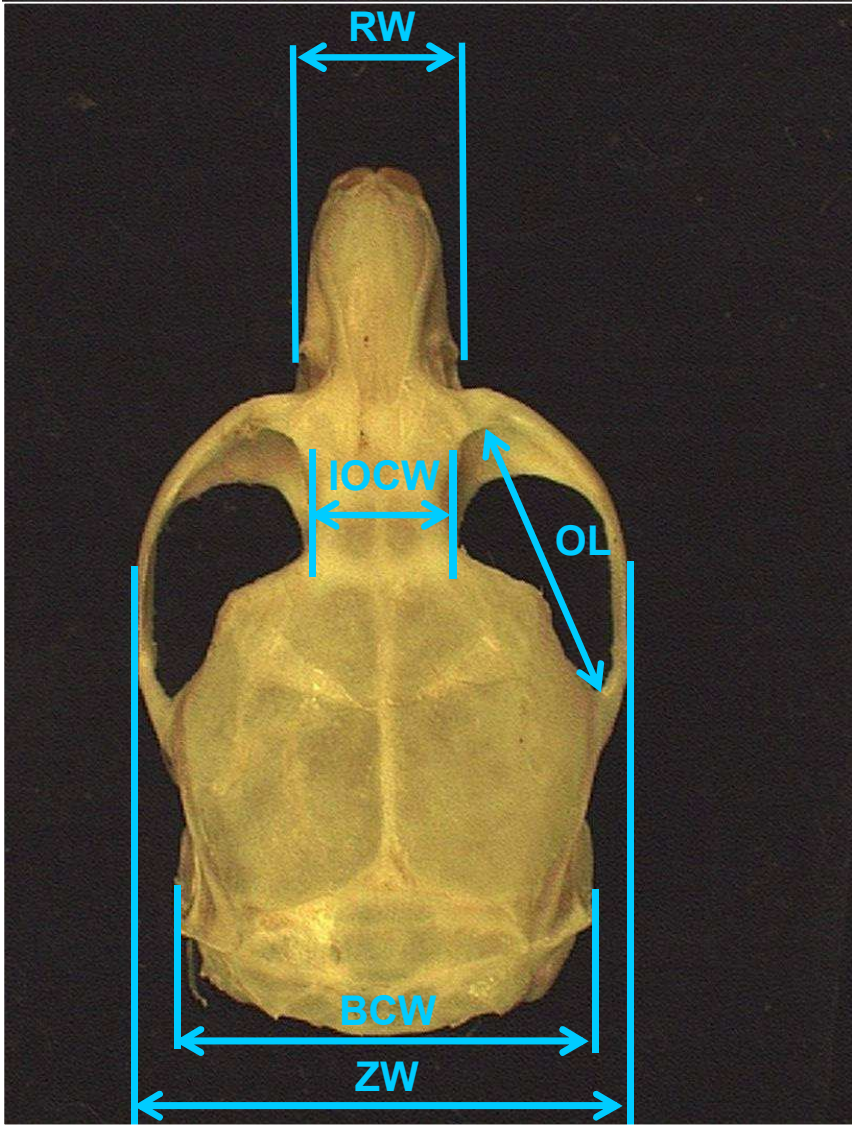
měření vzdáleností, úhlů, ploch atd.

vstup: posunová měřítko, měřicí okulár, měřicí mikroskop,
analýza digitálního obrazu

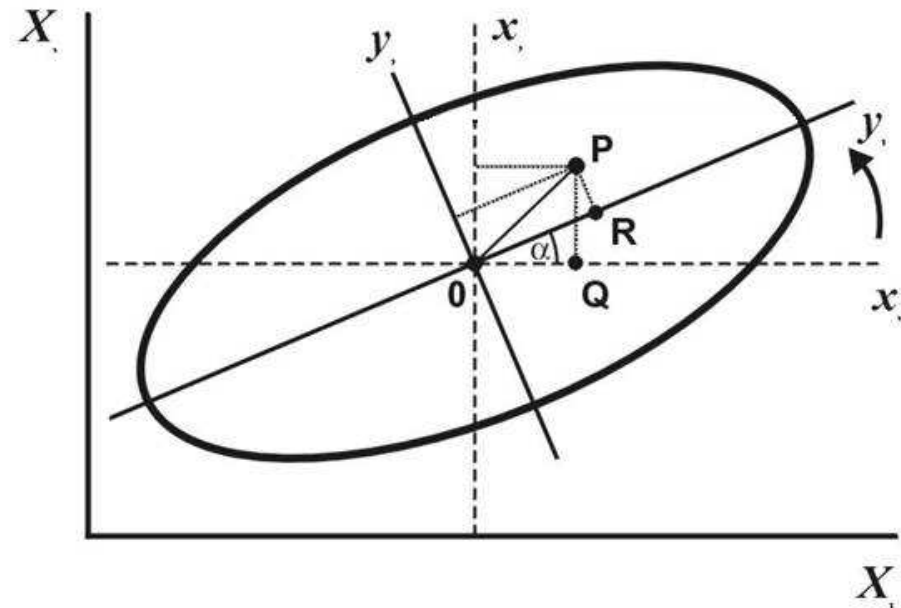
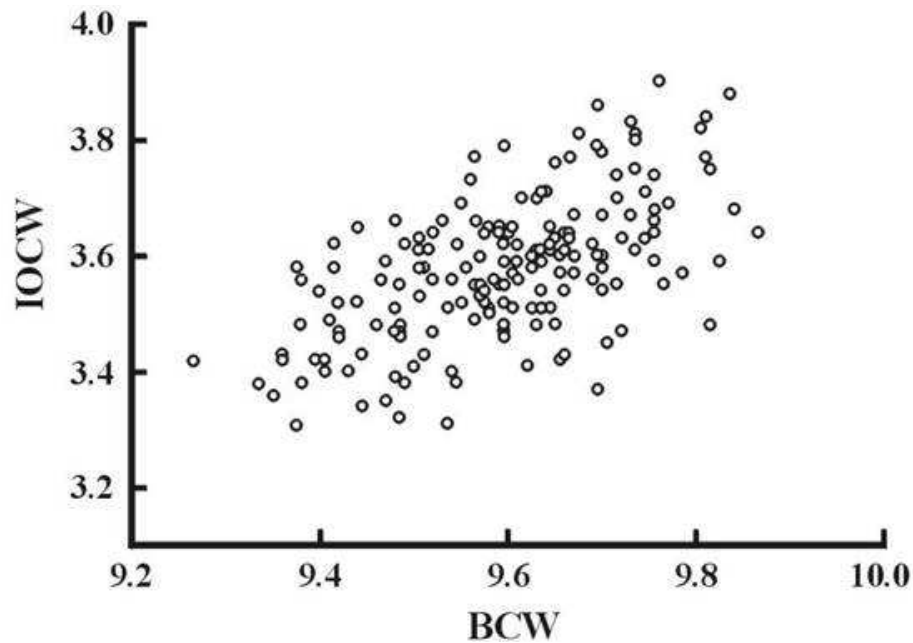
výstupy: ordinační analýza, shluková a., fylogenetická a.,
alometrie, srovnávací analýzy atd.

systematika, studium fylogeneze, morfologie, srovnání
morfologické evoluce s molekulární, behaviorální studie
atd.

software: STATISTICA, SAS, SYSTAT, SPSS, NCSS,
STATGRAPHICS, JMP, NT-SYS, MATLAB, SPLUS atd.



Analýza hlavních komponent (Principal components analysis, PCA)



n jedinců, p proměnných

$$Z_i = a_{i1}X_1 + a_{i2}X_2 + \dots + a_{ip}X_p \quad \dots a_i = \cos \alpha$$

latentní kořen (eigenvalue, latent root)

latentní vektor (eigenvector, latent vector)

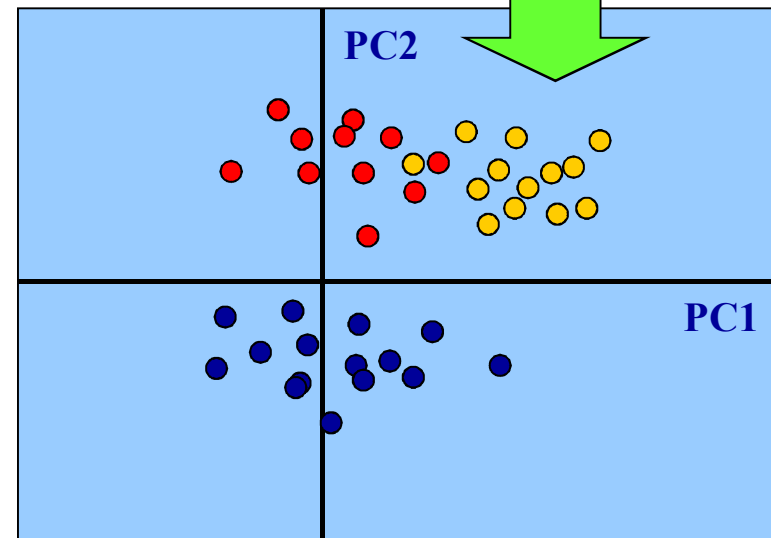
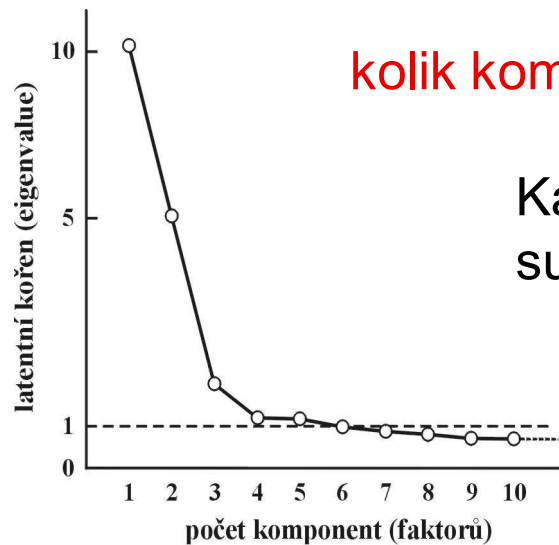
vektor velikosti

var	PC1	PC2	PC3	var	PC1	PC2	PC3
URW	0,3126	-0,3902	-0,0933	LN	0,4438	-0,6583	0,2404
ZPW	0,4818	0,0162	-0,1758	LAL	0,1440	0,1699	-0,6798
CBL	0,5590	-0,6997	0,2391	LM1L	0,6450	0,5211	-0,0603
OL	0,3831	-0,6762	0,3076	LM1W	0,7188	0,3311	0,0261
RL	0,4454	-0,6119	0,0486	LM2L	0,5420	0,4698	0,2232
IOCW	0,5883	-0,1422	-0,5204	LM2W	0,7936	0,2996	0,1126
BCW	0,5758	-0,2945	-0,5128	LM3L	0,3572	0,4141	0,2567
ZW	0,6409	-0,6029	-0,1885	LM3W	0,7147	0,3775	0,0767
BCH	0,3083	-0,3053	-0,3544	LML	0,7815	0,4879	0,1092
LFI	0,3956	-0,5874	0,2949	UM1L	0,6716	0,4054	-0,0434
ILW	0,4973	-0,6556	0,0238	UM1W	0,7315	0,2869	-0,0957
FP	0,5640	-0,2443	-0,1547	UM2L	0,4596	0,4304	0,2878
FPT	0,3218	-0,1715	-0,3899	UM2W	0,8023	0,2360	-0,0642
PM	0,5434	-0,2574	-0,0485	UM3L	0,6621	-0,0026	0,1481
LD	0,3898	-0,8068	0,2282	UM3W	0,6975	0,2560	0,1133
				UML	0,7739	0,4258	0,1353
eigen	10,137	6,059	2,028				
% var	32,701	19,544	6,542				
kum %	32,701	52,245	58,793				

zátěže (loadings)

Pop.	PC1	PC2	PC3
1	-0,4107	0,3434	-0,7138
1	-0,3473	0,0747	-0,4280
1	-0,4107	10,2478	-0,6631
1	-0,2454	0,5547	-0,9033
1	-10,1552	0,9977	-10,6618
1	-10,5334	10,3502	10,7457
1	-0,5520	20,1285	10,2274
2	-0,9484	0,0695	-0,4729
2	0,7837	0,7317	0,6073
2	0,0757	-0,8404	0,2365
2	-10,4157	-10,4619	-0,1617
2	-0,8787	-10,6109	10,0195
3	0,5419	-0,9804	0,5811
3	10,4301	0,3881	0,4764
3	0,6310	0,3449	-0,0335
3	0,2657	0,0851	10,2535
3	0,8796	0,6772	0,2254
3	10,7009	-0,2075	0,4952
3	-0,0263	0,3242	0,9853
3	0,9681	10,2721	-0,0680

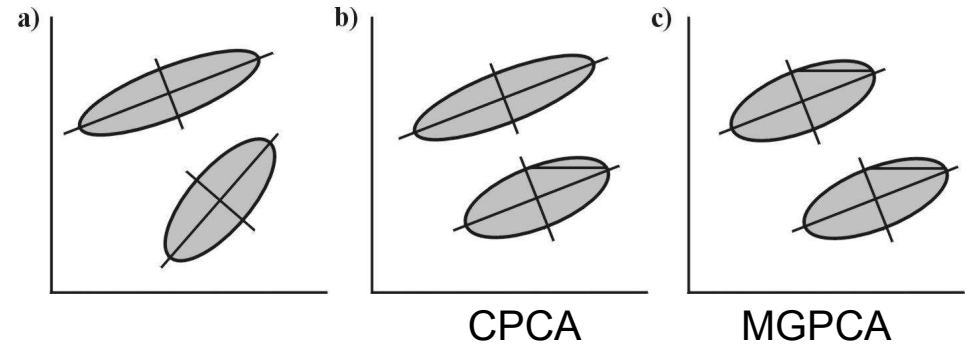
PC skóre



Problém více vzorků:

MGPCA (multiple-group PCA)

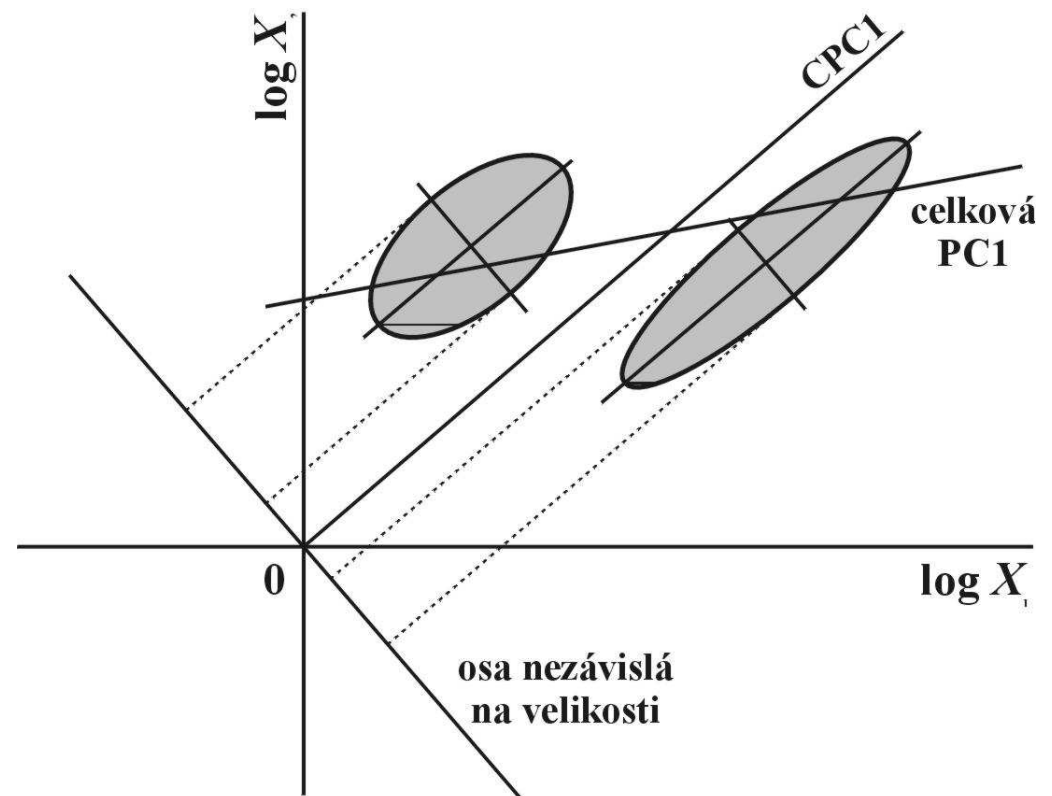
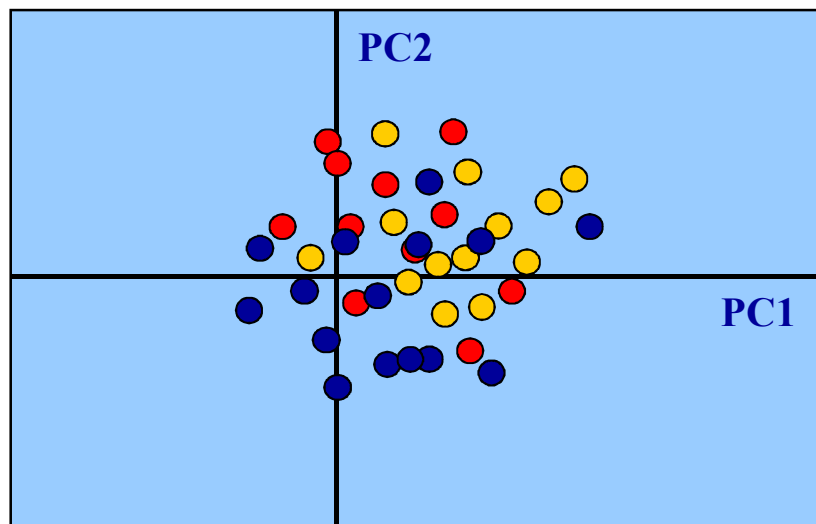
CPCA (common PCA)



Problém velikosti:

vyřazení PC1

Burnabyho metoda



Analýza hlavních koordinát (Principal coordinates analysis, PCOA):

matice distancí/podobností

Faktorová analýza (Factor analysis, FA):

speciální model; společné faktory + specifický faktor

Diskriminační analýza (Discriminant function analysis, DFA)
a kanonická analýza (Canonical a., CVA):

Mahalanobisovy (generalizované) vzdálenosti

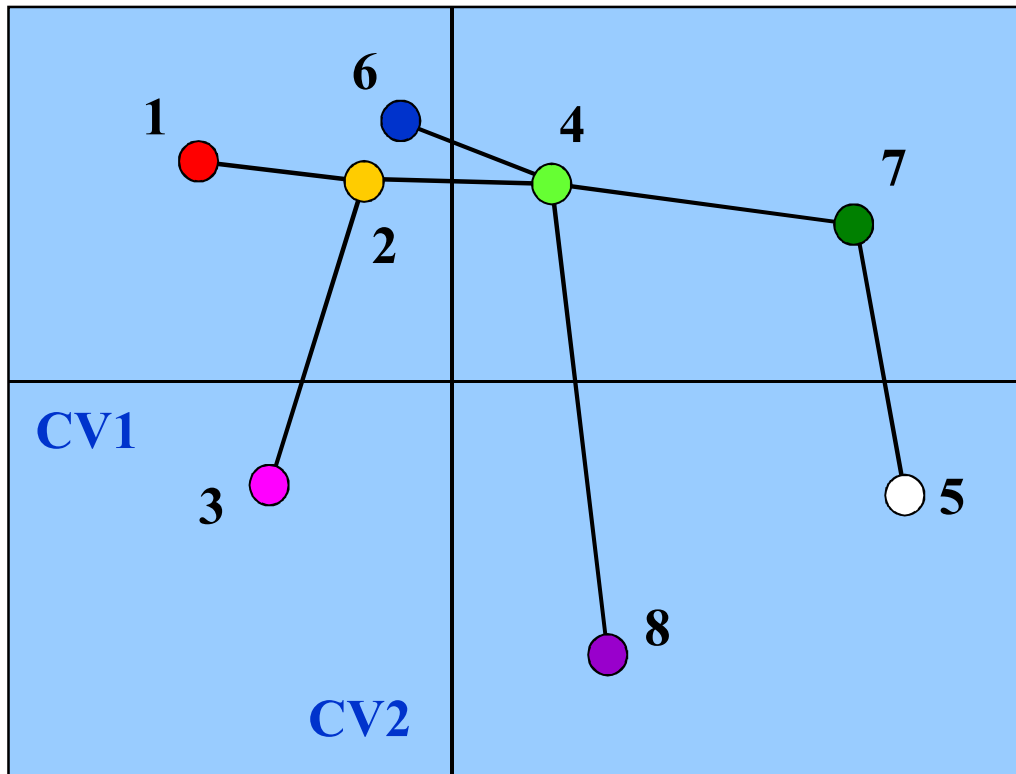
MANOVA (Wilk's Lambda, Pilai's trace)

Hotellingův T^2 test

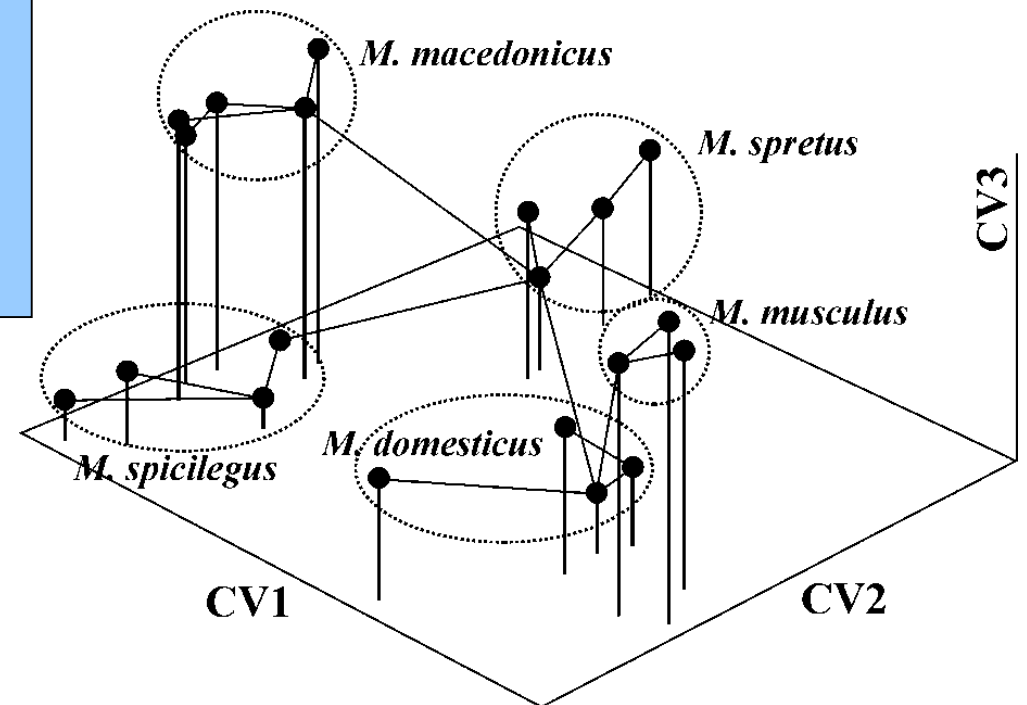
kroková DFA

Shluková analýza (Cluster analysis)

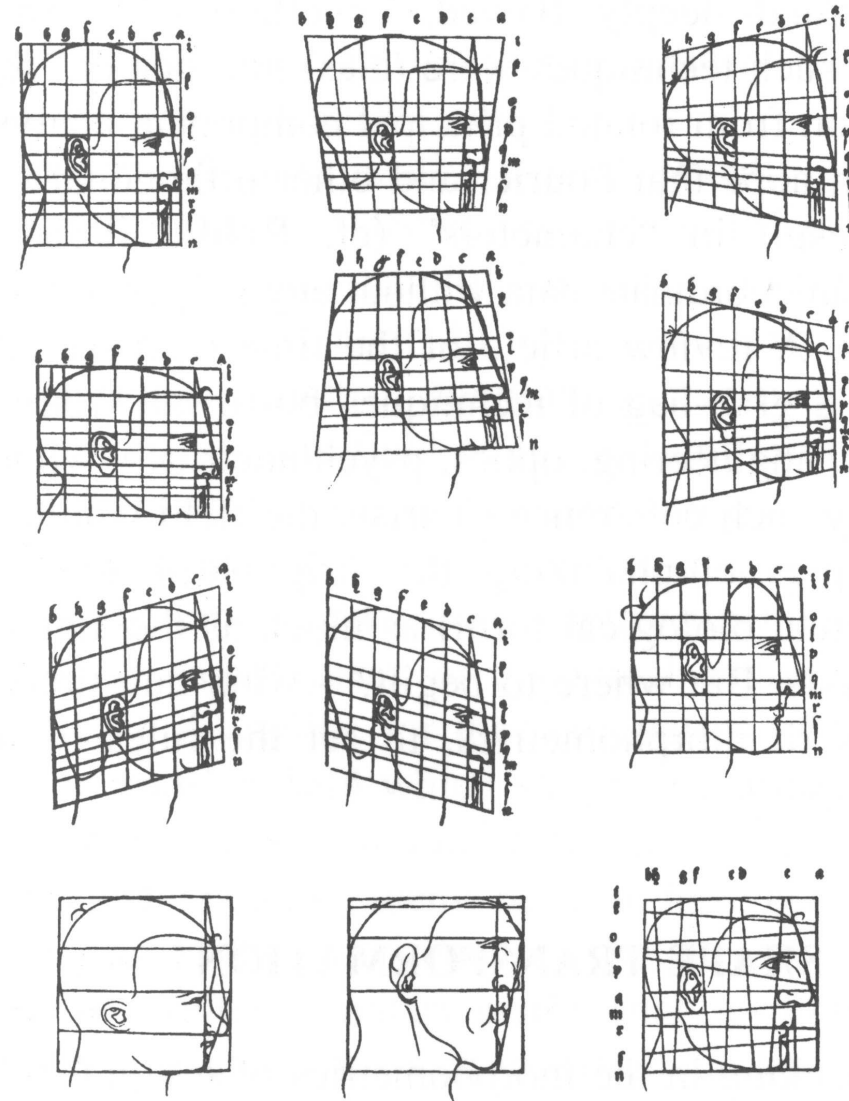
Diskriminační analýza (Discriminant function analysis, DFA) a kanonická analýza (Canonical a., CVA):



Minimum spanning tree (MST)



Geometrická morfometrie

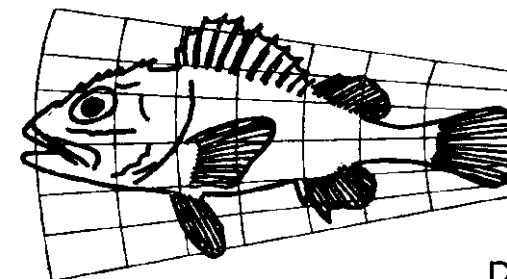
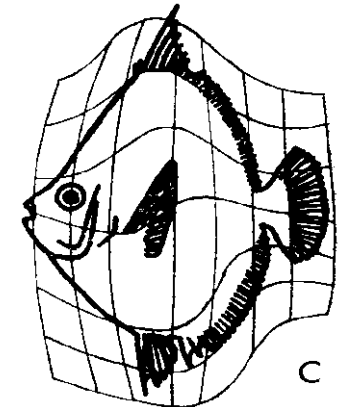
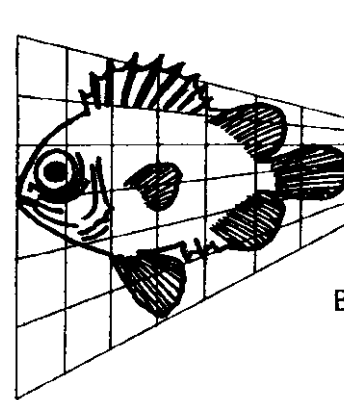
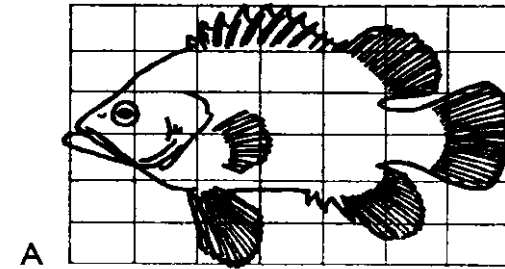


A. Dürer (1524): Vier Bücher von Menlicher Proportion.

V historii zkoumání tvaru biologických objektů existovaly 2 odlišné strategie:

1. W. D'Arcy Thompson

Absence kvantifikace
tvarových změn!



W. A. Thompson (1917): On Growth and Form

V historii zkoumání tvaru biologických objektů existovaly 2 odlišné strategie:

2. Tradiční morfometrie:

F. Galton, K. Pearson, R.A. Fisher, S. Wright, H. Hotelling...

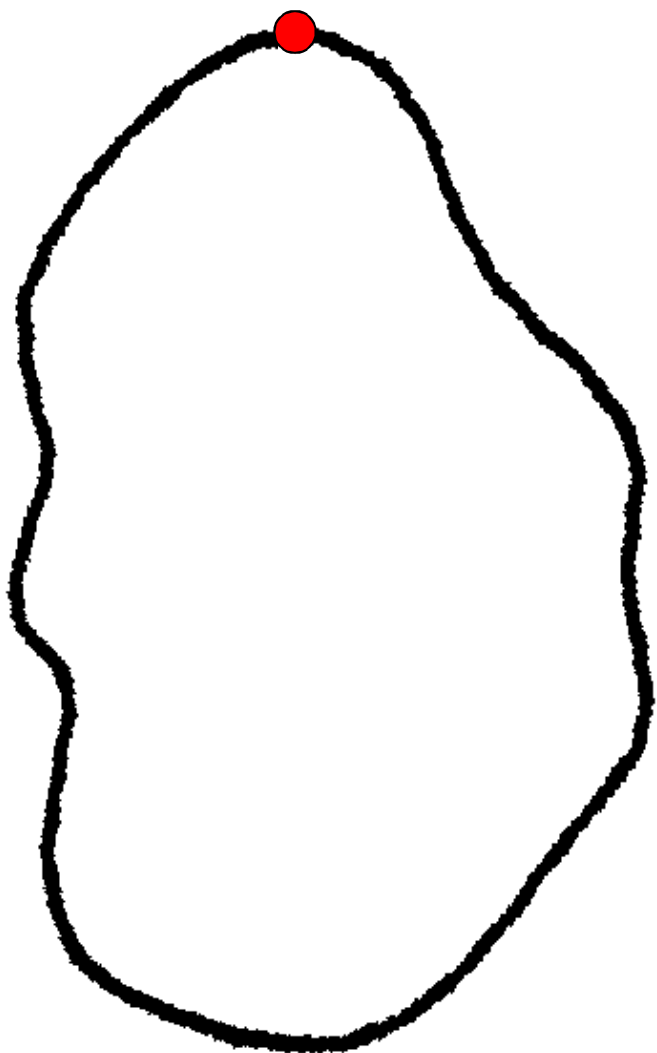
rozměry, váhy, úhly, plochy...

PCA, DFA, CVA, FA, PCoA, shluková a.

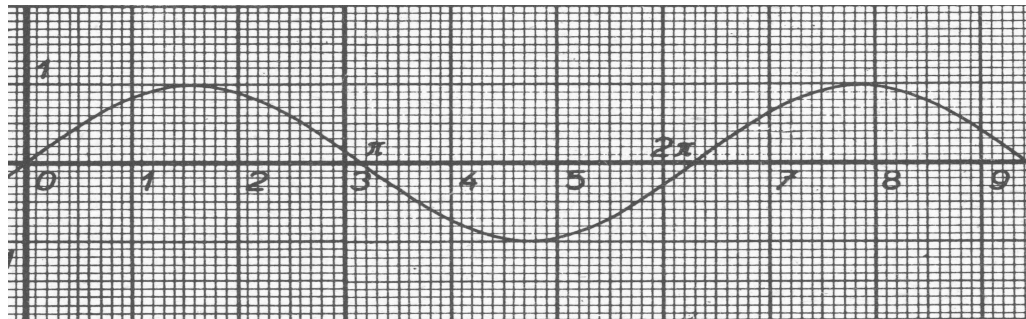
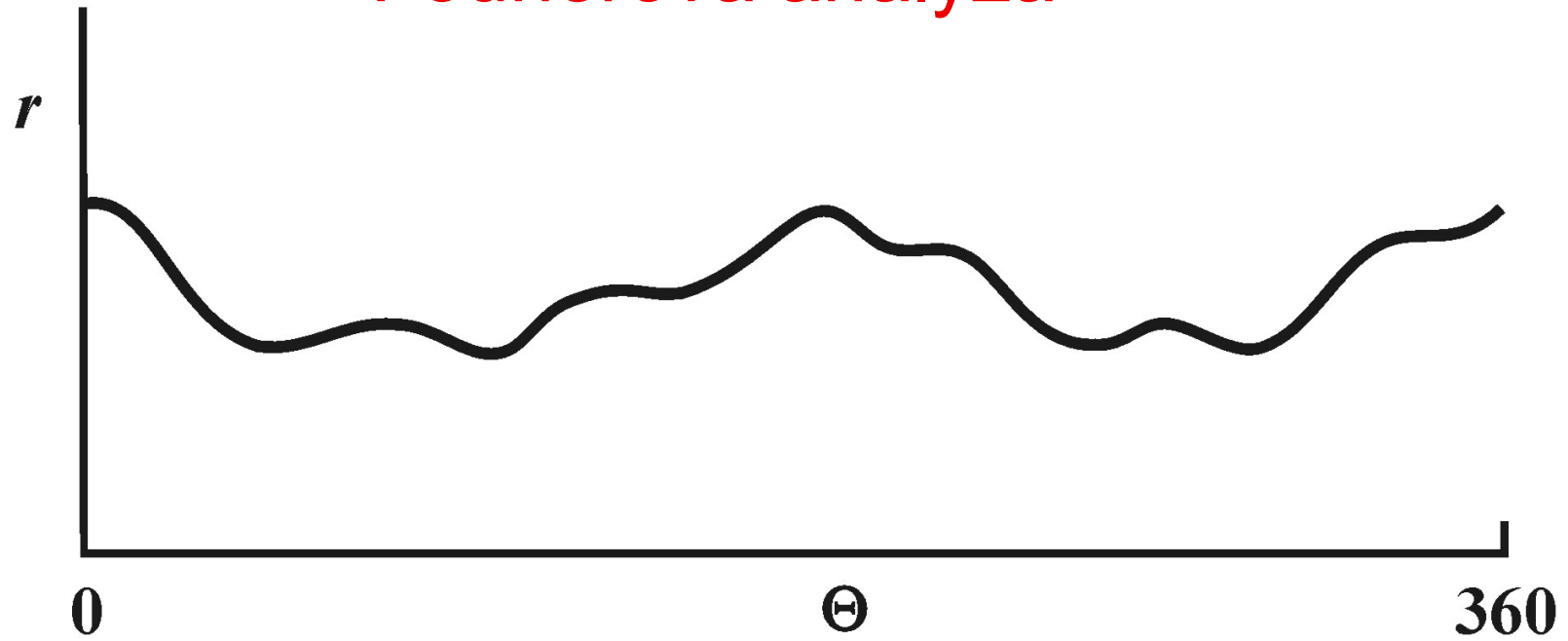
Absence informace o tvaru (morfometrie)!

Geometrická morfometrie I.

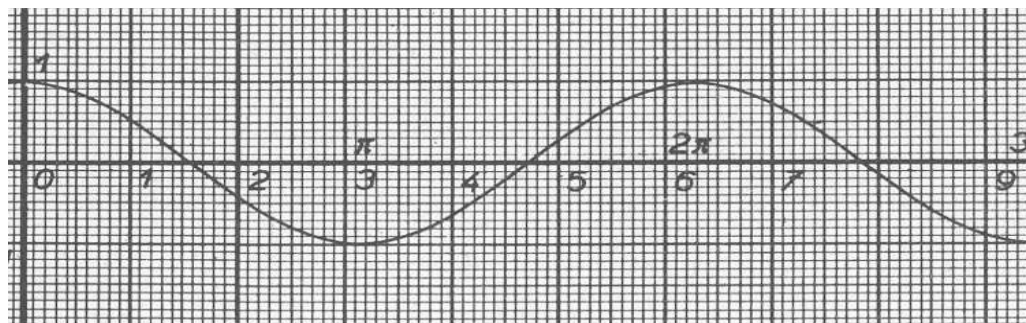
Analýza uzavřených křivek



Fourierova analýza

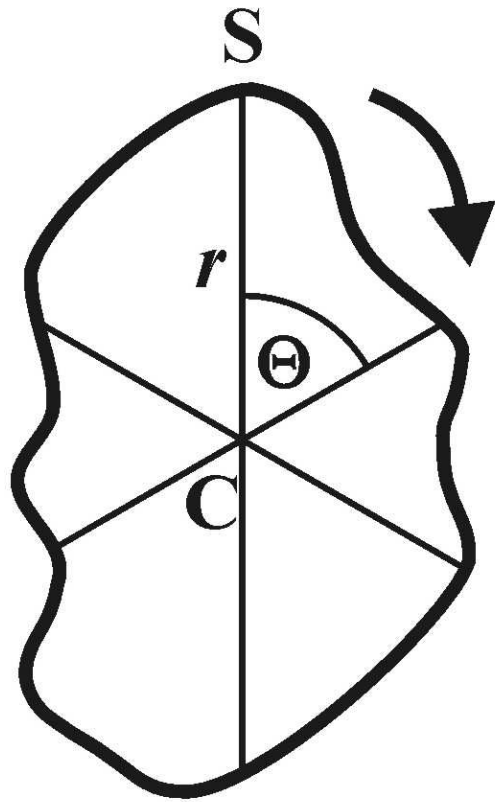


sin



cos

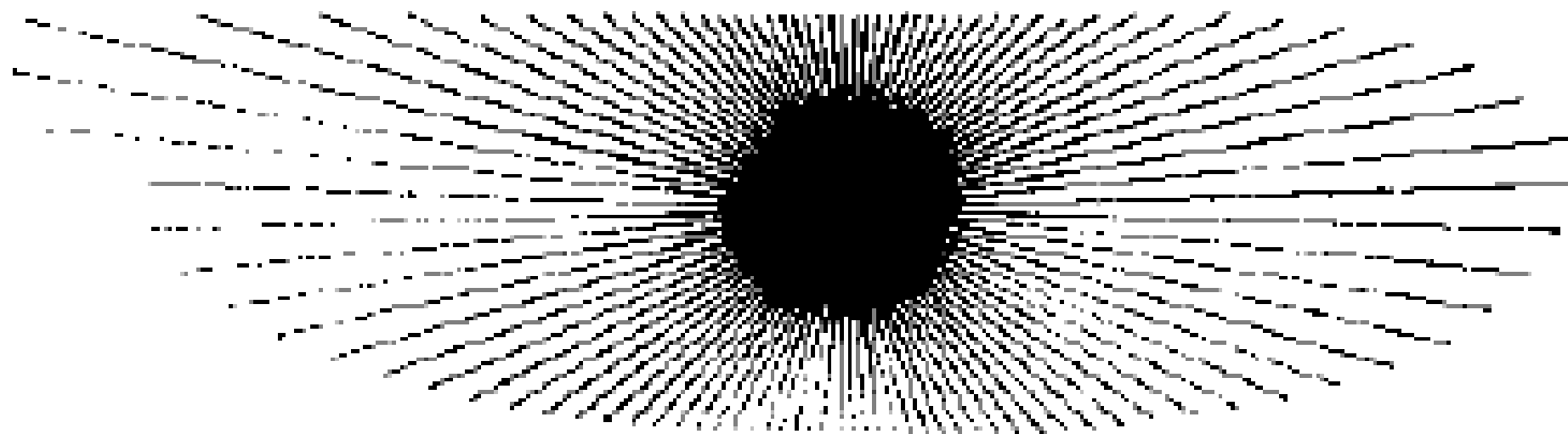
harmonické složky
(harmonics), koeficienty



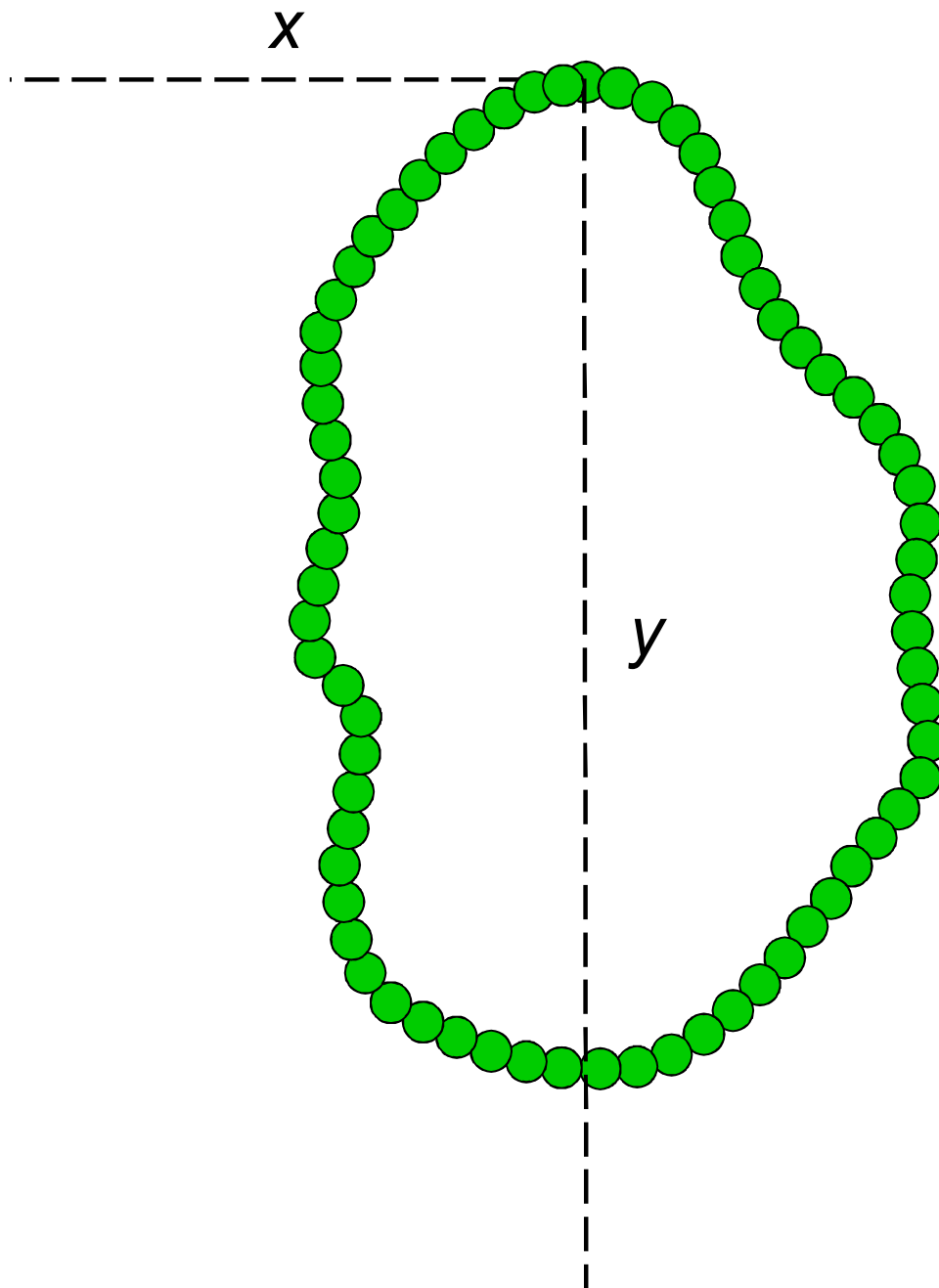
Tradiční Fourierova a.

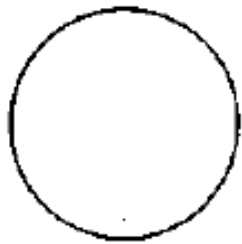
$$r_{\theta} = a_0 + \sum_{i=1}^k (a_i \cos_i \theta + b_i \sin_i \theta)$$

$$a_0 = \sqrt{\frac{1}{p} \sum_{i=1}^p \theta_i} \quad a_i = \sqrt{\frac{2}{p} \sum_{i=1}^p \theta_i \cos_i \theta_i} \quad b_i = \sqrt{\frac{2}{p} \sum_{i=1}^p \theta_i \sin_i \theta_i}$$



Eliptická Fourierova a.





•



•



•



•



|

o

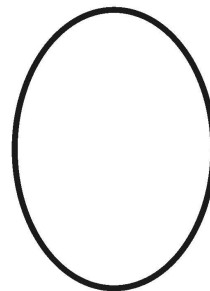
•

•

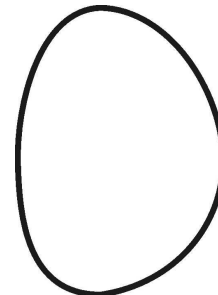
•

•

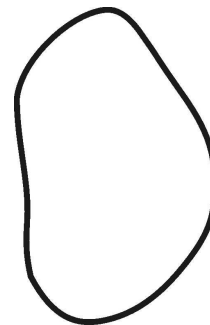
|



n=1



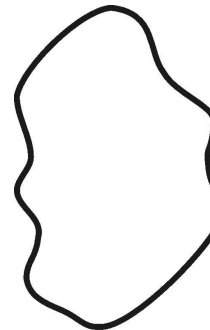
n=2



n=5



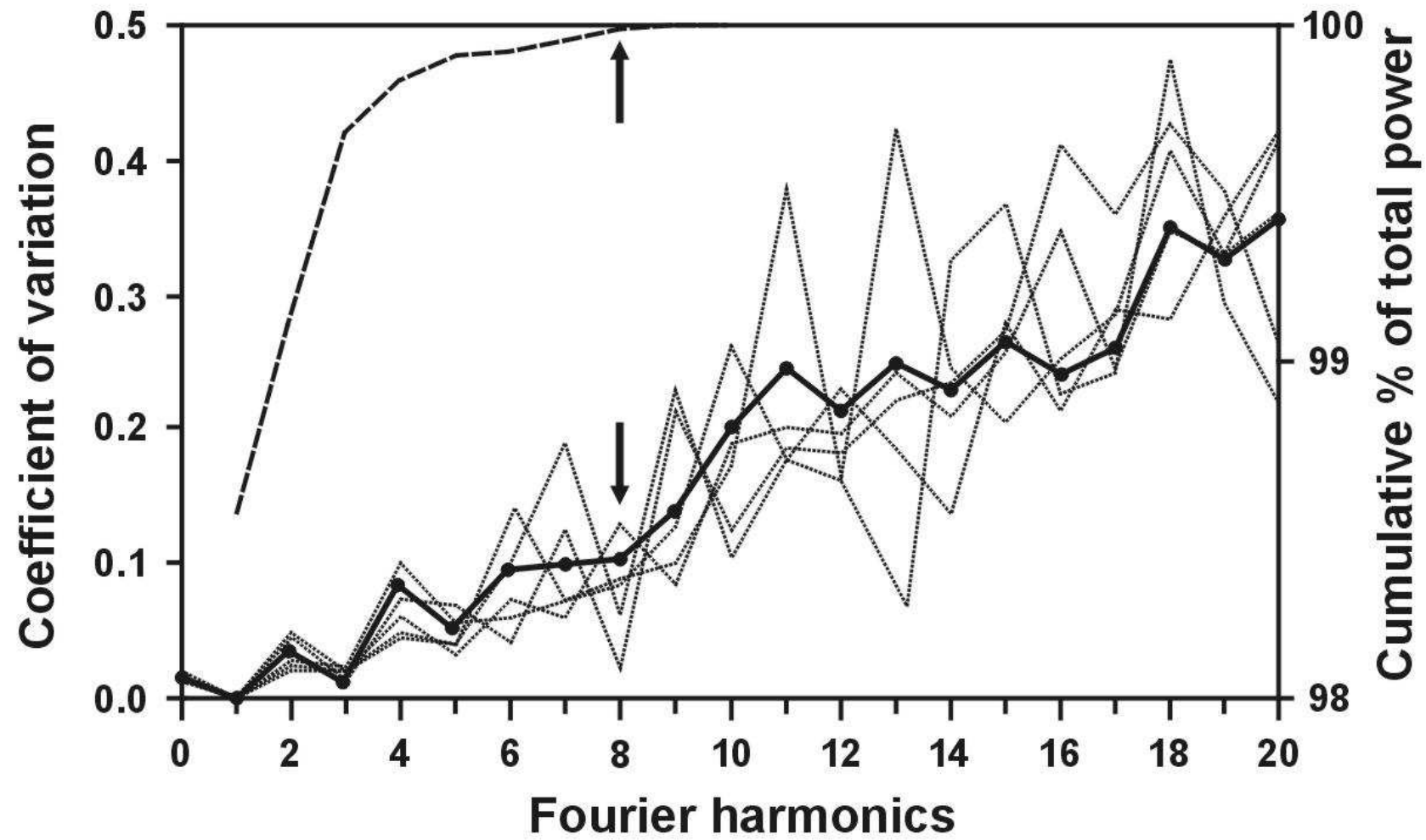
n=8



n=10



n=20



Geometrická morfometrie II.

Analýza význačných bodů

význačné body (landmarks)

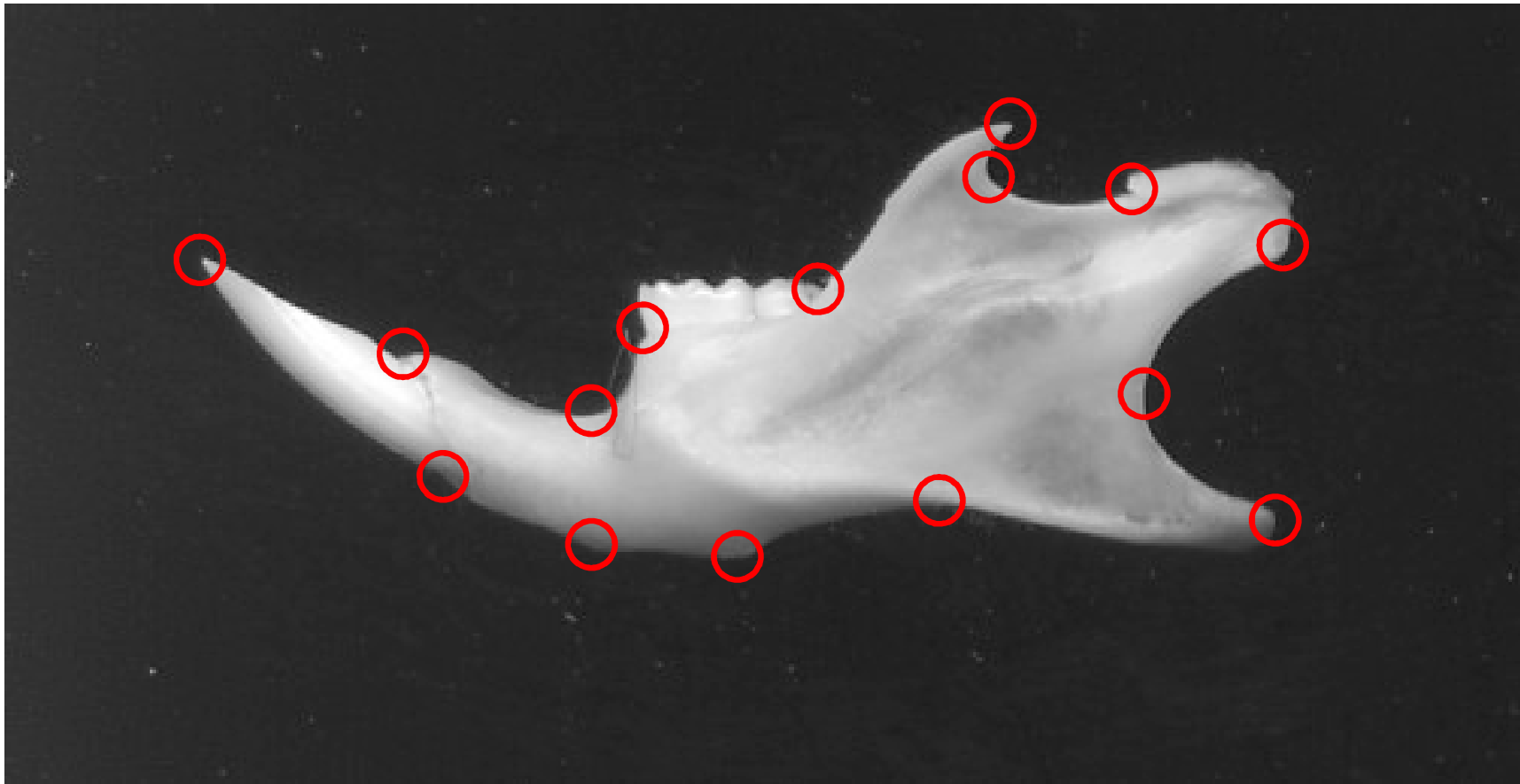
kvantifikace tvaru pomocí tvarových koordinát odlišení různých tvarových složek

informace o tvaru zachována po celou dobu matematické analýzy

velikostní standardizace a možnost samostatné práce s vektorem velikosti

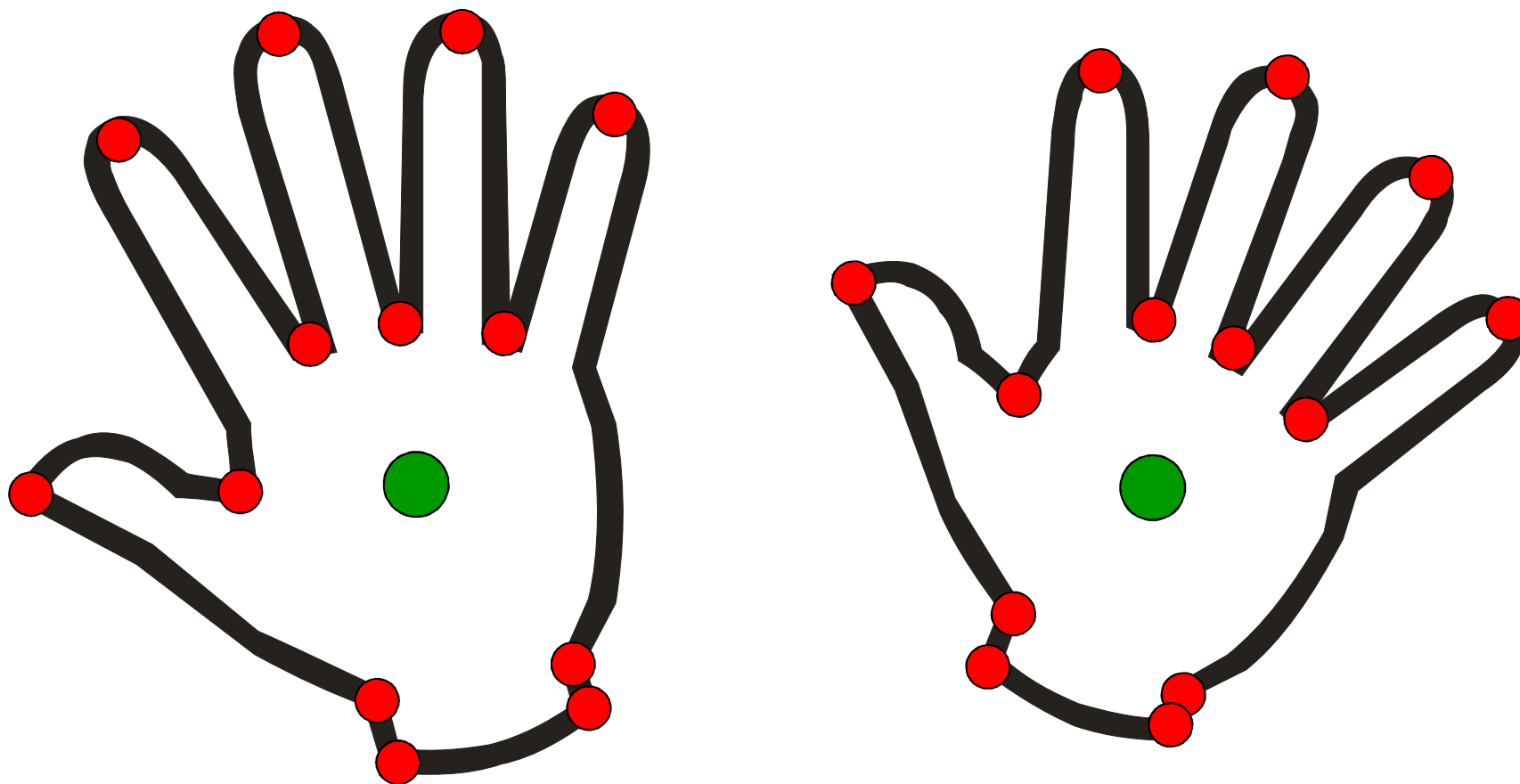
možnost zpracování dat pomocí tradičního morfometrického aparátu

význačné body (landmarks) = body, které lze přesně lokalizovat a které jsou alespoň v geometrickém smyslu mezi objekty homologické



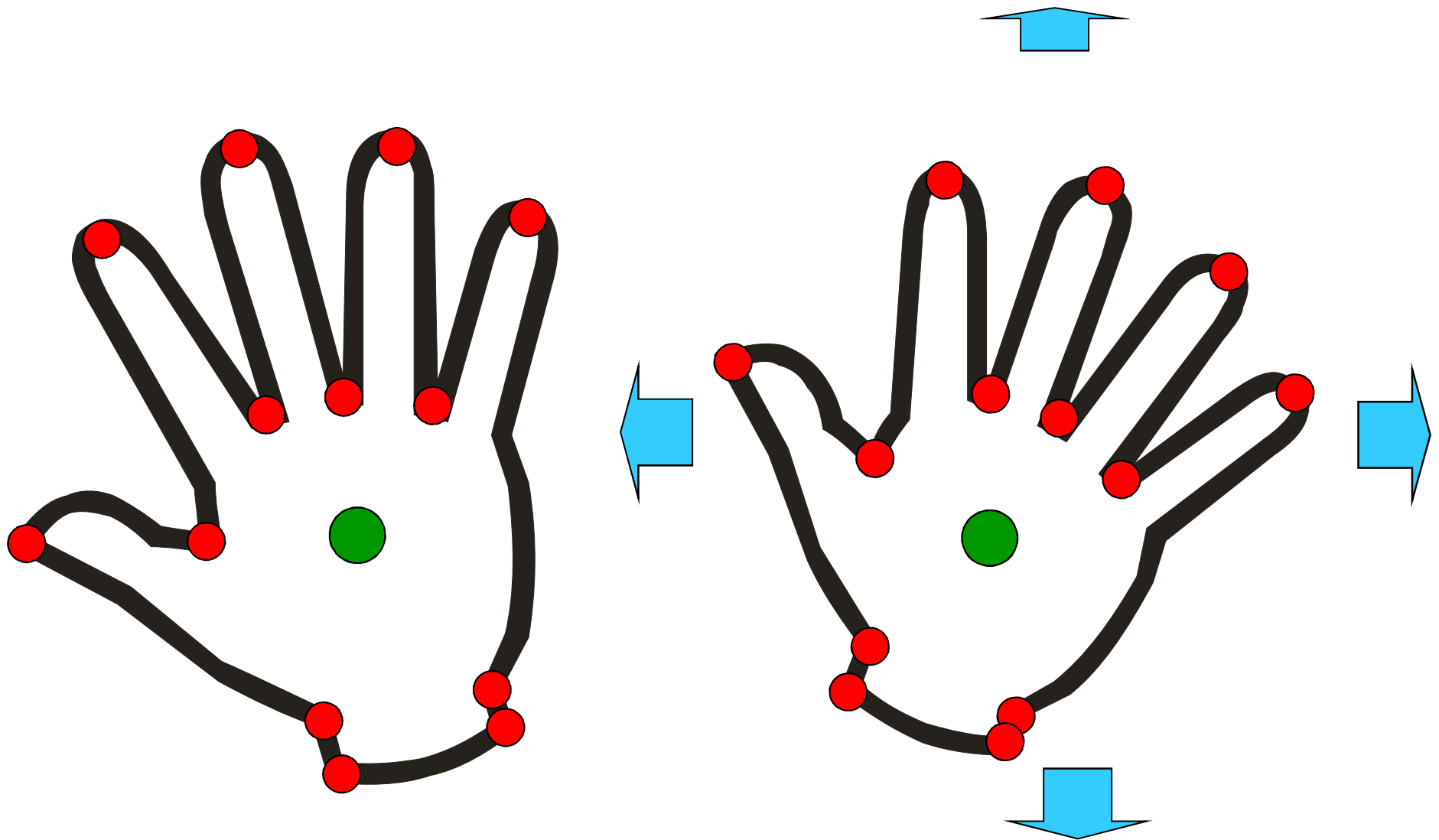
Prokrustovská superpozice = GLS (Generalized Least Squares)

tvar = vše kromě informace o velikosti, pozici a orientaci objektu

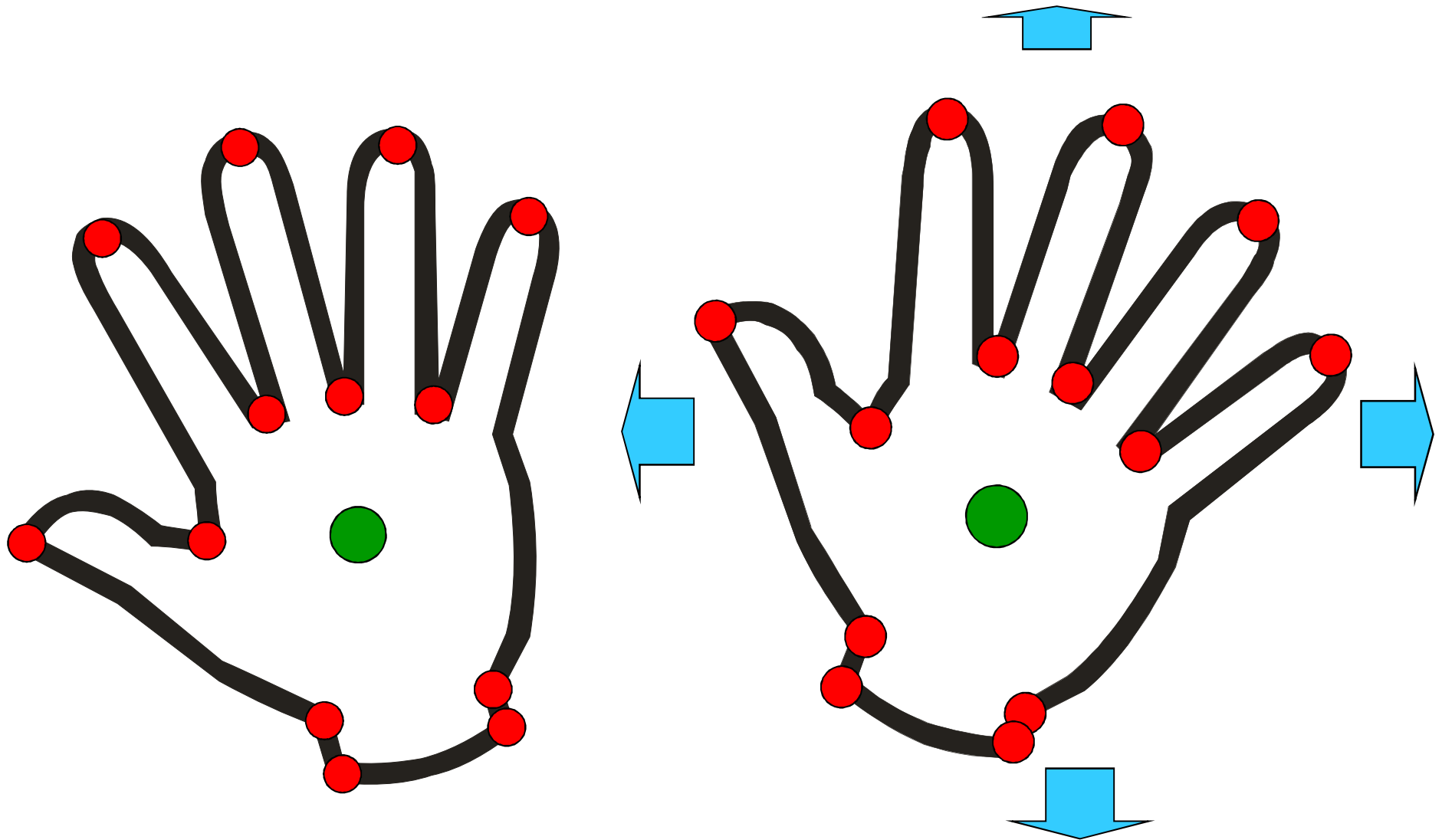


OBRAZOVÝ PROSTOR: p – rozměrů, k – bodů; $n = pk$

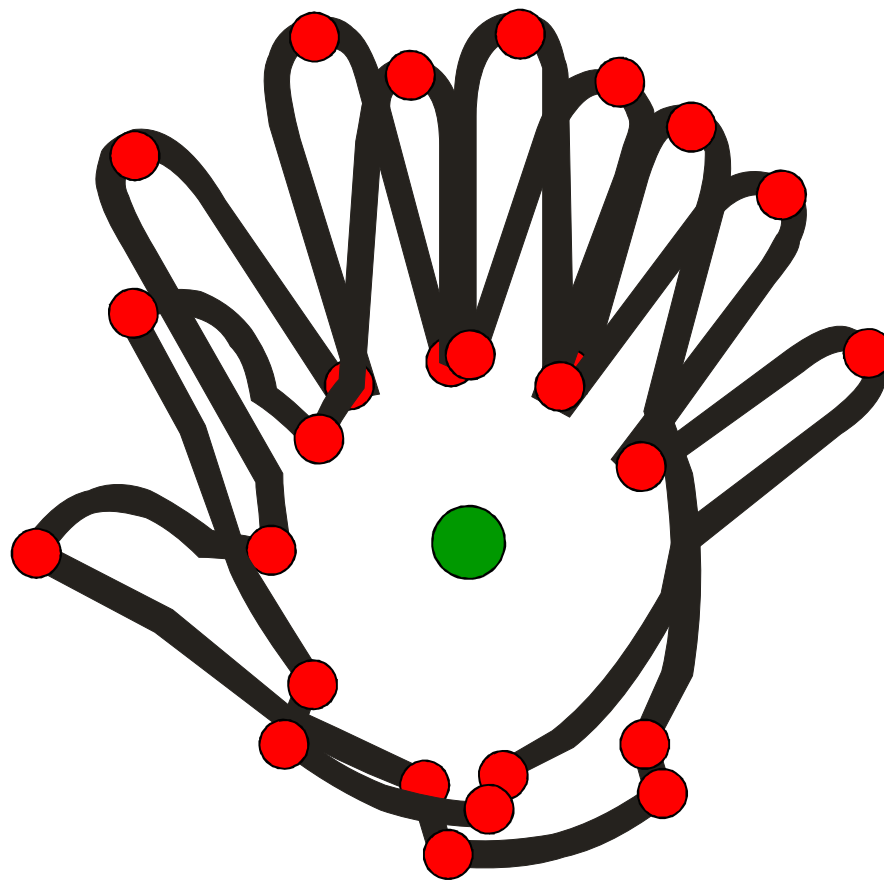
Prokrustovská superpozice 1.



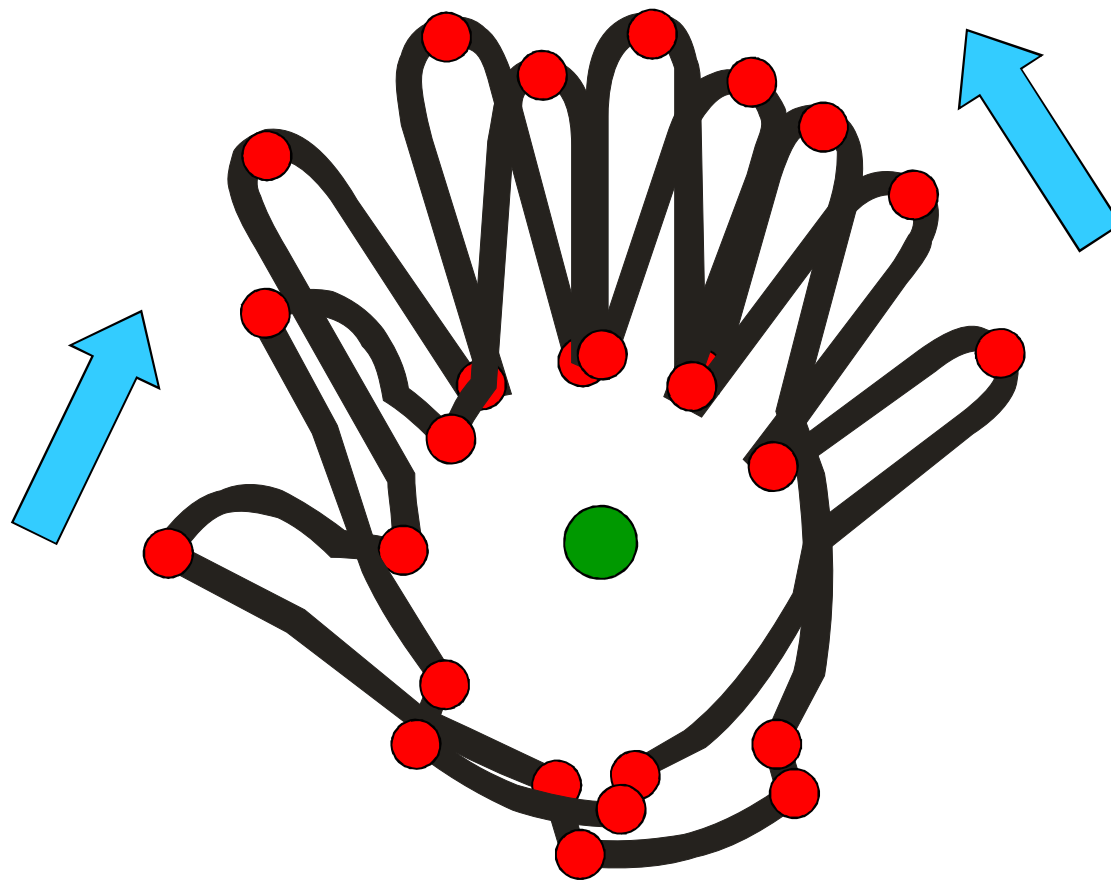
Prokrustovská superpozice 1.



Prokrustovská superpozice 2.

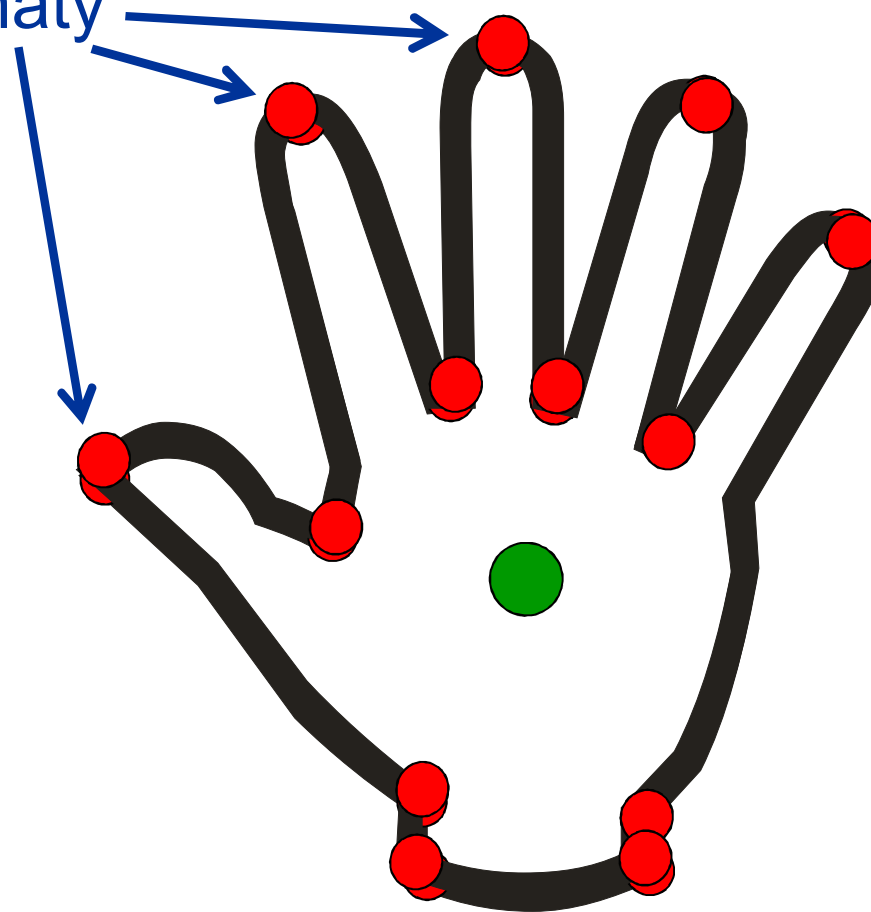


Prokrustovská superpozice 3.



Prokrustovská superpozice 3.

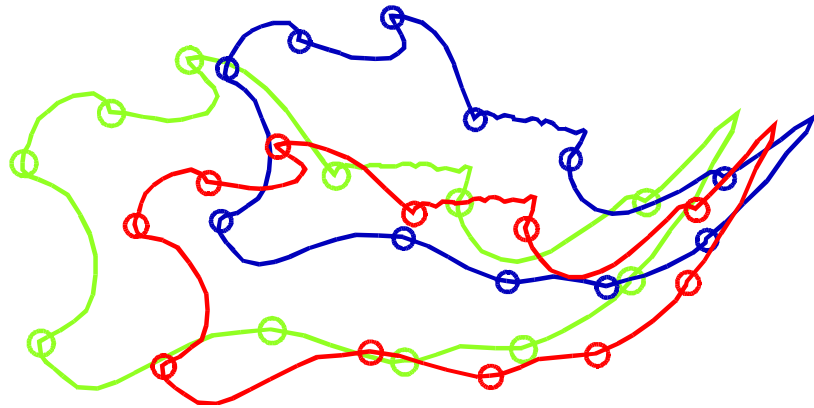
Tvarové koordináty



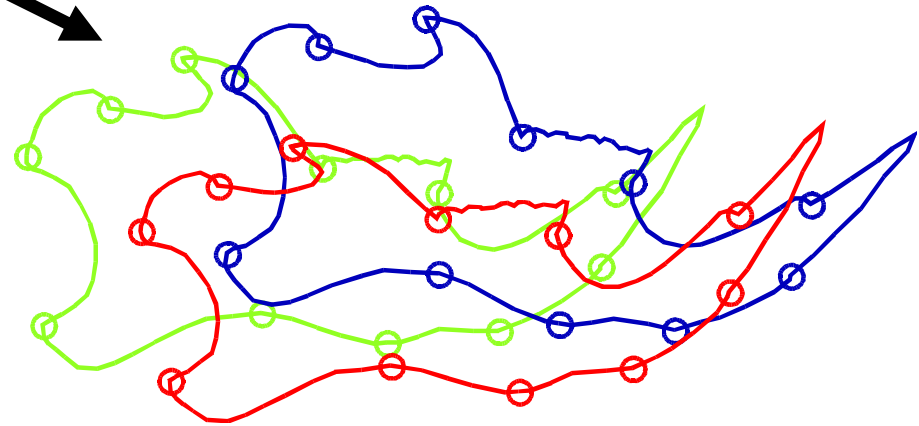
TVAROVÝ PROSTOR: $n = pk - k - k(k-1)/2 - 1$

Extracting shape information: Procrustes superposition

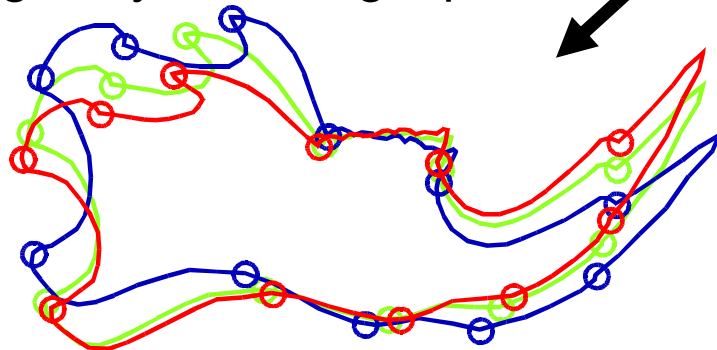
Original landmark configurations



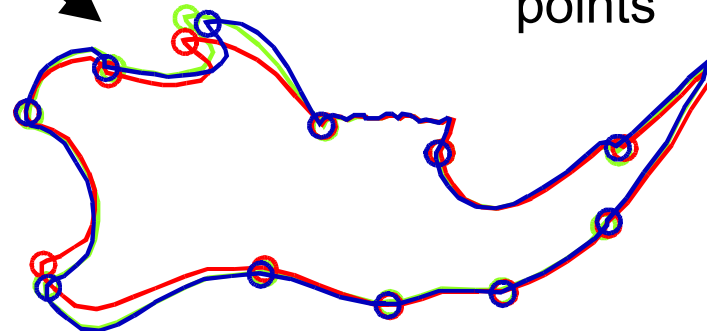
1. Change scale so that all configurations have the same size

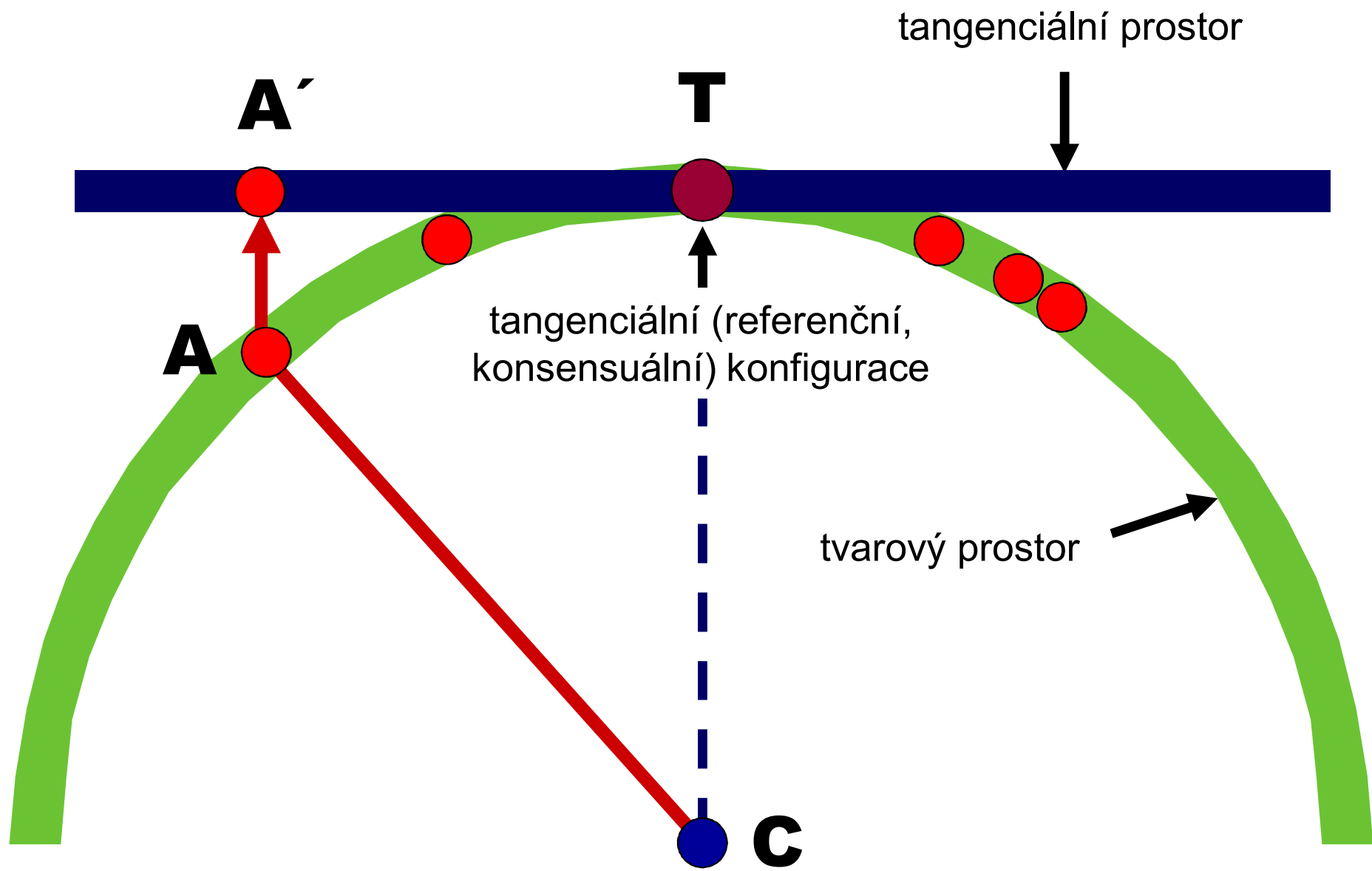


2. Superposition of the centers of gravity on a single point

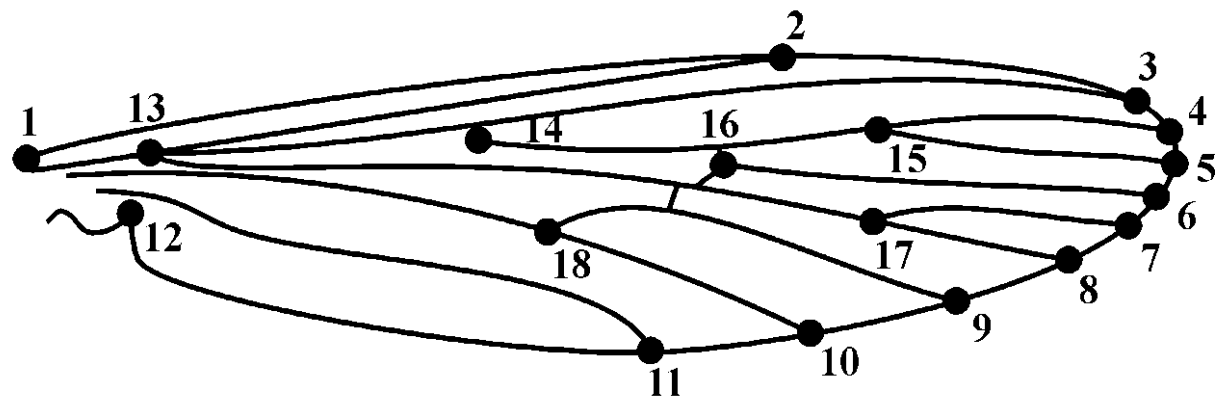


3. Rotation to minimize the dispersion of corresponding points

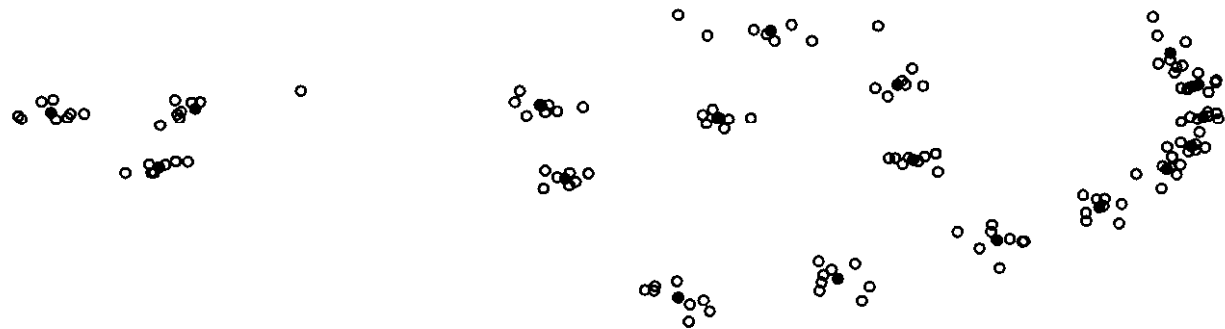




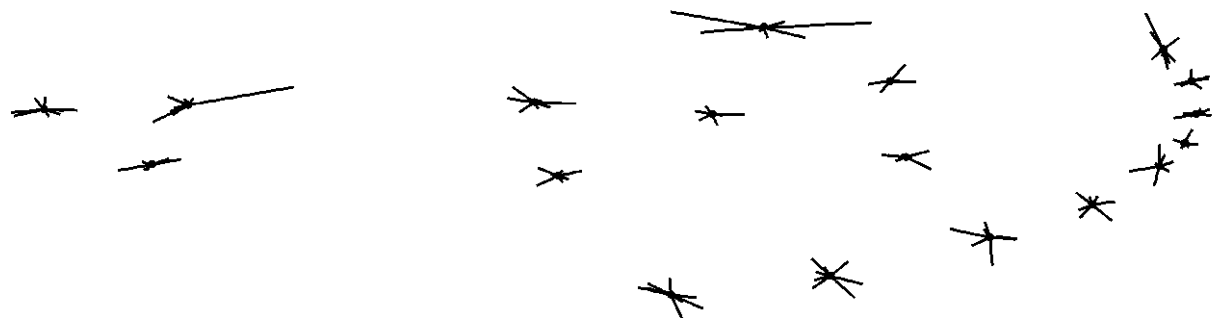
a)



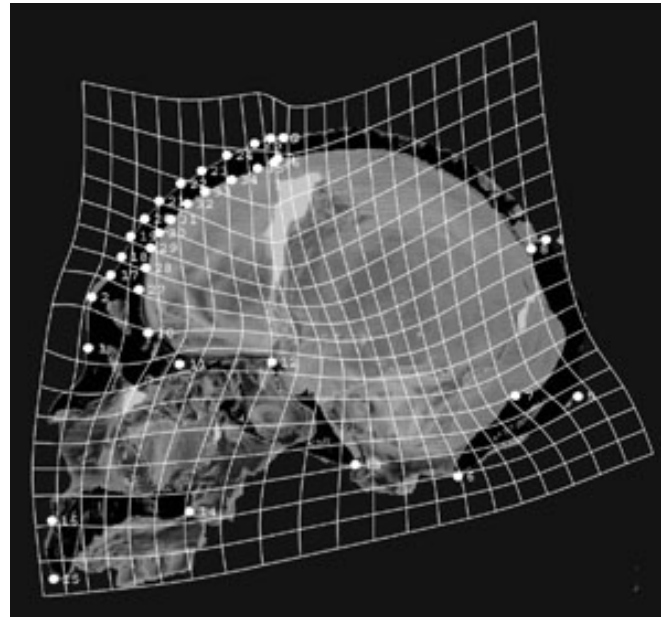
b)



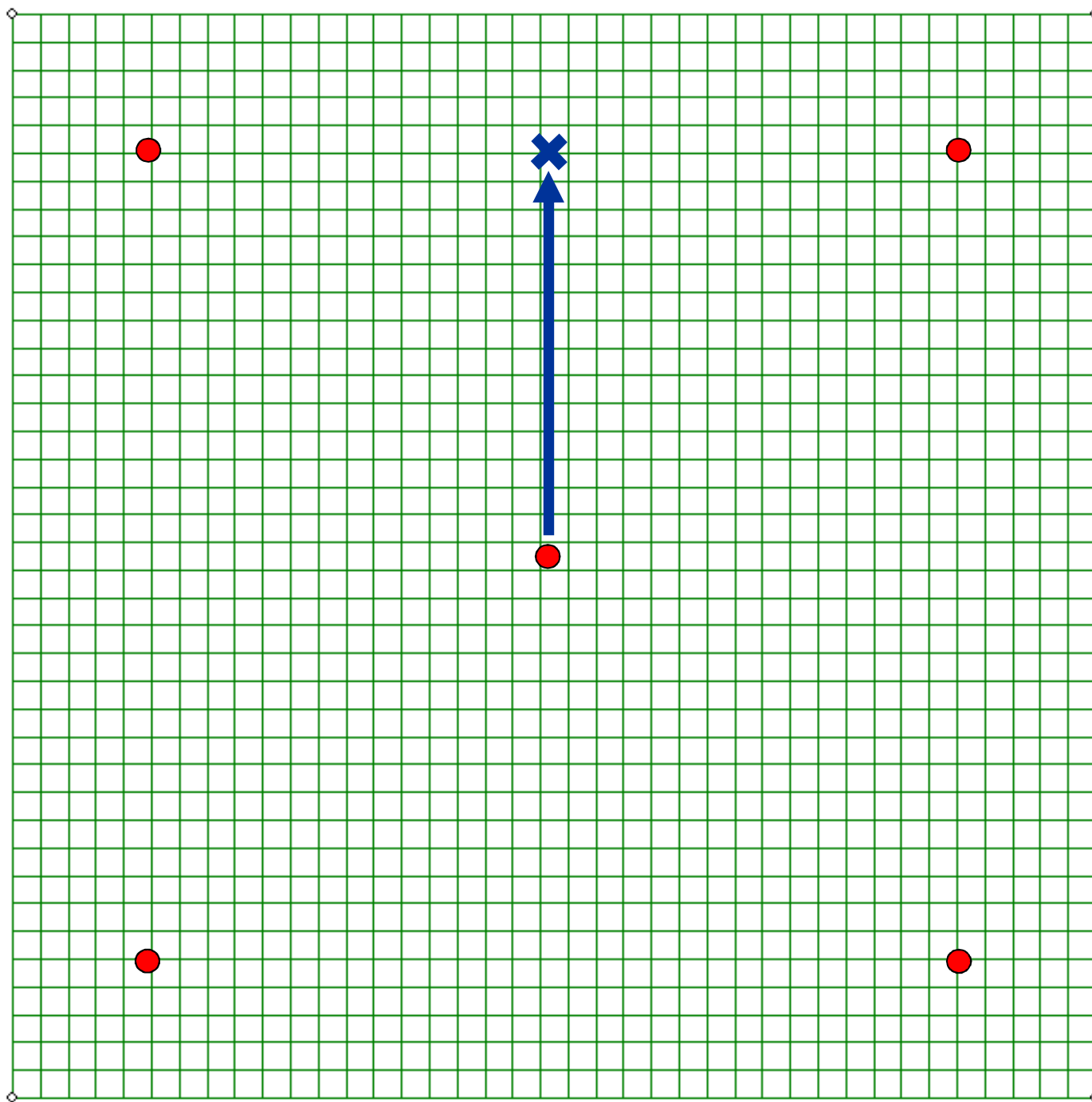
c)

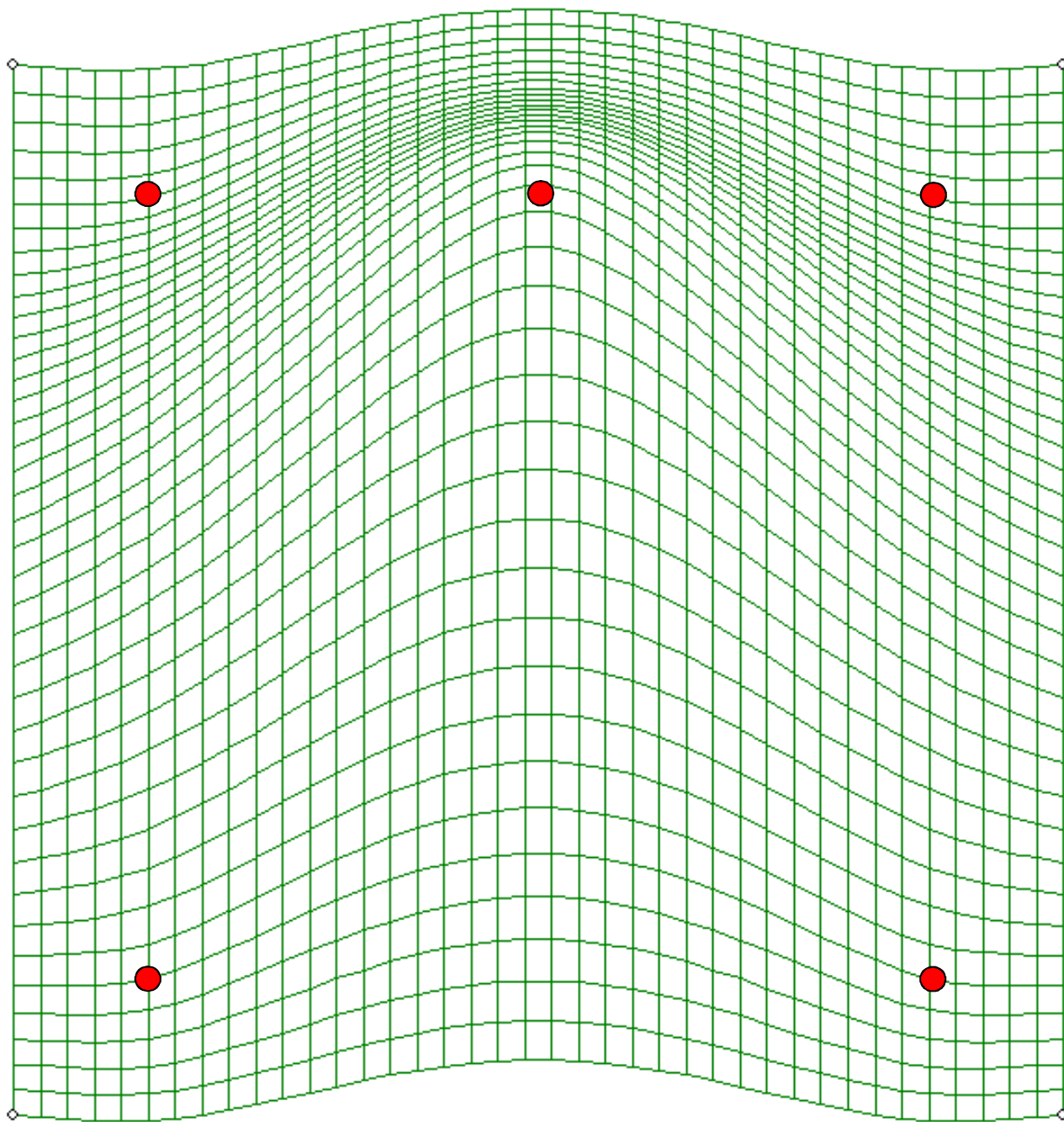


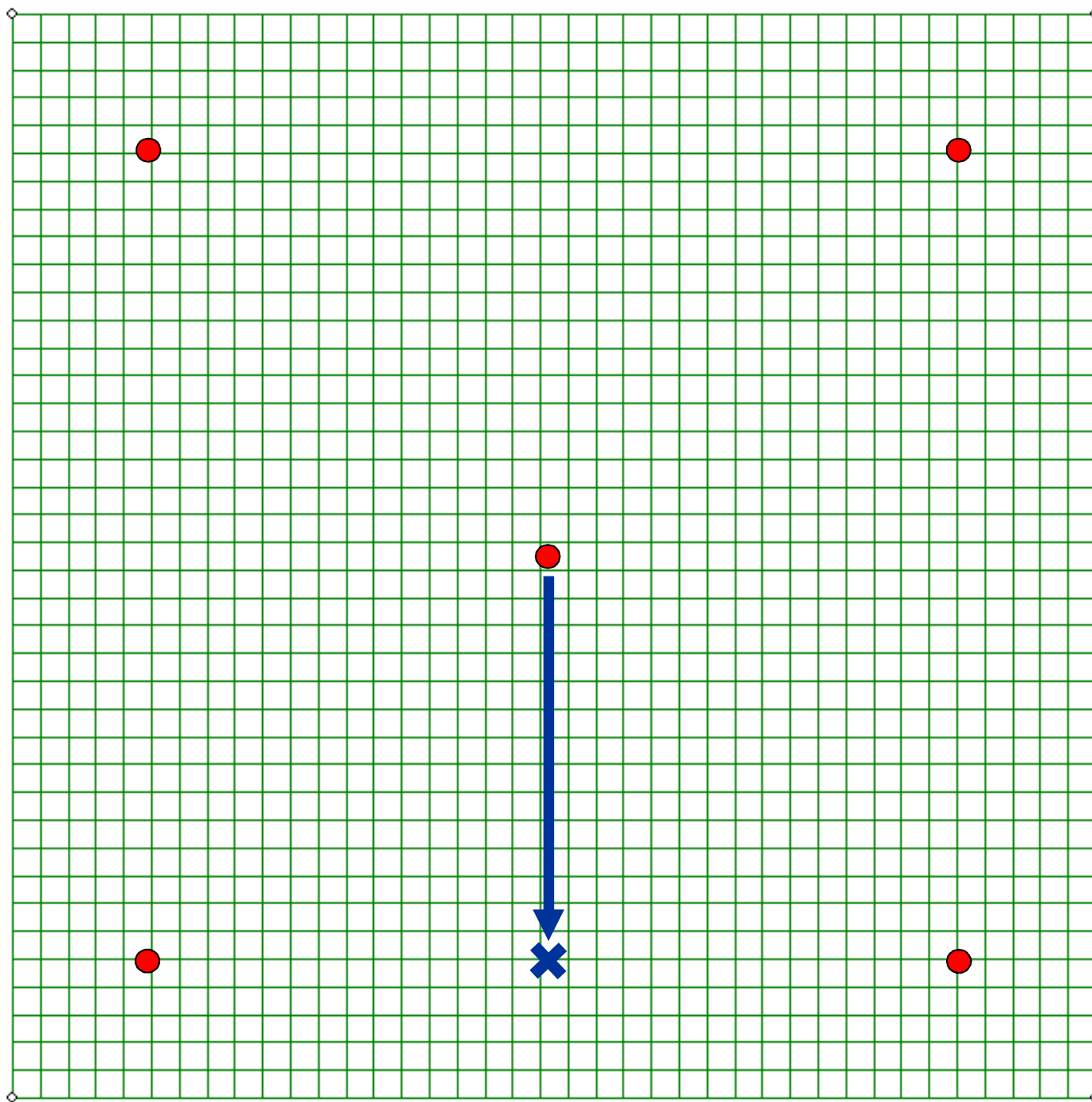
Deformace souřadnicové sítě TPS (Thin-Plate Spline)

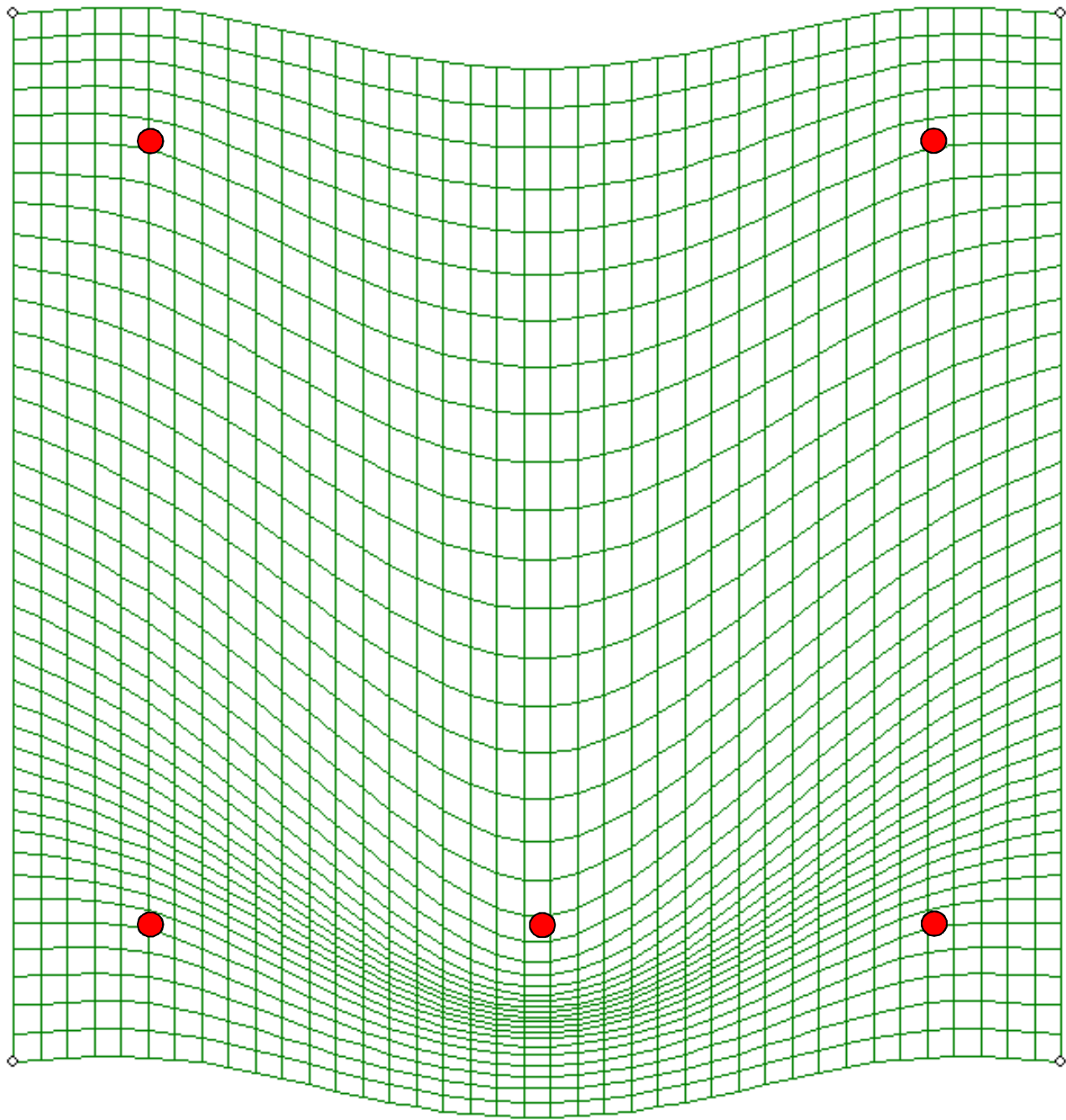


metafora nekonečně velkého, nekonečně tenkého kovového plátu









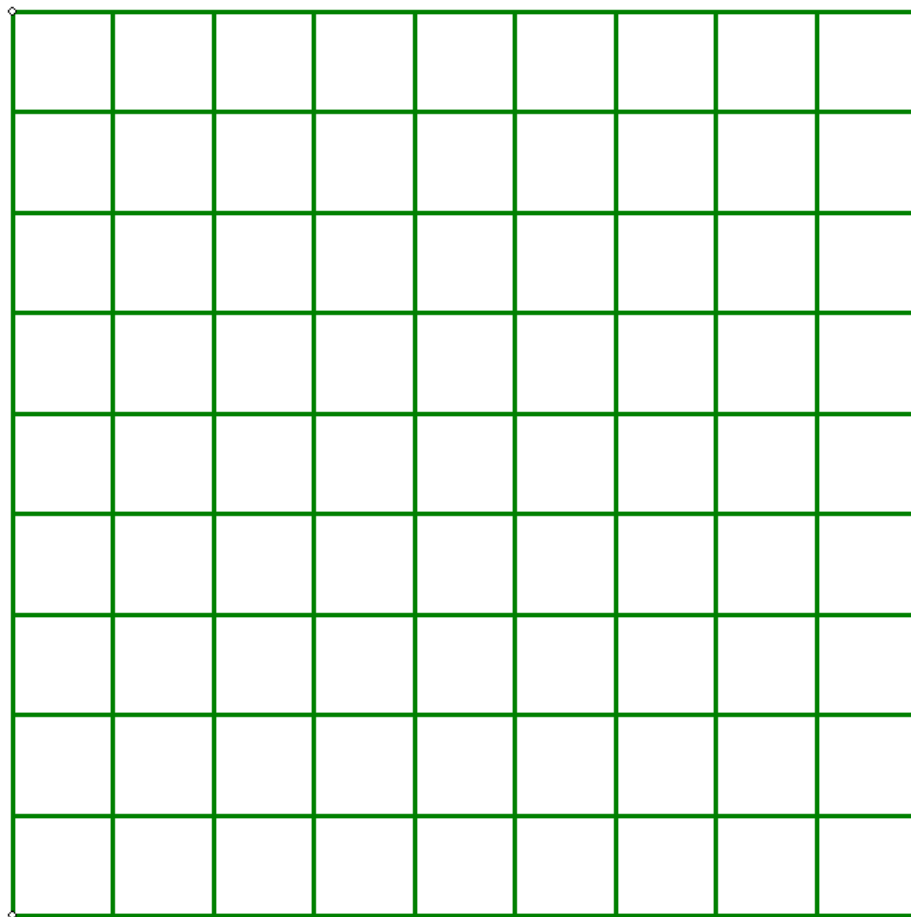
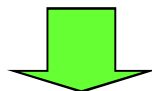
Deformace souřadnicové sítě TPS (Thin-Plate Spline)

energie nutná k deformaci plátu = **deformační energie**
(bending energy)

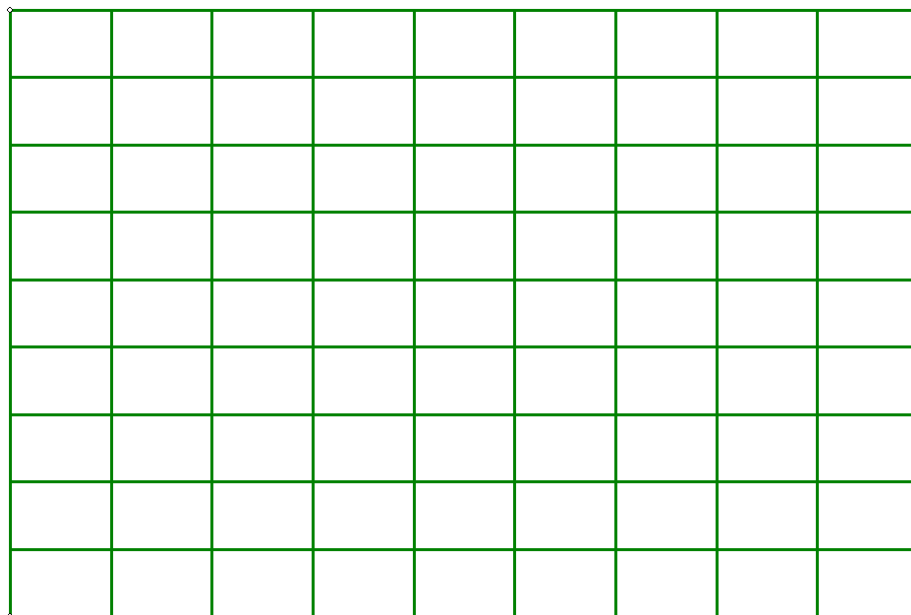
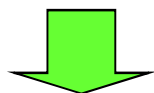
odlišení afinní a neafinní změny tvaru

projekce latentních kořenů deformační energie
do jednotlivých os = **parciální deformace (partial warps)**
parciální deformace 0 ~ uniformní složce

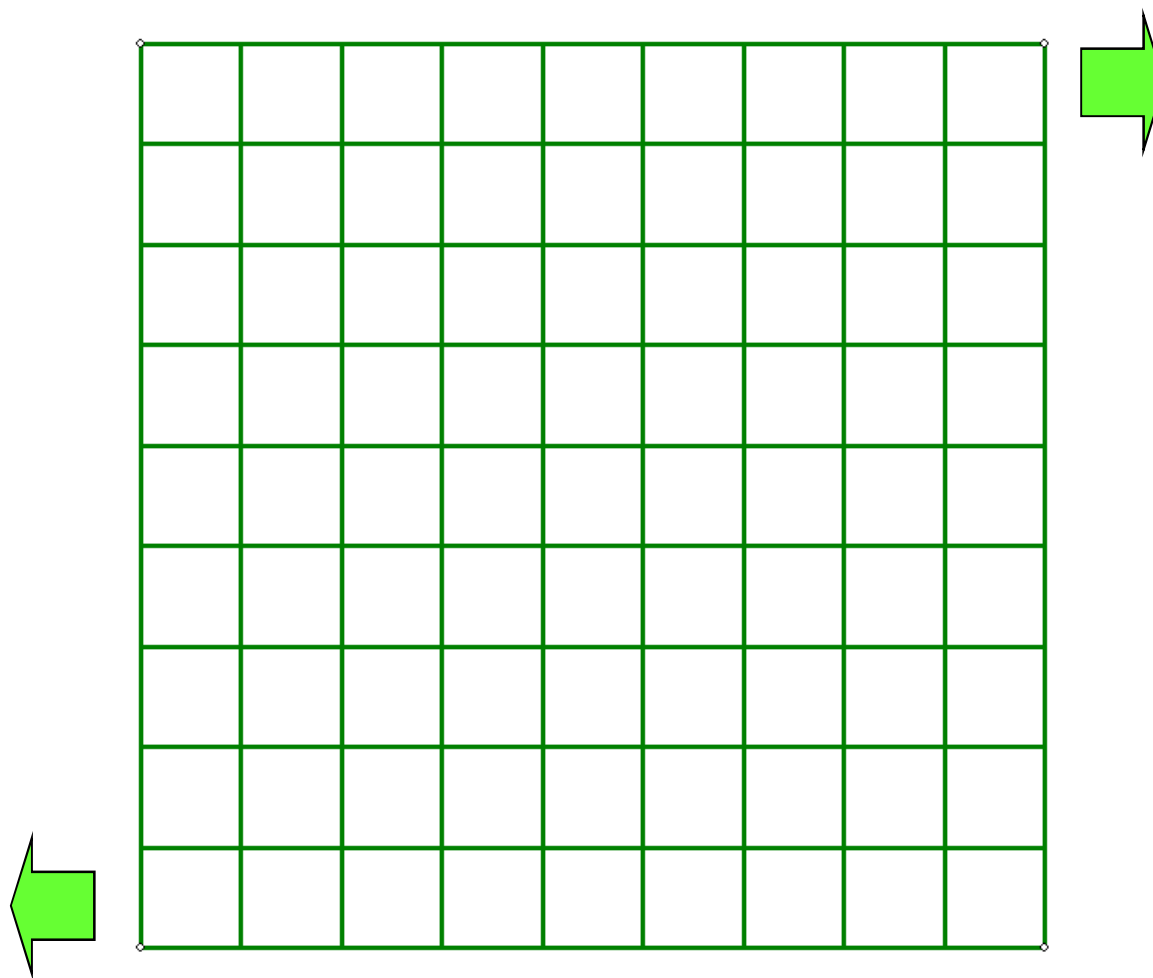
Afinní (uniformní) změna tvaru



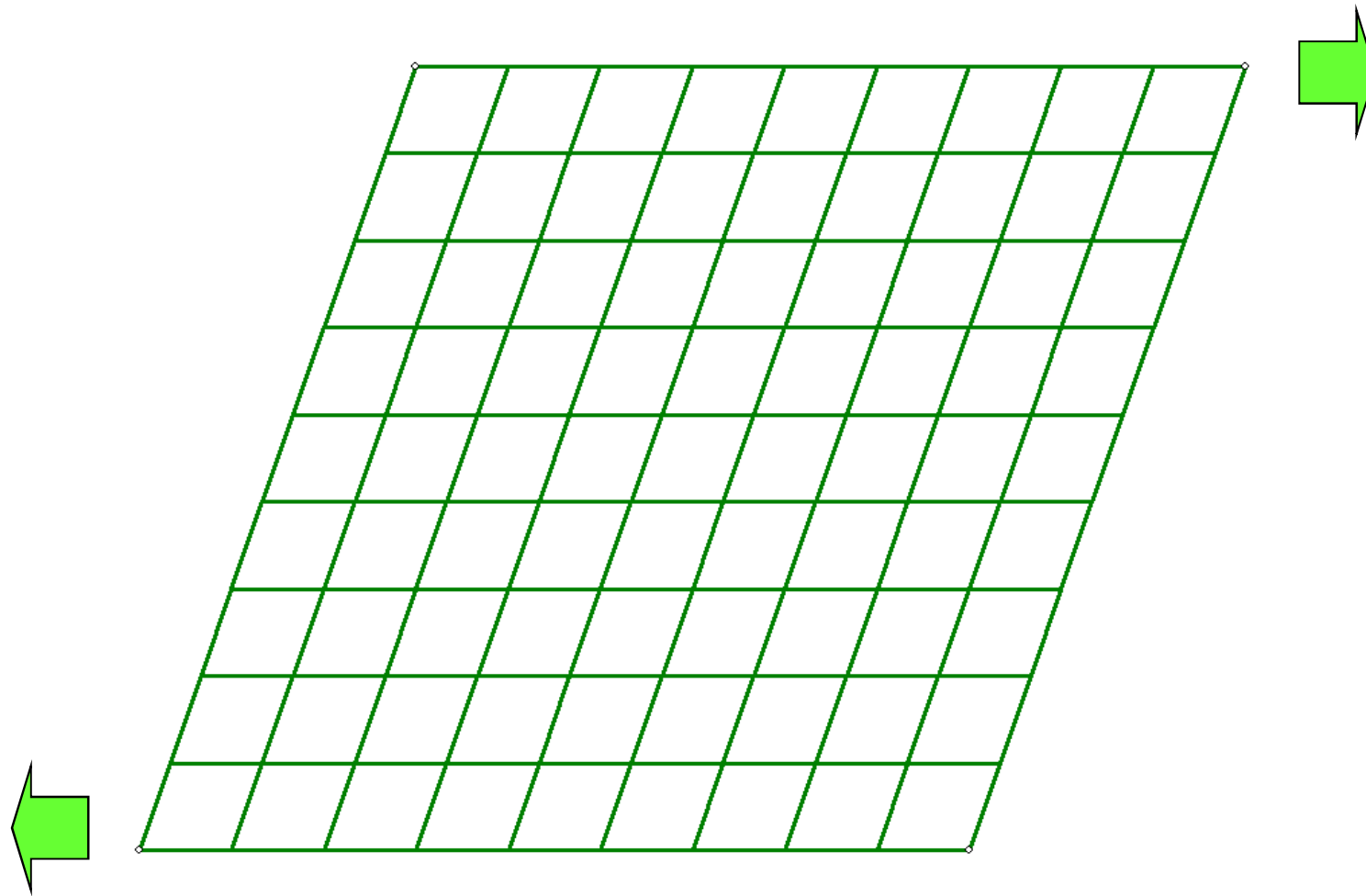
Afinní (uniformní) změna tvaru



Afinní (uniformní) změna tvaru

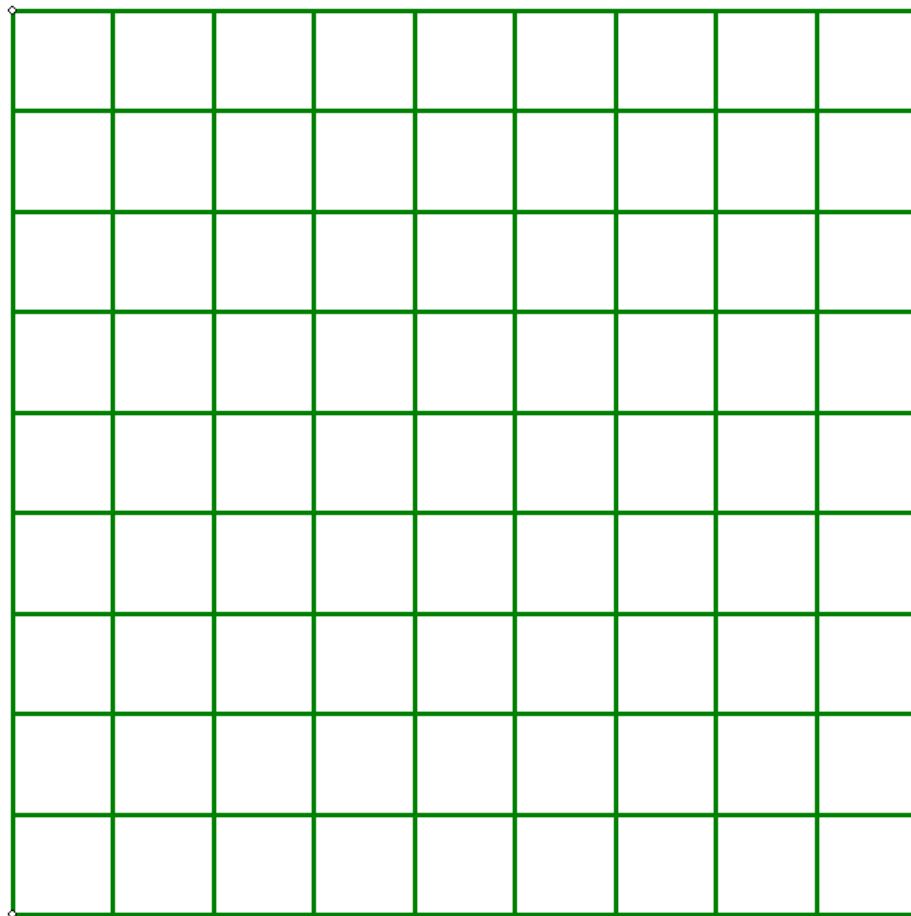


Afinní (uniformní) změna tvaru

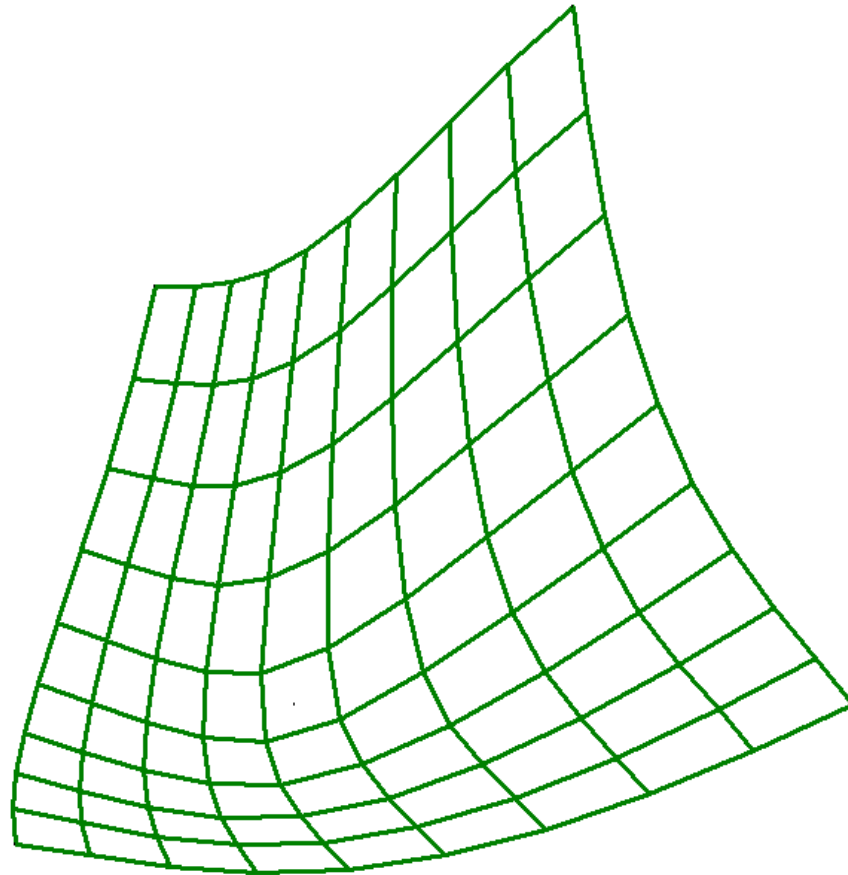


rovnoběžky zůstávají rovnoběžné

Neafinní (neuniformní) změna tvaru

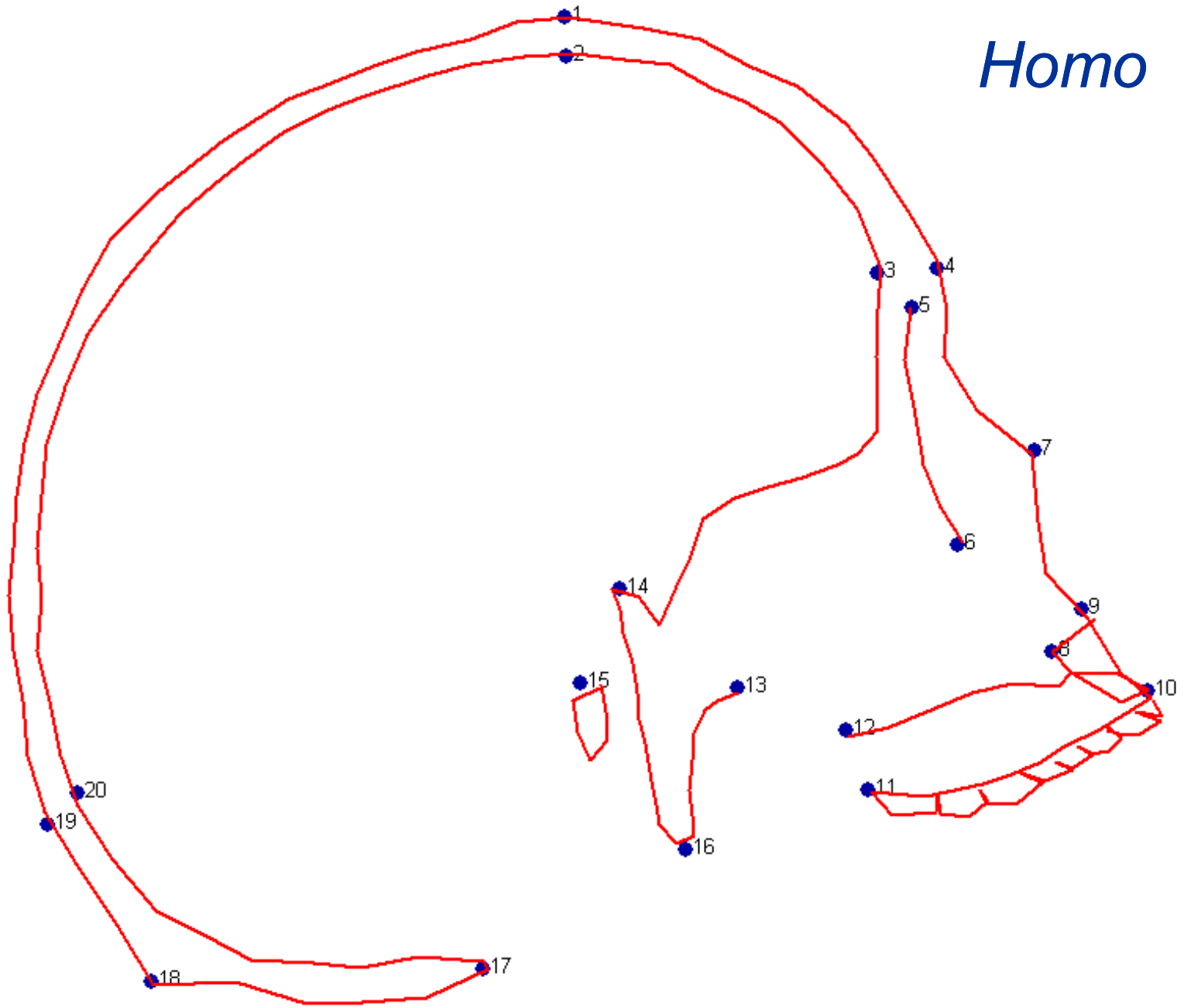


Neafinní (neuniformní) změna tvaru

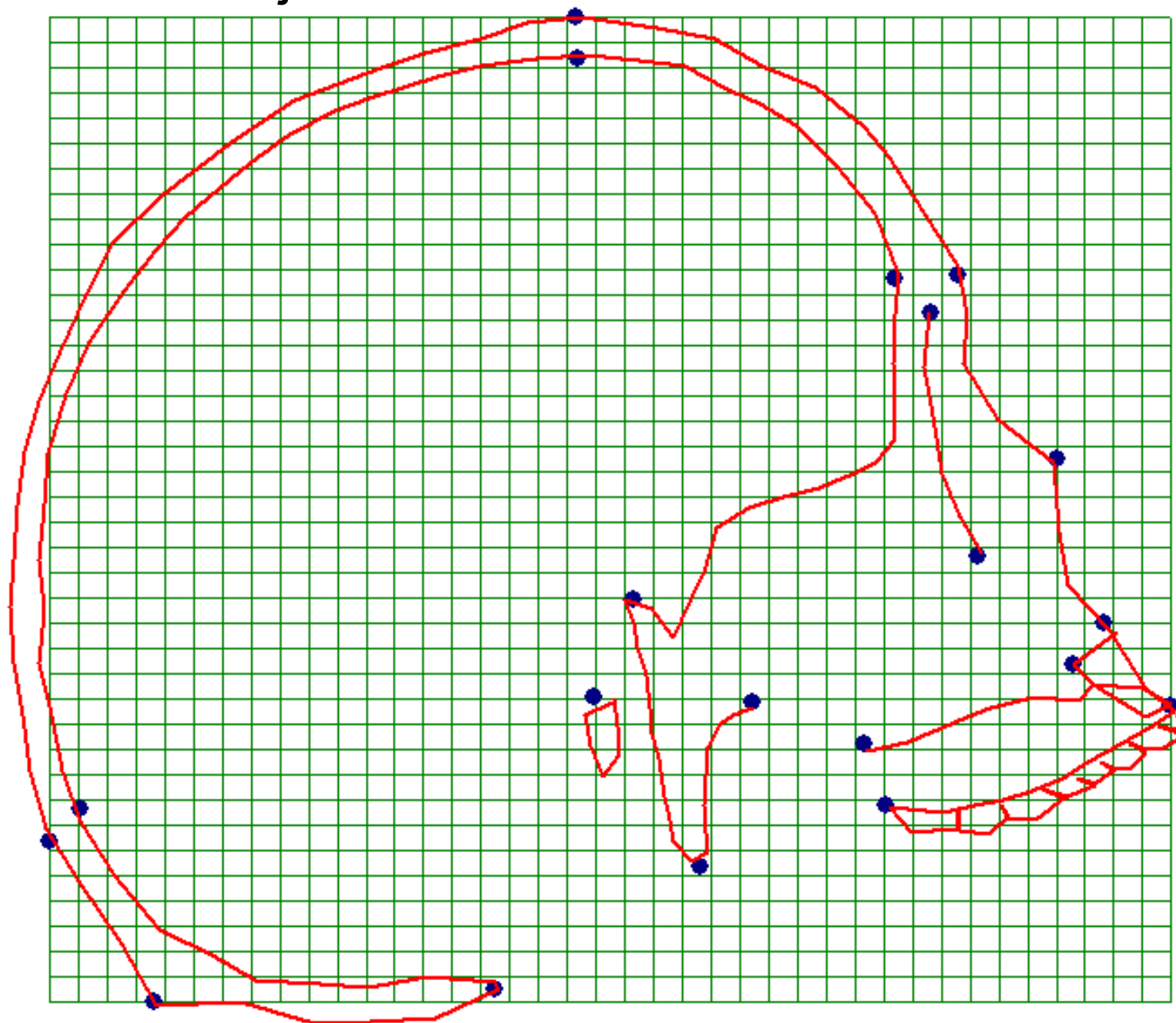


rovnoběžky nezůstávají rovnoběžné

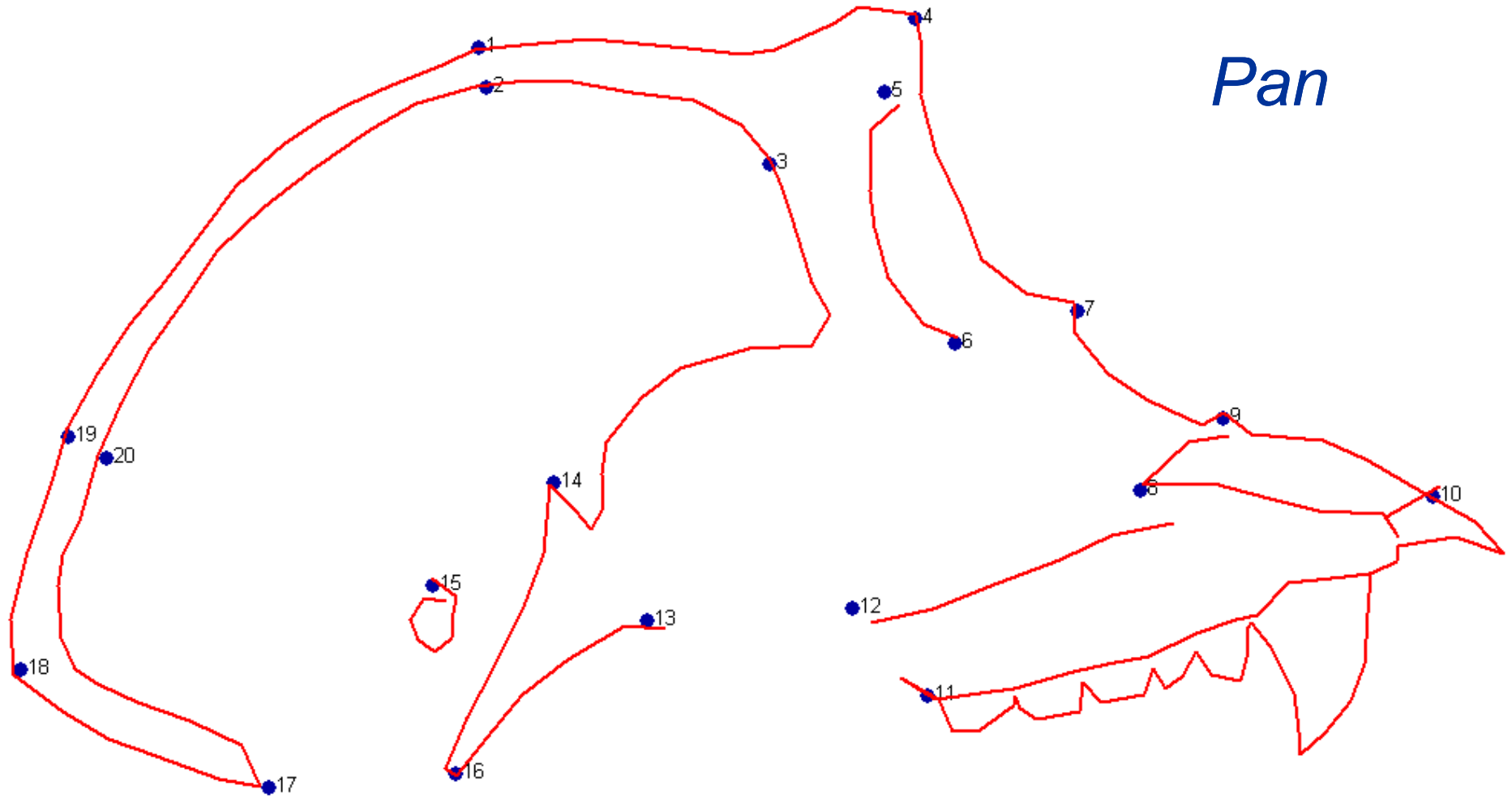
Homo



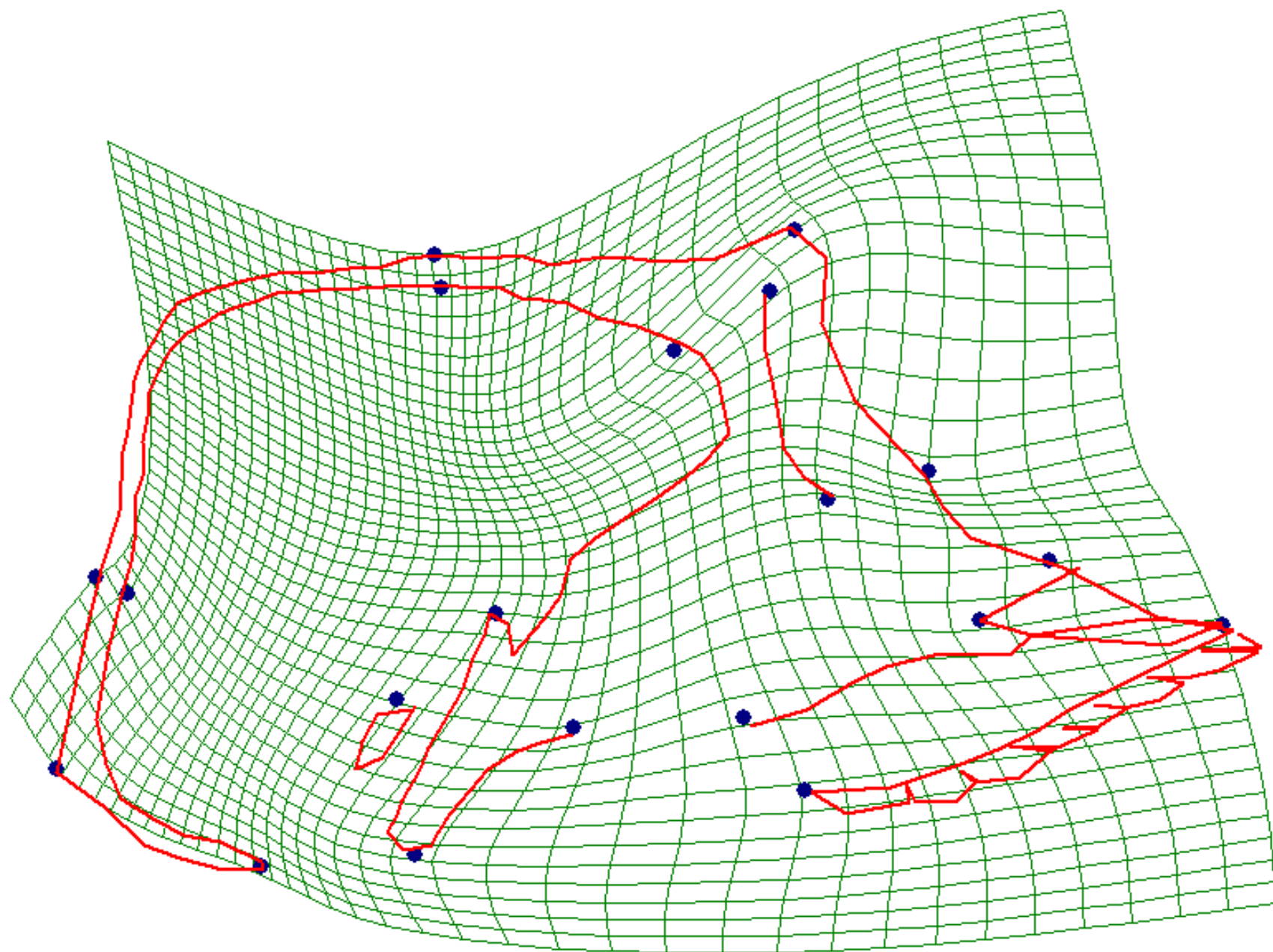
referenční objekt

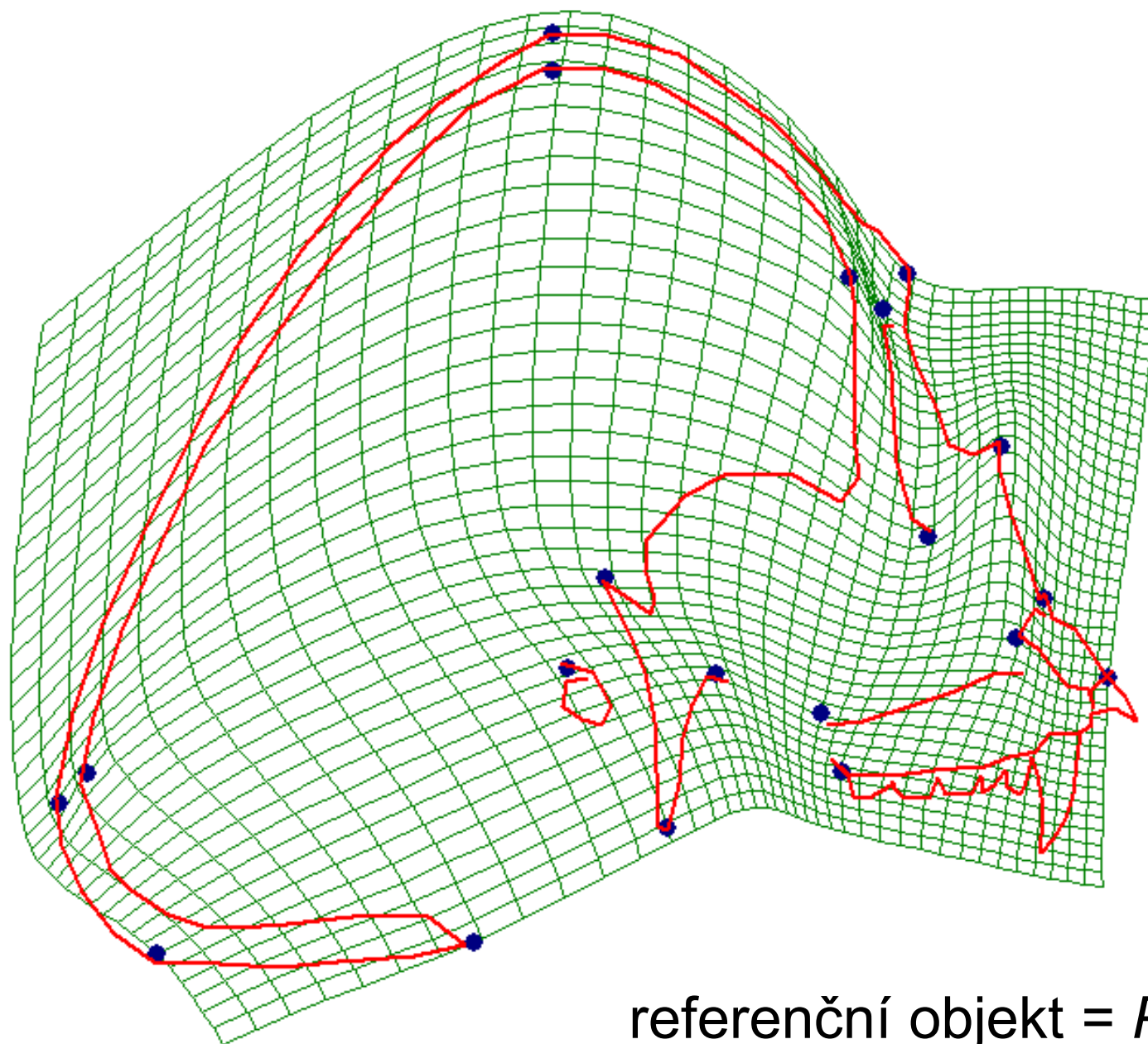


Pan



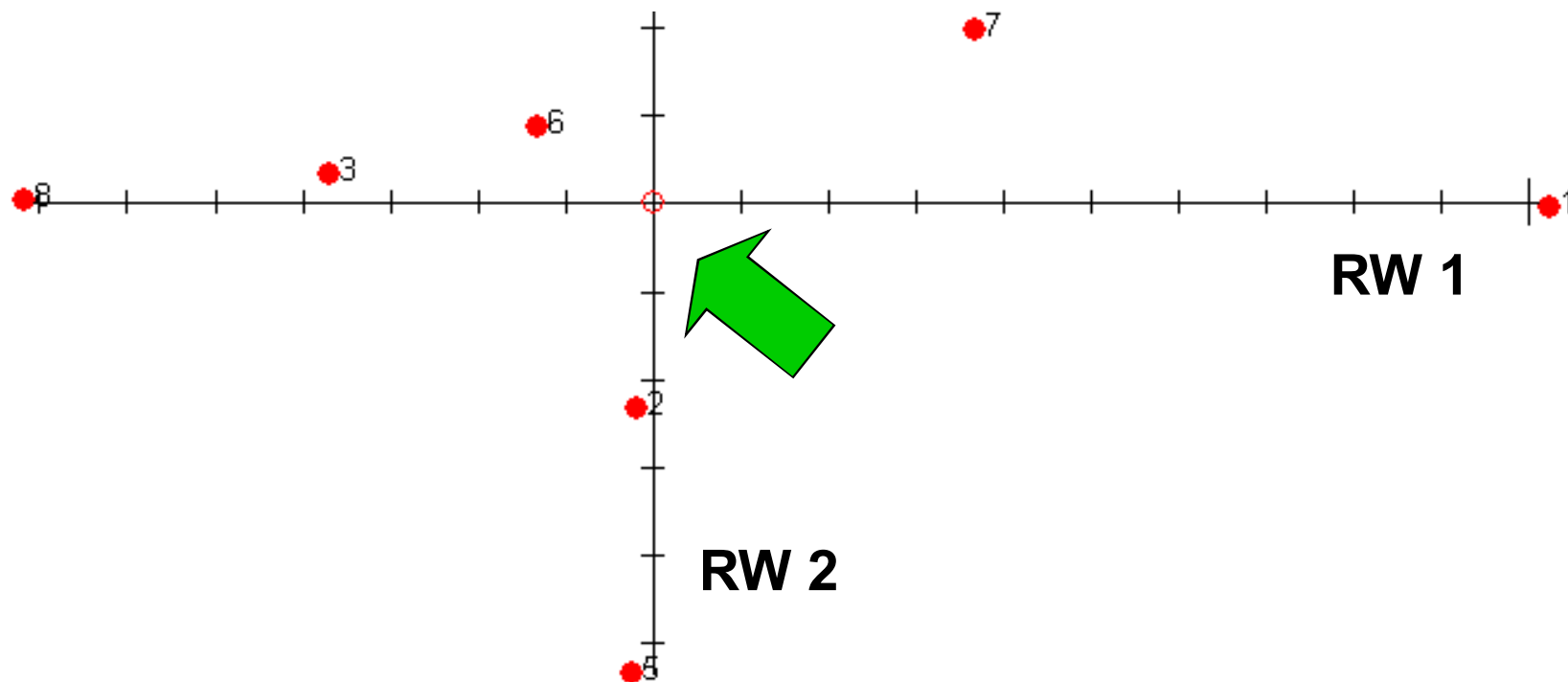
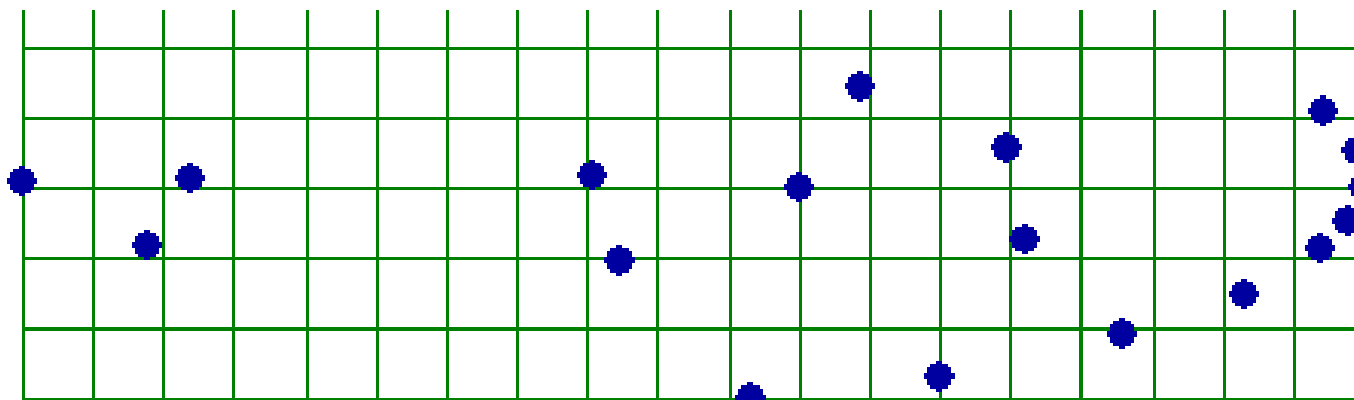
referenční objekt = *Homo*

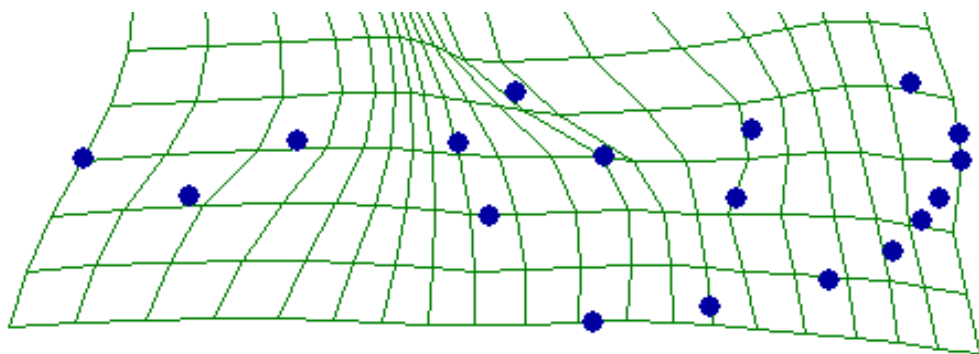
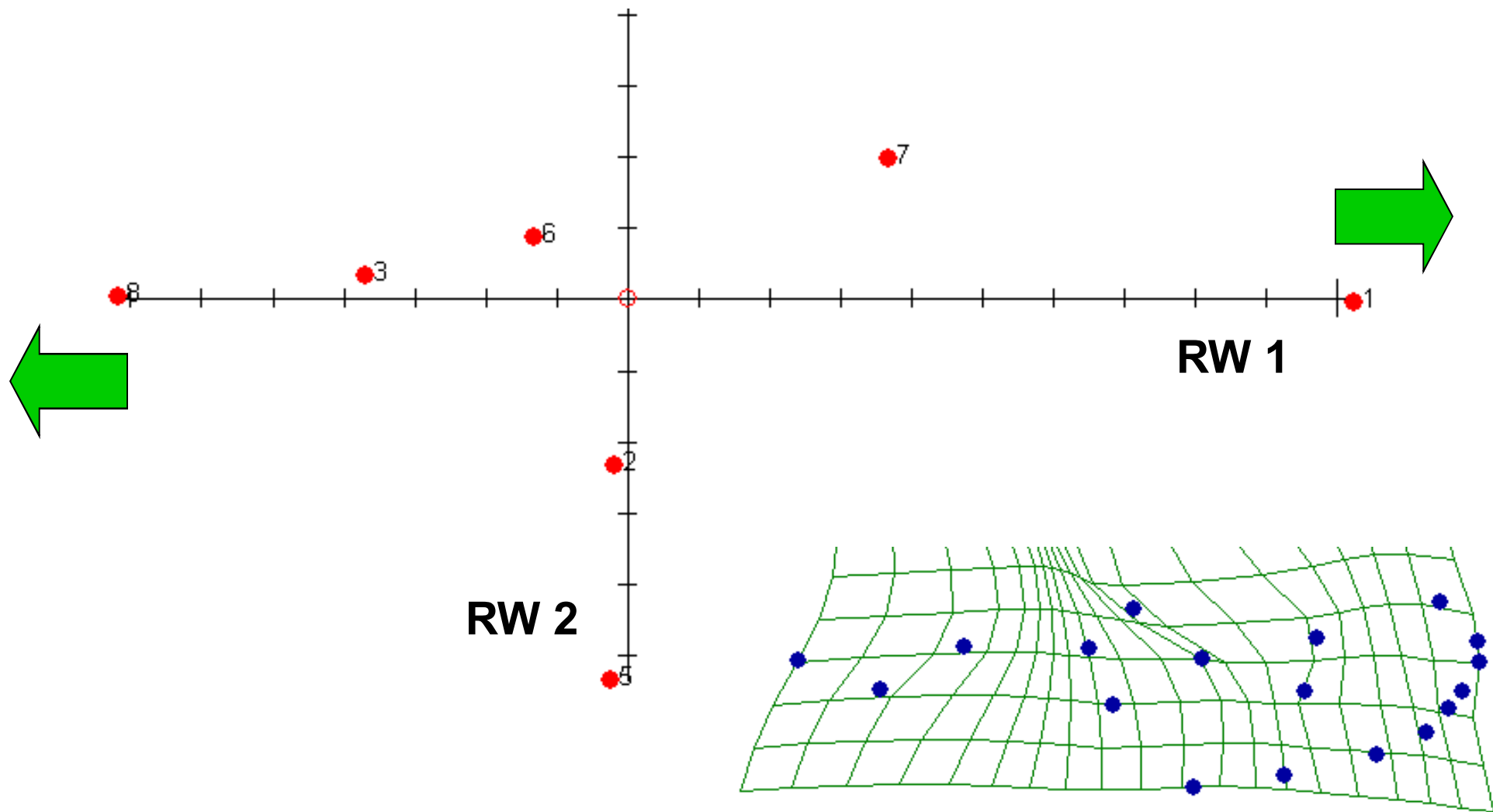
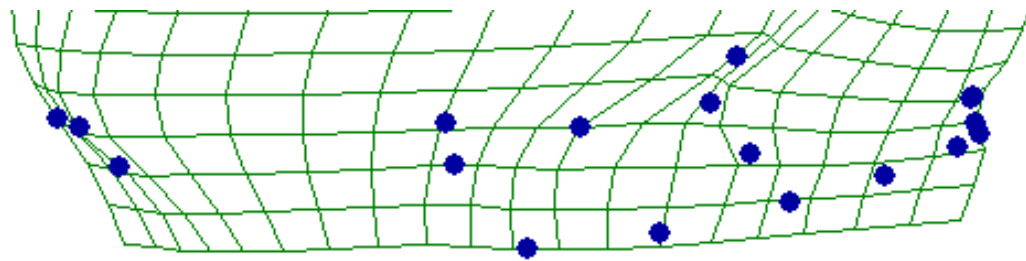


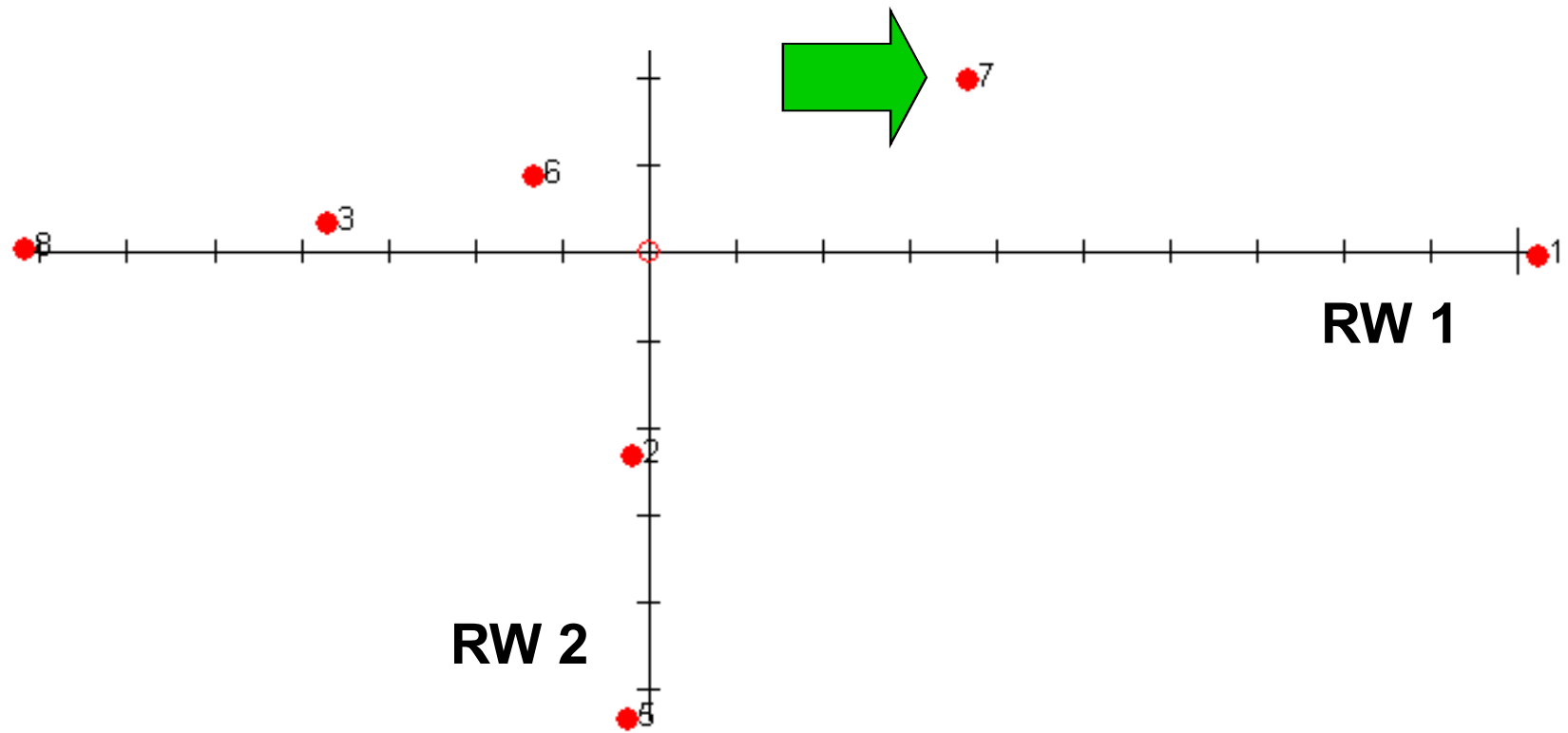
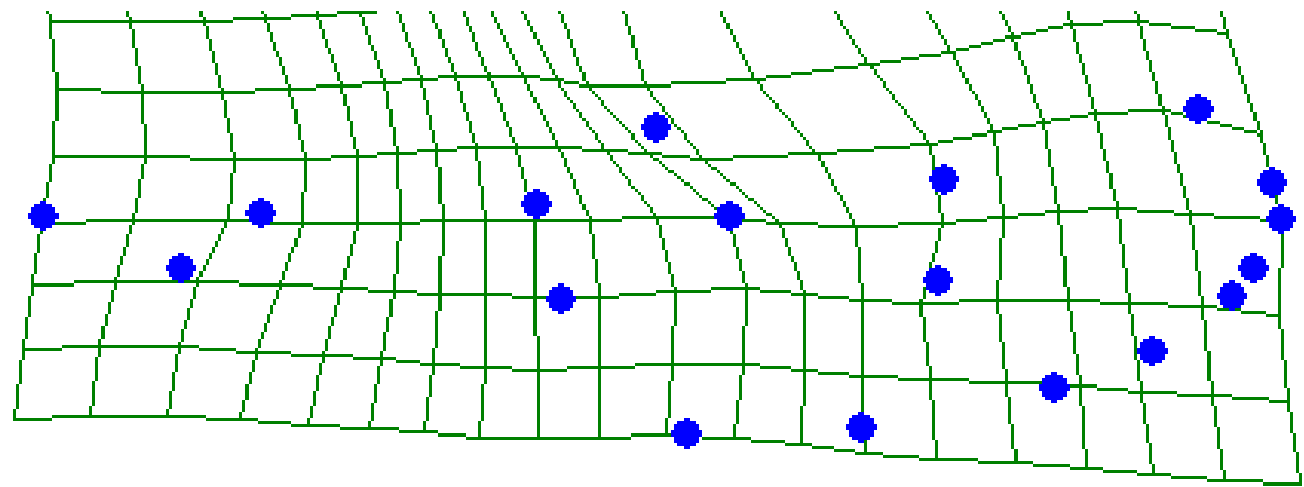


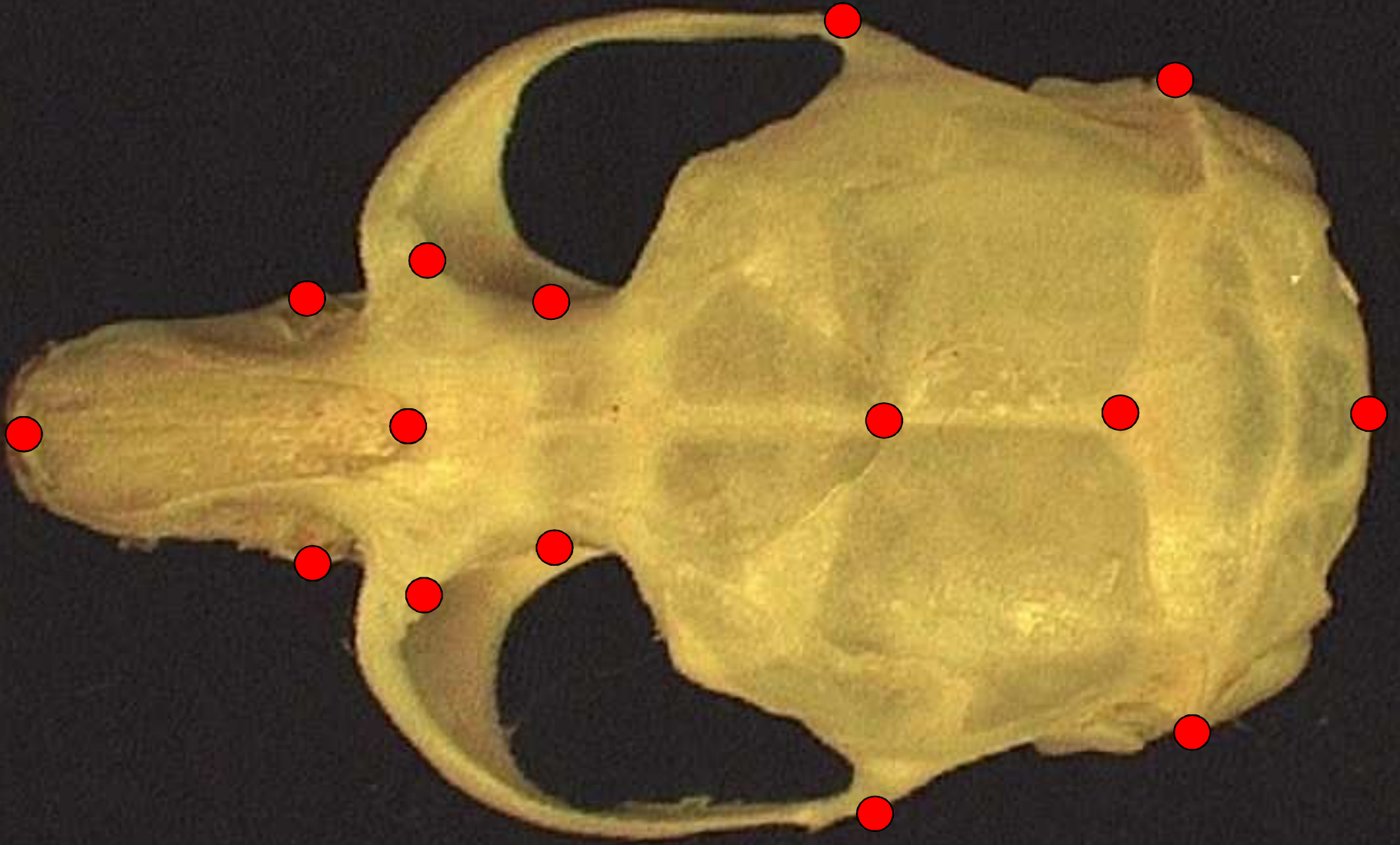
referenční objekt = *Pan*

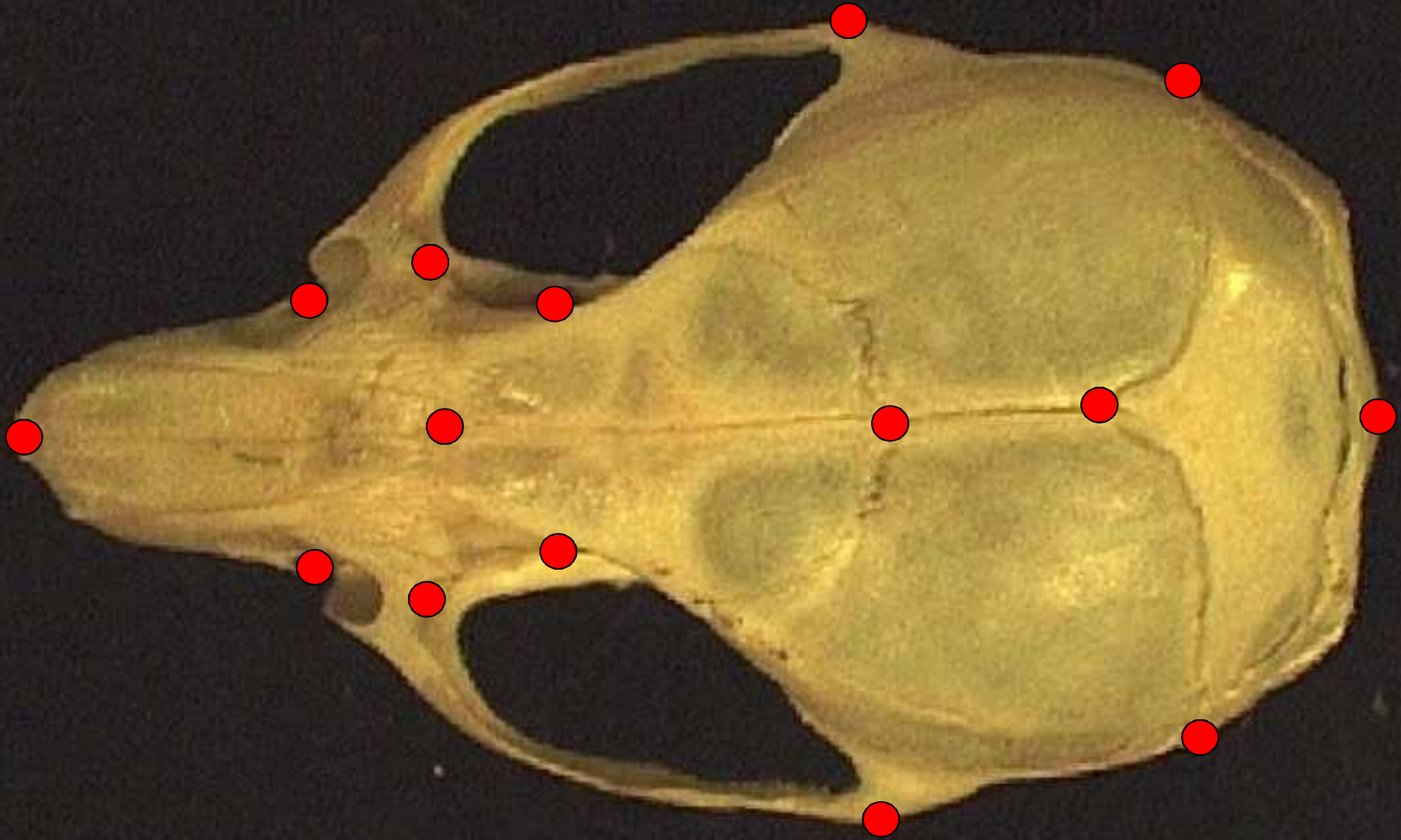
>2 vzorky: TPSRW (Thin-Plate Spline Relative Warps)













Software:

tpsDig: úprava obrázků, digitalizace bodů, měření rozměrů

tpsSplin: TPS

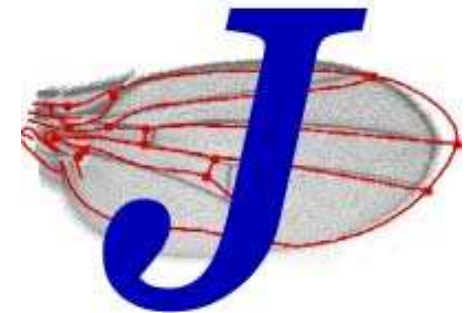
tpsRelw: TPS Relative Warps

tpsRegr: regrese na nezávislou proměnnou

tpsPLS: metoda parciálních nejmenších čtverců
(např. korelace 2 sad bodů)

tpsSuper: deformace obrázků („unwarping“)

tpsTree: analýza tvarových změn podél větví
fylogenetického

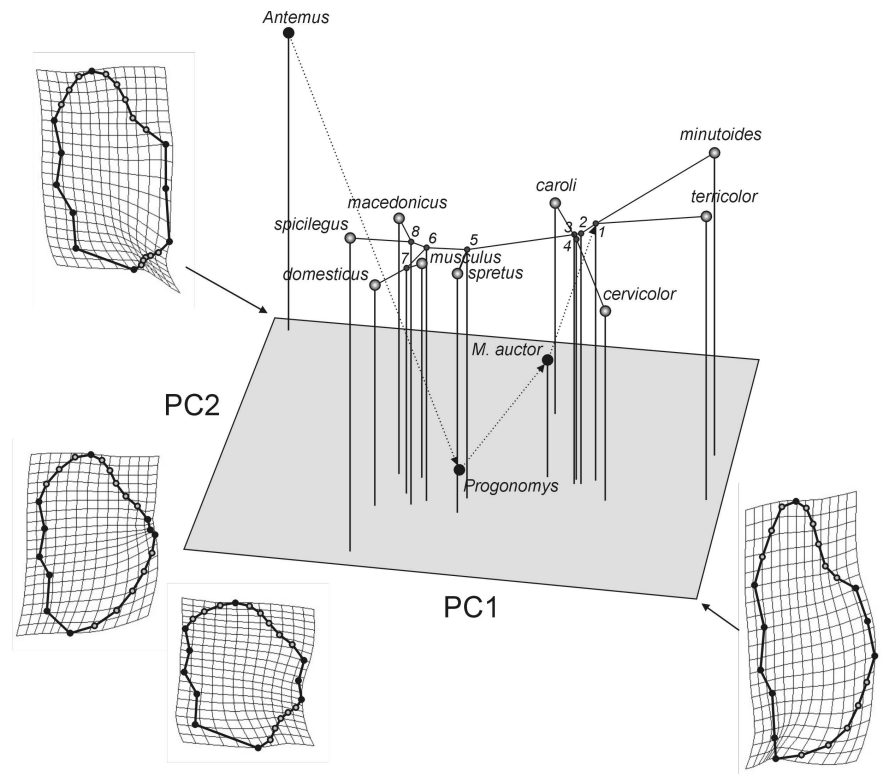
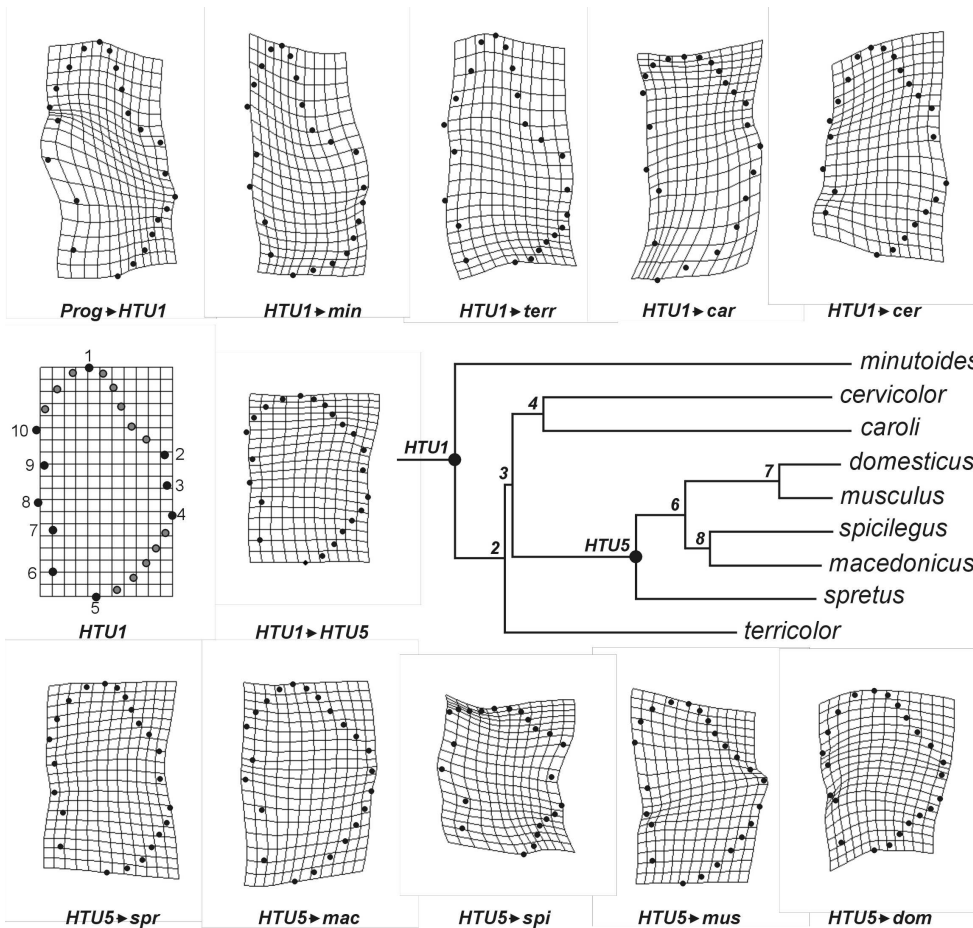


<http://life.bio.sunysb.edu/morph/>

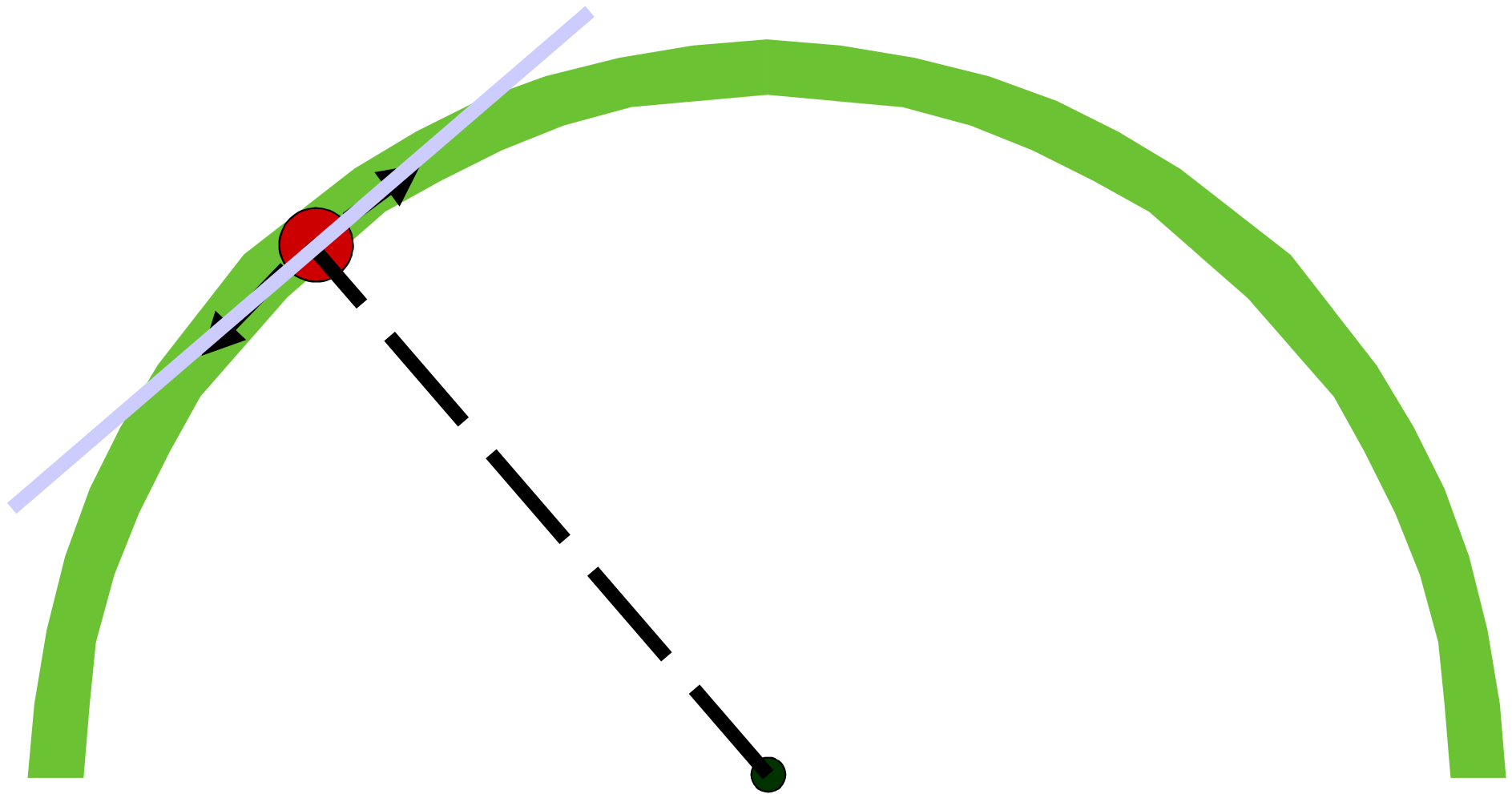
Morfometrie a fylogeneze

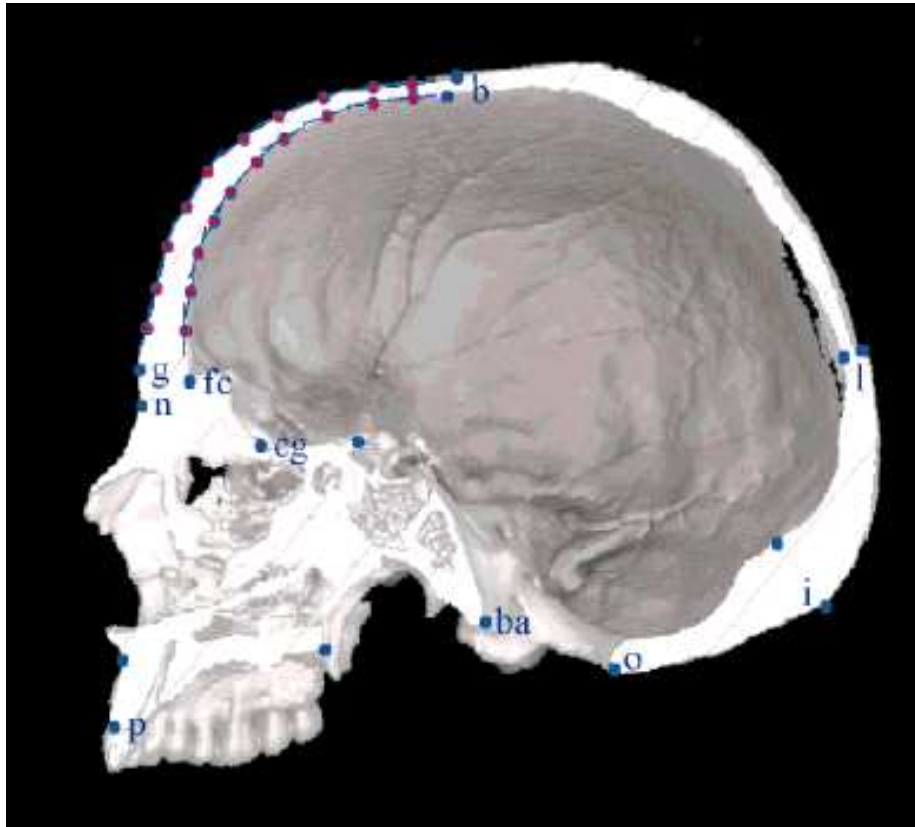
tpsTree

mapování tvarových změn

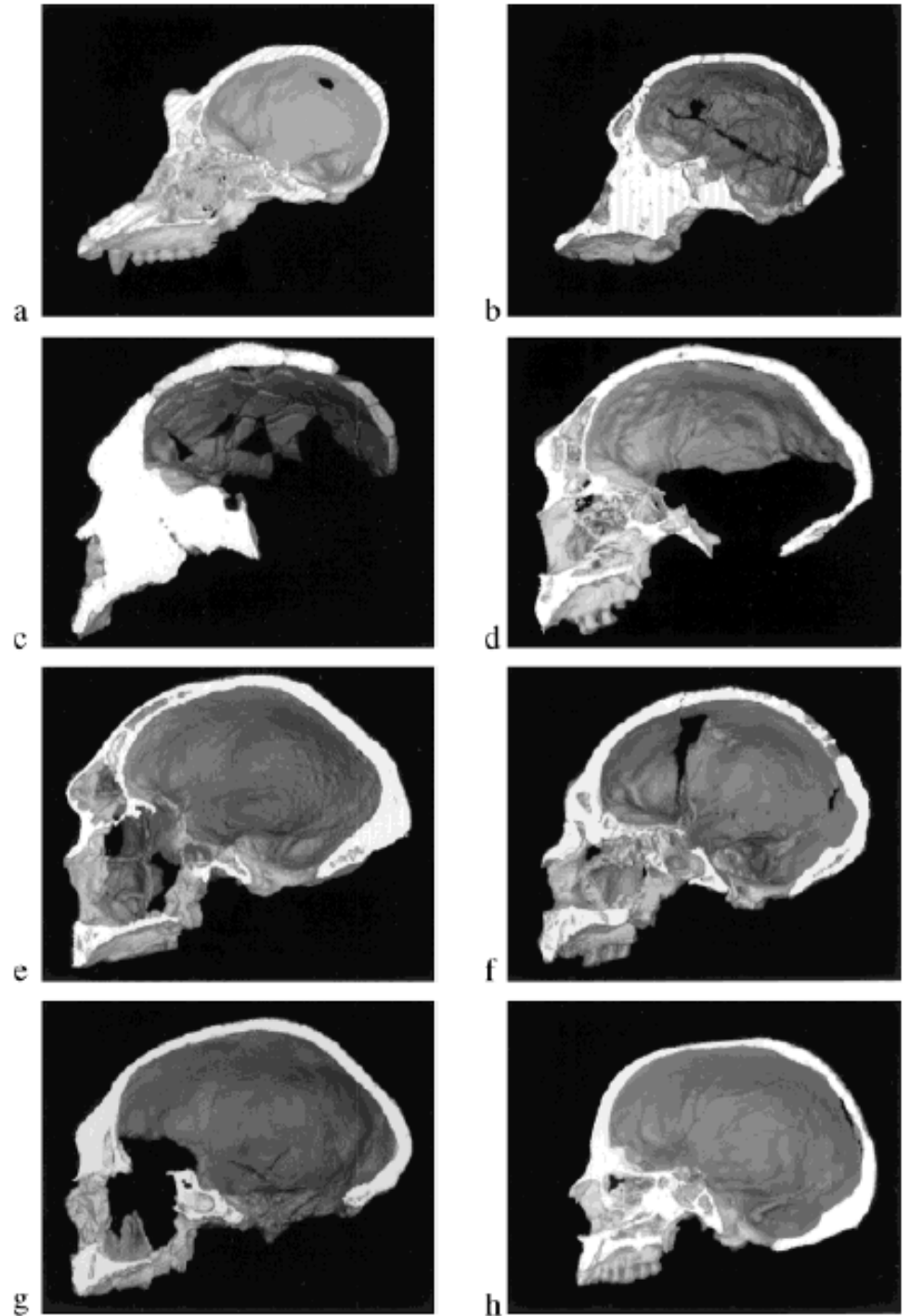


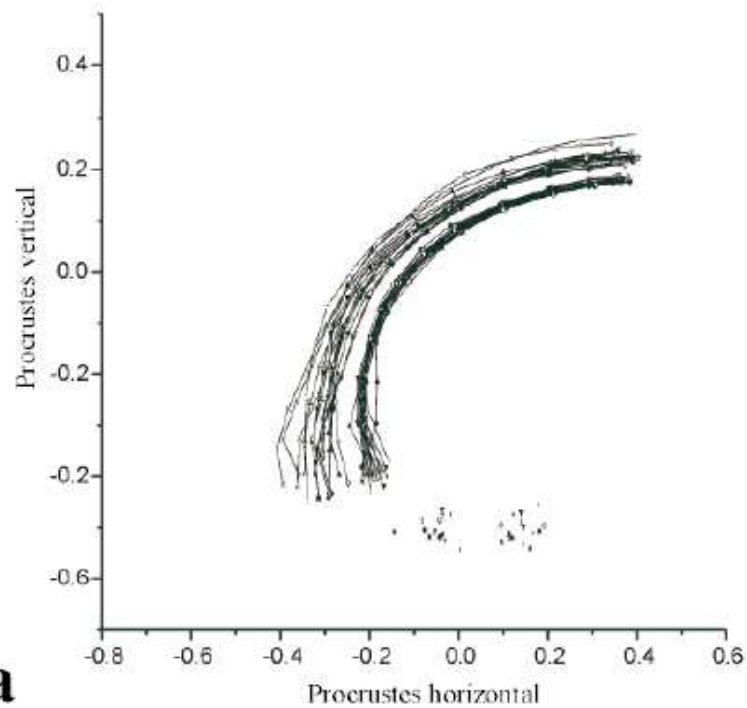
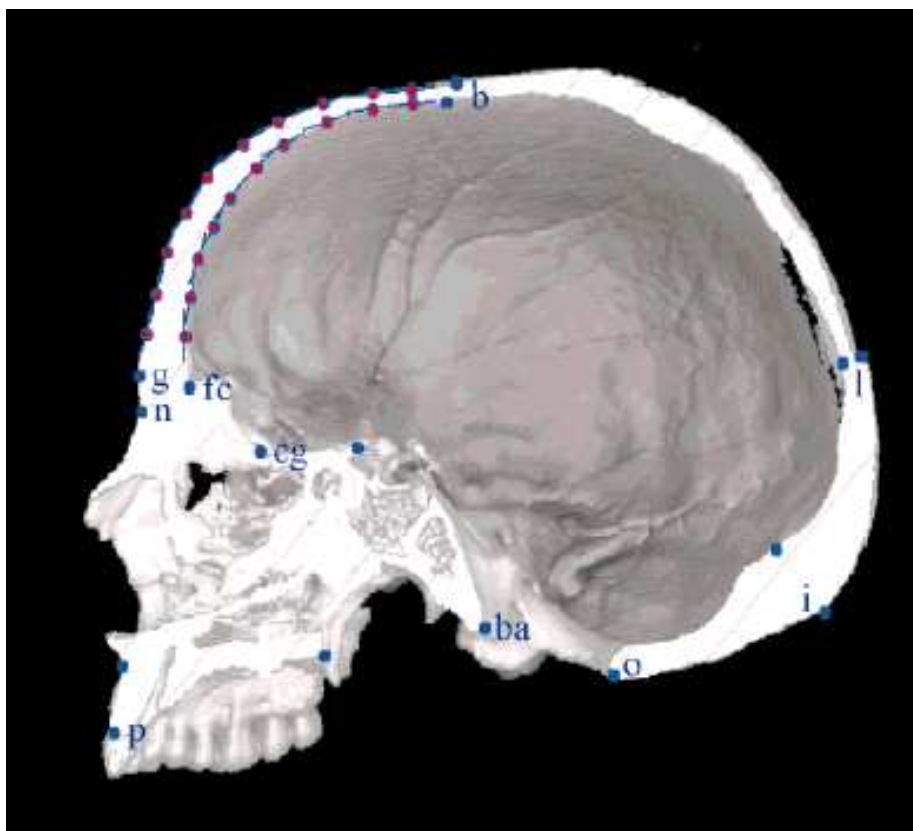
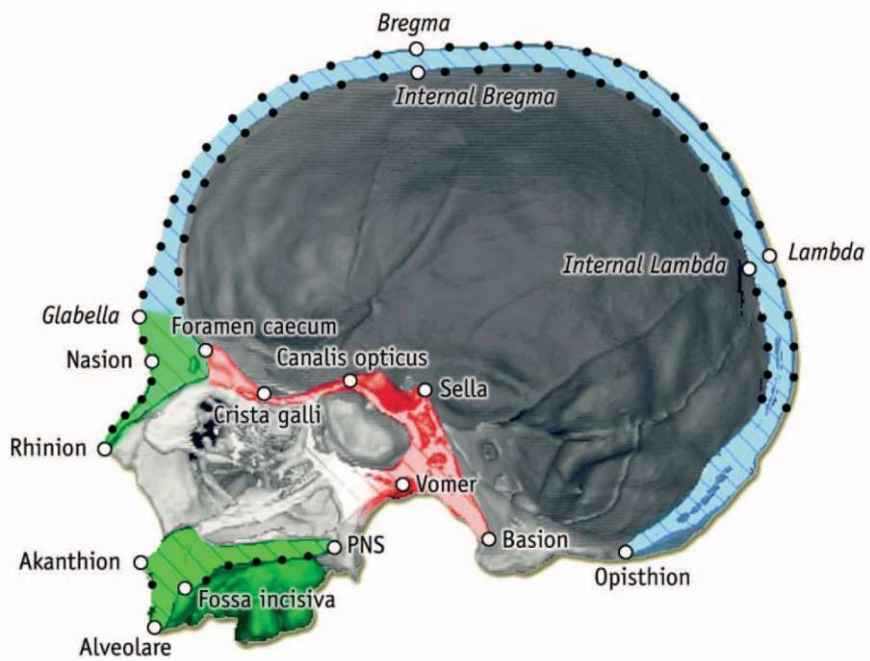
Metody založené na význačných bodech bez landmarků – „sliding semilandmarks“



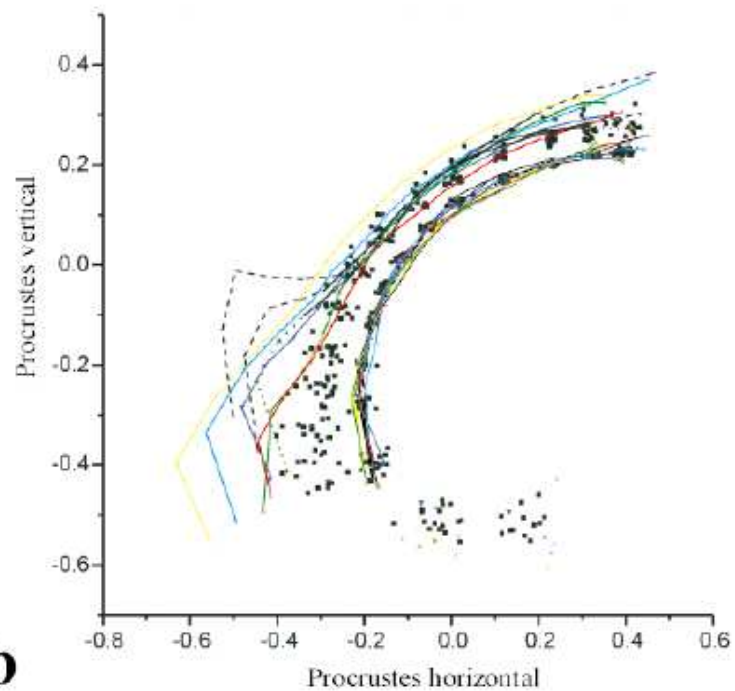


Bookstein et al.,
Anat. Record (1999)



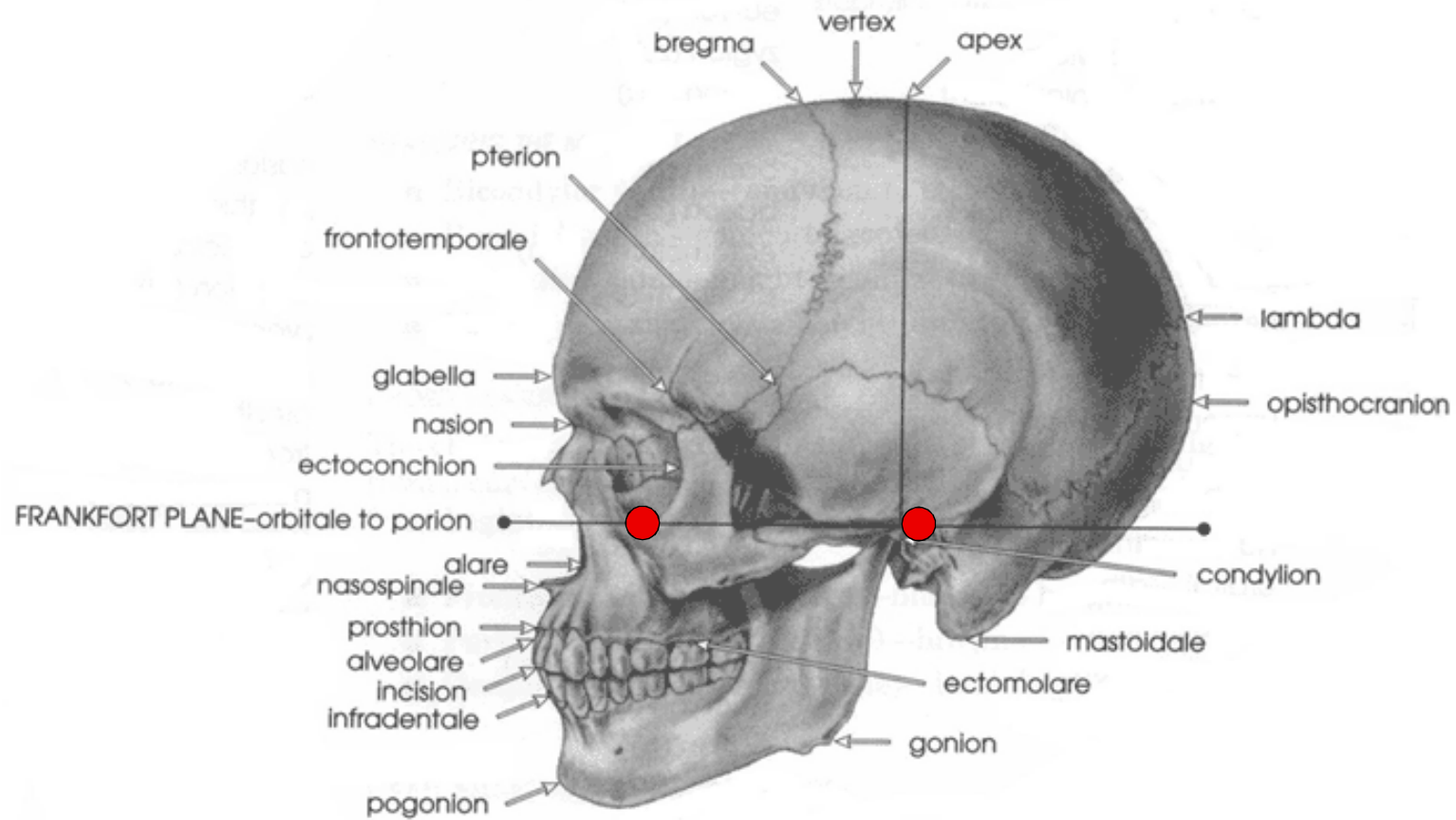


a



b

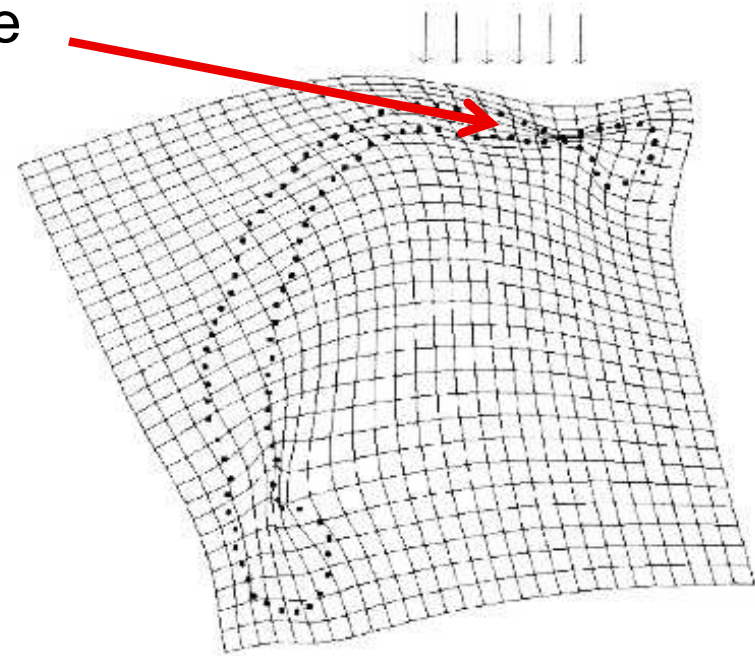
Craniometric Points, Lateral View



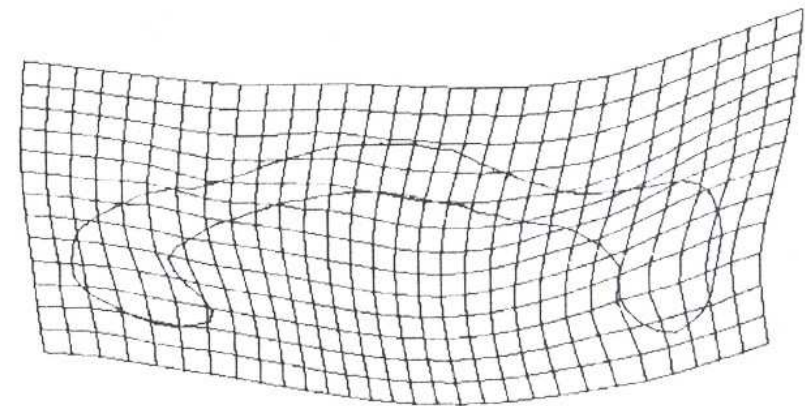
corpus callosum



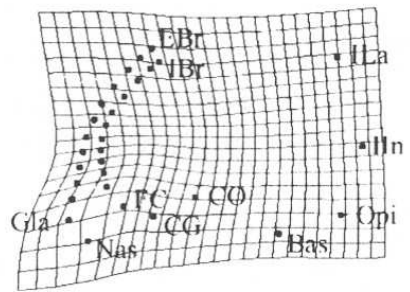
crease



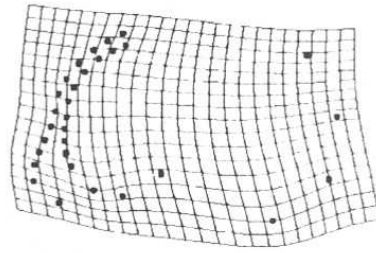
Extremum of Deformation Tensor:
Male → Female
(Extrapolated -2.42-Fold to a Crease)



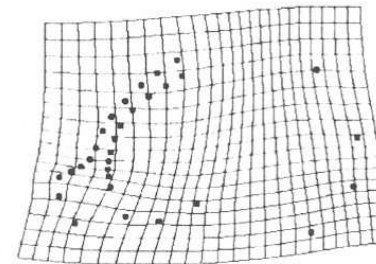
Deformation: Male → Female (x2)



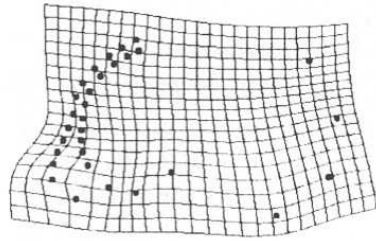
Modern *Homo* → Archaic *Homo*



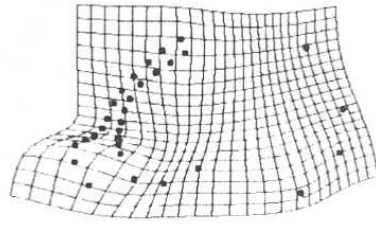
Archaic *Homo* → STS5



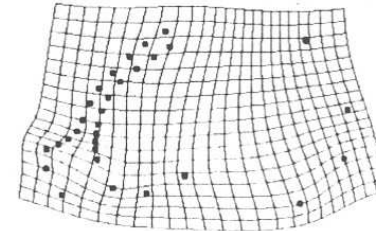
STS5 → *Pan*



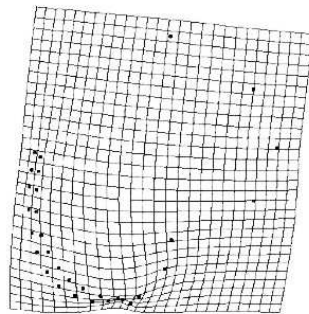
Modern *Homo* → STS5



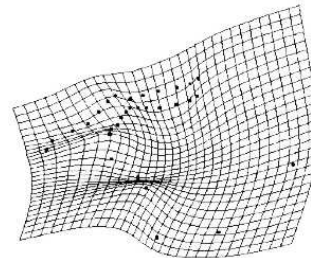
Modern *Homo* → *Pan*



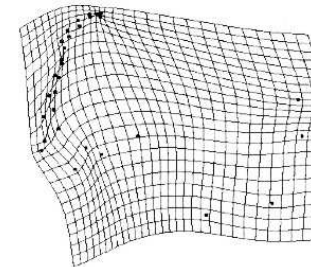
Archaic *Homo* → *Pan*



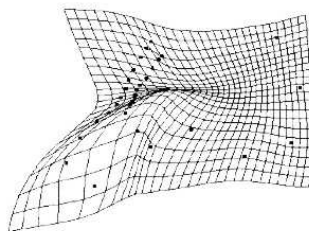
Modern *Homo* → Archaic *Homo*
(Positive Crease, Strain = 2.362)



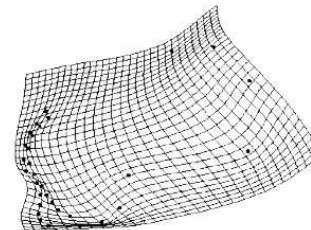
Archaic *Homo* → STS5
(Positive Crease, Strain = 1.377)



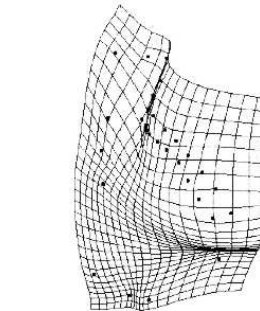
STS5 → *Pan*
(Negative Crease, Strain = 0.693)



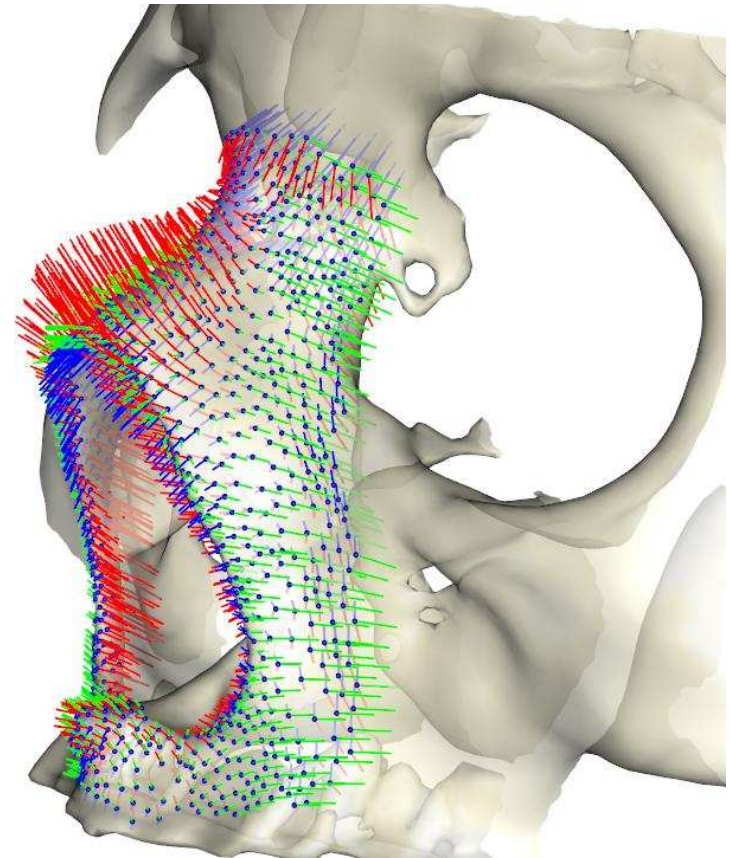
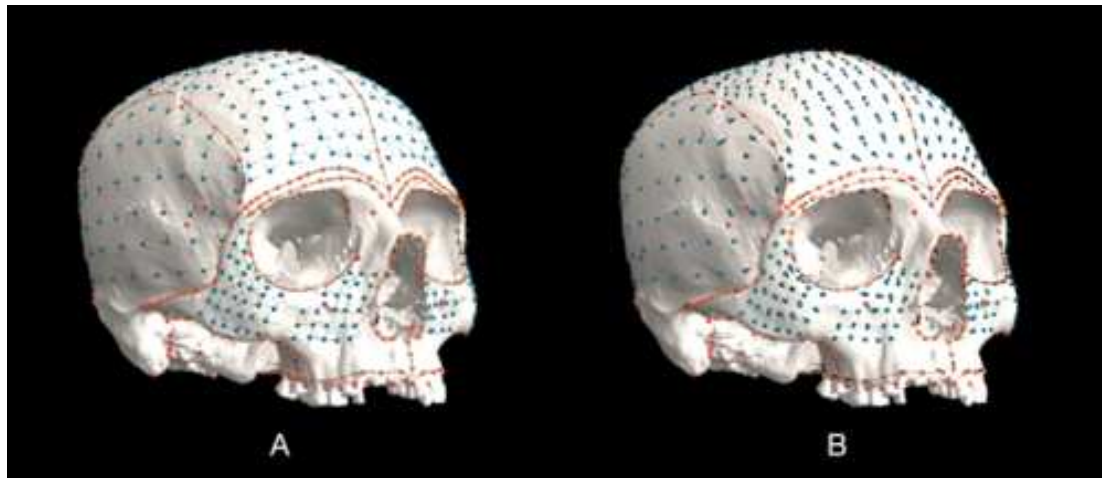
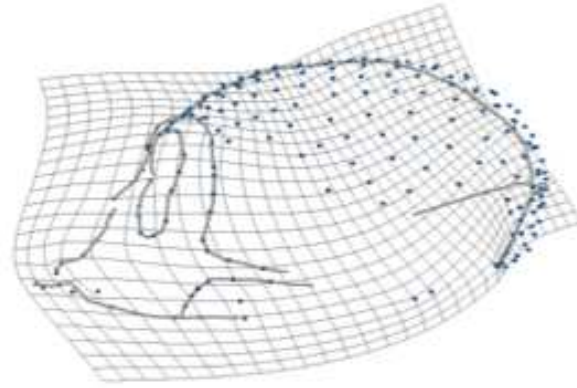
Modern *Homo* → Archaic *Homo*
(Negative Crease, Strain = 0.701)

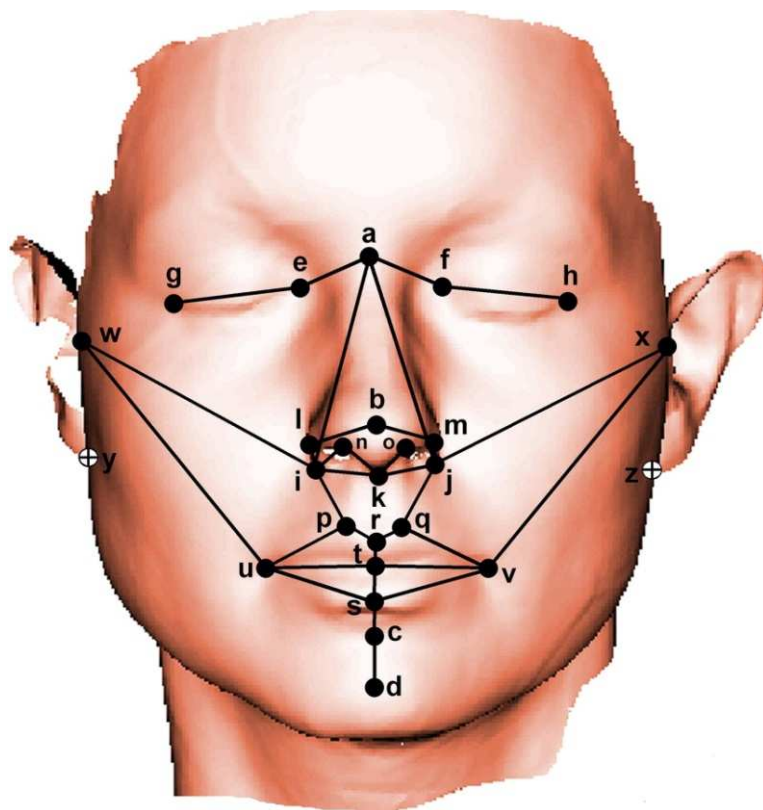
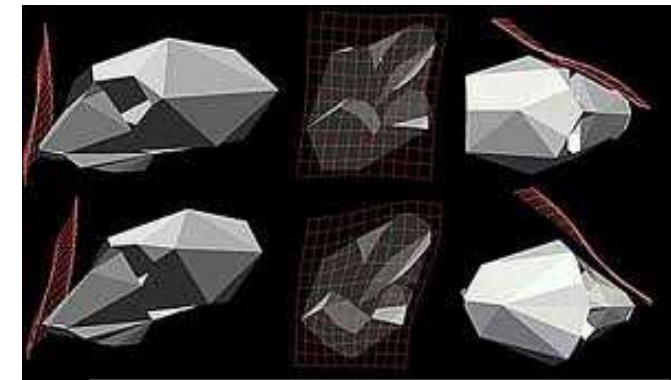
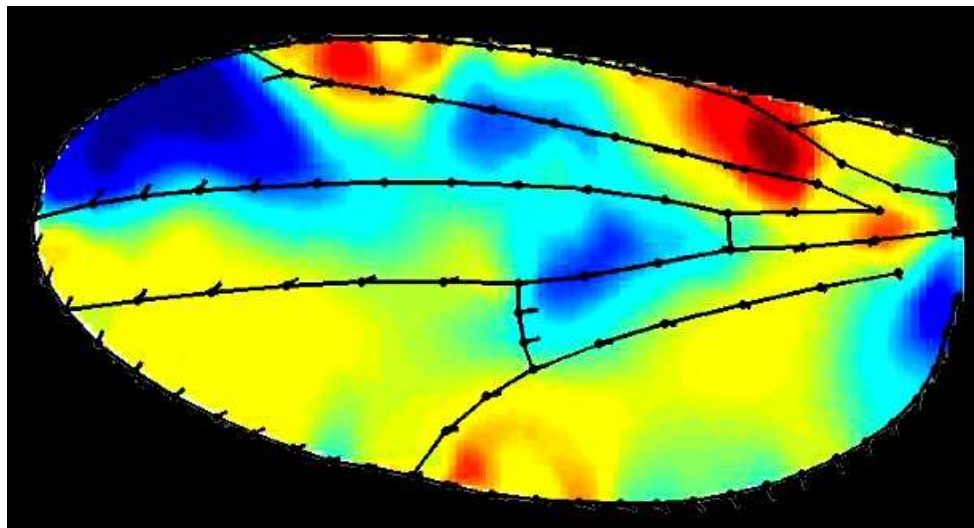


Archaic *Homo* → STS5
(Positive Crease, Strain = 0.553)

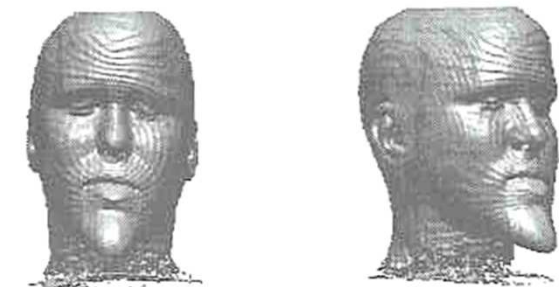


STS5 → *Pan*
(Positive Crease, Strain = 2.362)

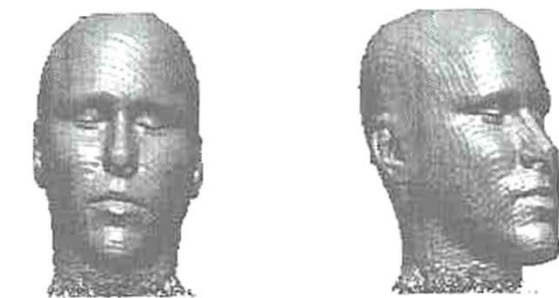




(a) Original MR image

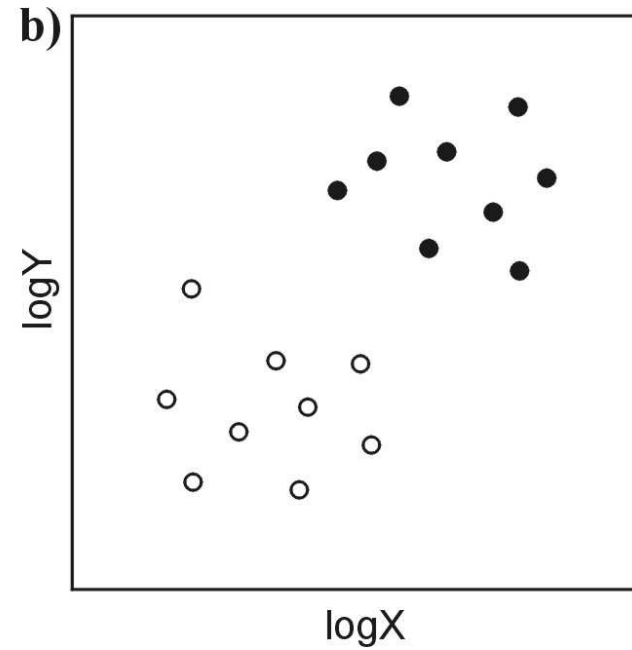
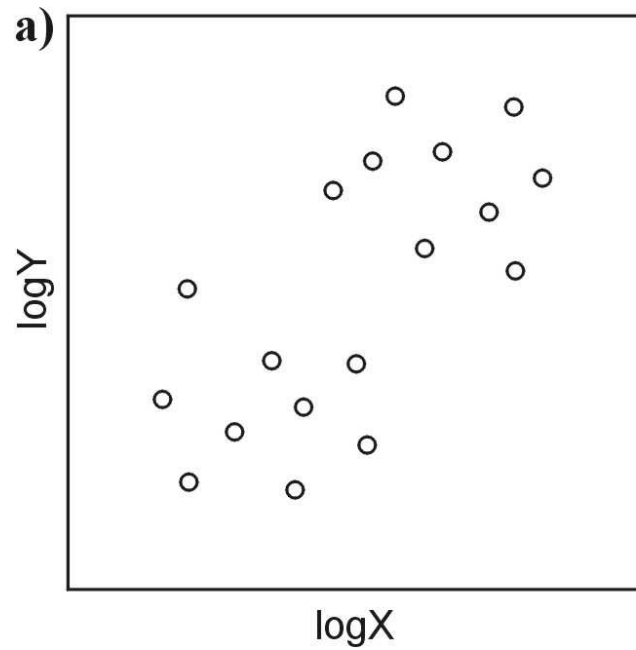
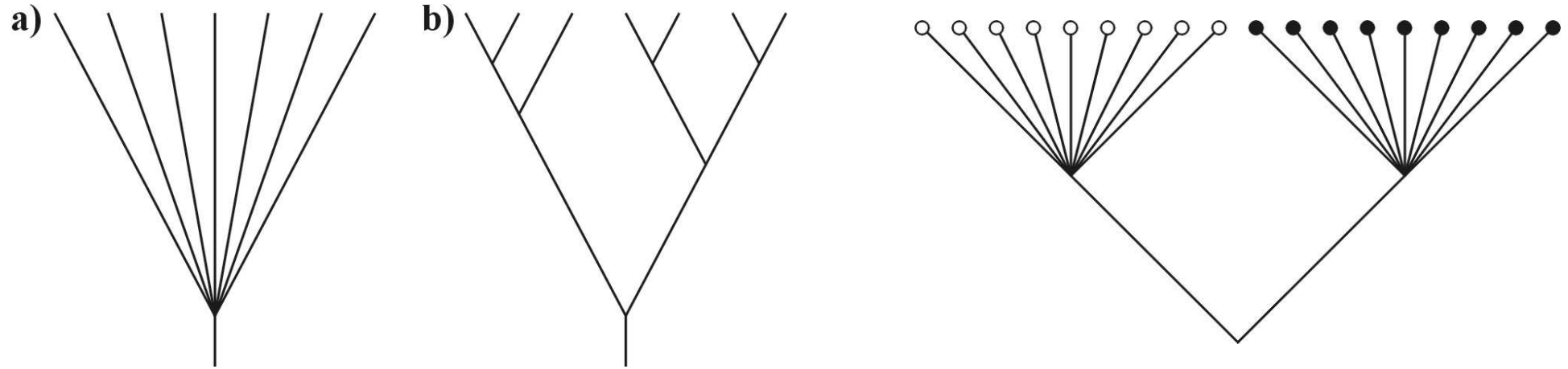


(b) Elongated chin



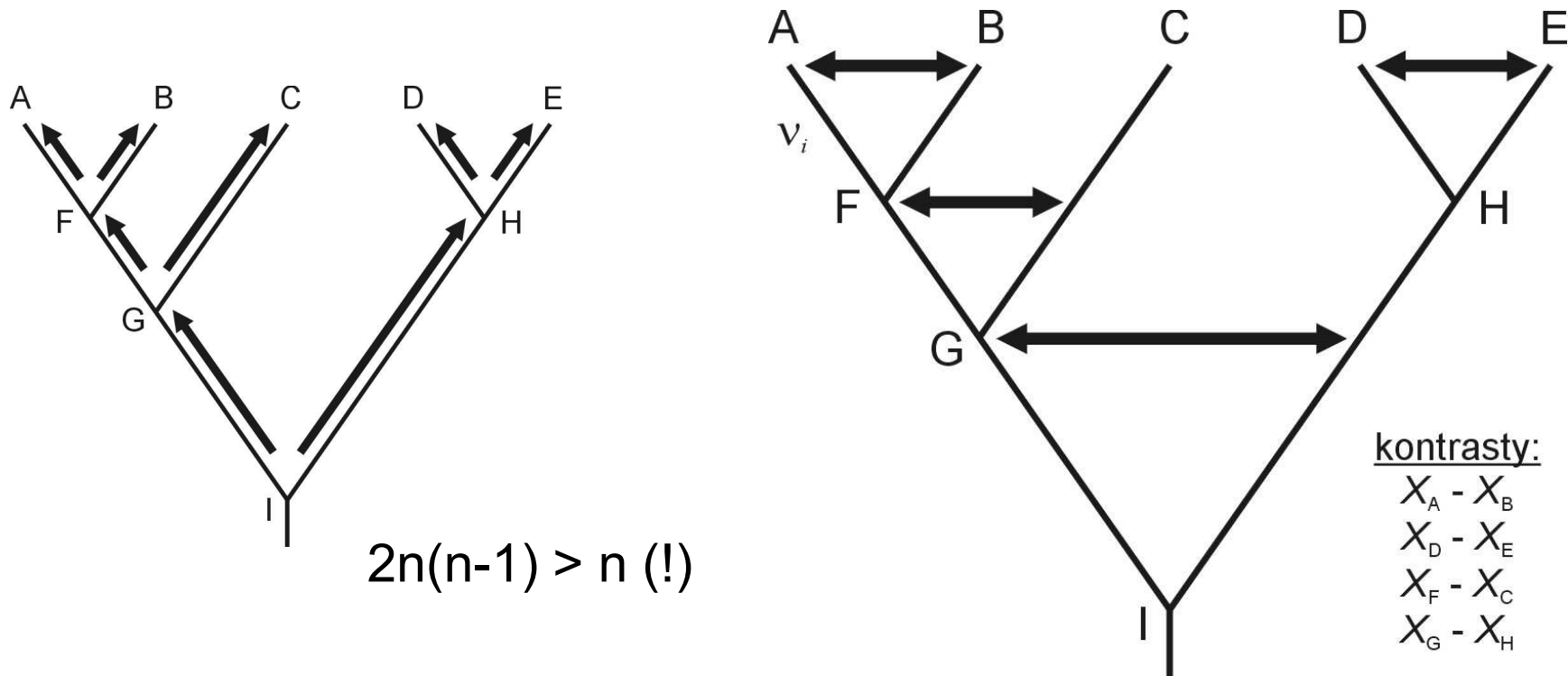
(c) Changing the angle of the forehead

Komparativní analýza



Komparativní analýza

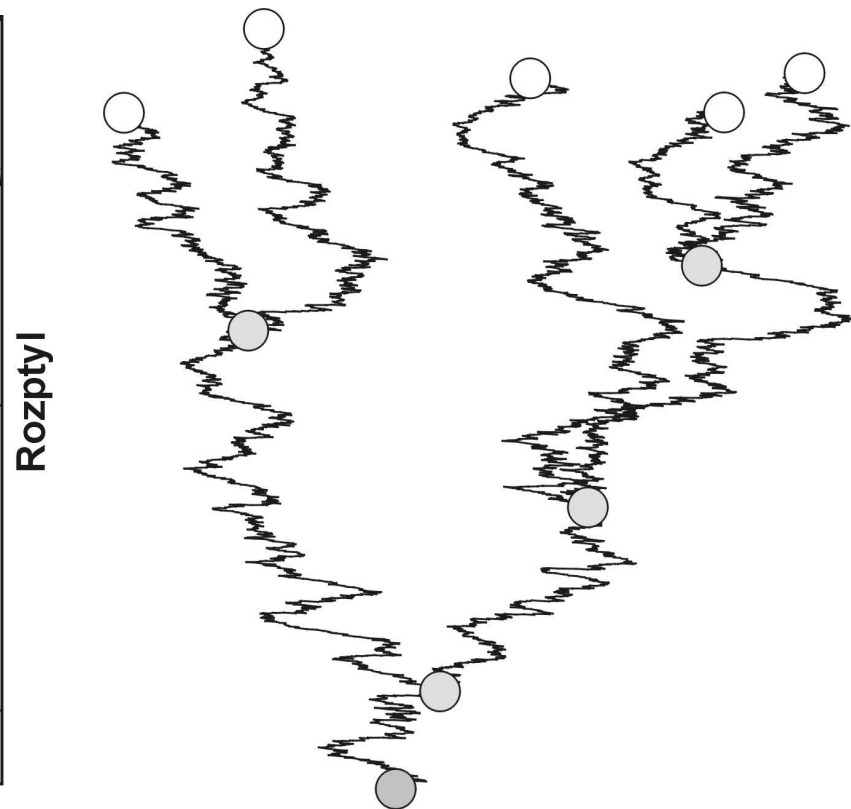
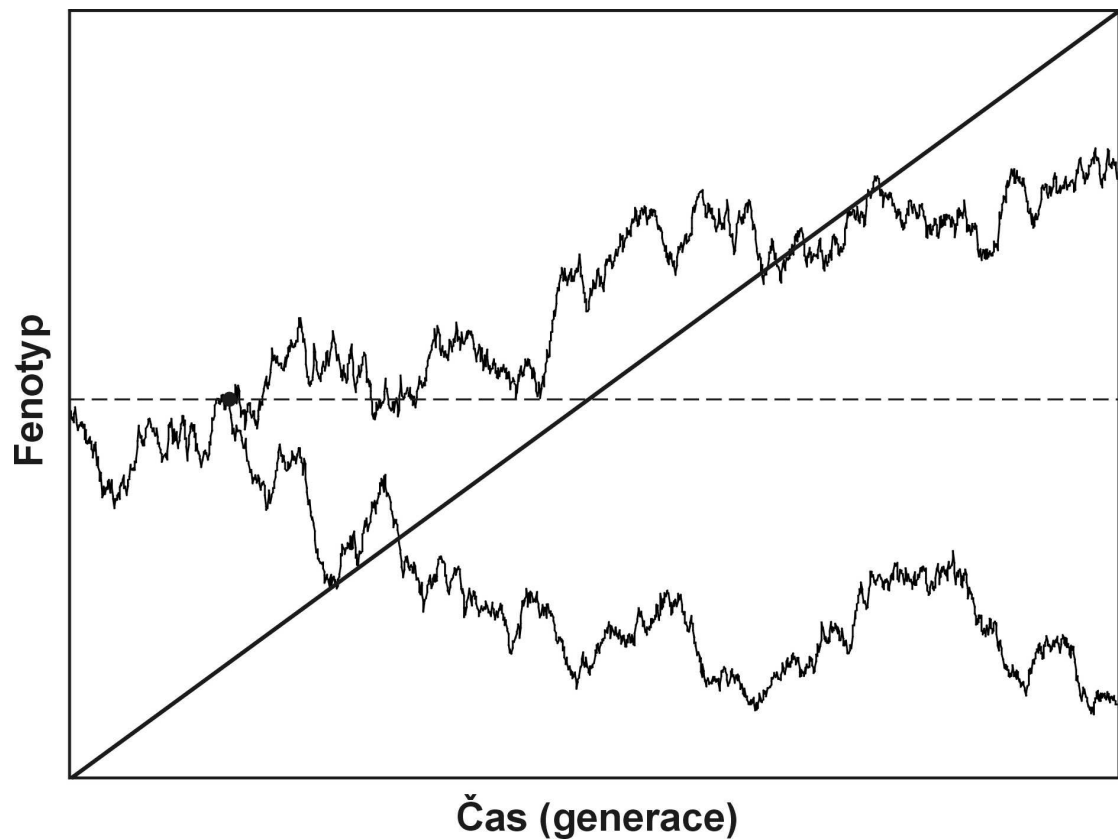
fylogenetická korelace (phylogenetic inertia)



Nezávislé kontrasty (independent contrasts)

předpoklad: Brownův pohyb!

Model Brownova pohybu



Ornstein-Uhlenbeckův model

