

Elipsa

Z uvedených šesti rovnic vyberte rovnici elipsy:

- a) $ax^2 - 6y + 4x + 4 = 0$
- b) $x^2 + y^2 - 5x + 7y + 1,5 = 0$
- c) $x^2 - y^2 - 5x + 7y + 1,5 = 0$
- d) $x^2 + 4y^2 + 4x - 8y - 32 = 0$
- e) $-2x^2 - 2y^2 + 5x - y + 50 = 0$
- f) $5x^2 - 2y^2 + 10x - 4y - 40 = 0$

1. Ověřte, že se skutečně jedná o elipsu.
2. Určete poloosy a excentricitu elipsy.
3. Určete vrcholy a ohniska elipsy.
4. Určete všechny průsečíky elipsy se souřadnicovými osami.
5. Určete polohu elipsy v soustavě souřadnic (proveděte náčrt).
6. Napište rovnici tečny vedené k elipse jedním z průsečíků s osou x.

Řeš.: 1. d) $x^2 + 4y^2 + 4x - 8y - 32 = 0$

$$(x^2 + 4x + 4) + 4(y^2 - 2y + 1) = 32 + 4 + 4$$

$$(x + 2)^2 + 4(y - 1)^2 = 40 \quad /:40$$

$$\frac{(x+2)^2}{40} + \frac{(y-1)^2}{10} = 1$$

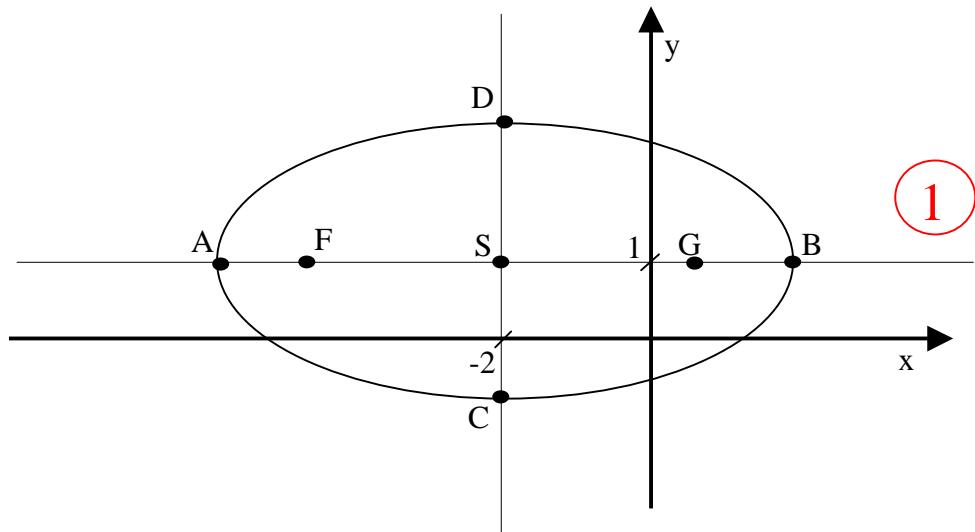
2

2. $a = \sqrt{40} = 2\sqrt{10}$, $b = \sqrt{10}$, $e = \sqrt{a^2 - b^2} = \sqrt{40 - 10} = \sqrt{30}$, $(S[-2; 1])$

3. $A[-2 - 2\sqrt{10}; 1]$, $B[-2 + 2\sqrt{10}; 1]$, $C[-2; 1 - \sqrt{10}]$, $D[-2; 1 + \sqrt{10}]$,
 $F[-2 - \sqrt{30}; 1]$, $G[-2 + \sqrt{30}; 1]$

2

4.



5. $P_x - ? \quad y = 0 \quad \dots \quad x^2 + 4x - 32 = 0$

$$(x + 8)(x - 4) = 0 \rightarrow P_{x1}[-8; 0], \quad P_{x2}[4; 0]$$

$P_y - ? \quad x = 0 \quad \dots \quad 4y^2 - 8y - 32 = 0 \quad /:4$

$$y^2 - 2y - 8 = 0$$

$$(y - 4)(y + 2) = 0 \rightarrow P_{y1}[0; 4], \quad P_{y2}[0; -2]$$

2

6. tečna t např. průsečíkem $P_{x2}[4; 0]$

$$t: \frac{(y_0+2)(x+2)}{40} + \frac{(y_0-1)(y-1)}{10} = 1$$

$$\text{t bodem } P_{x2} \quad \frac{(4+2)(x+2)}{40} + \frac{(0-1)(y-1)}{10} = 1$$
$$\frac{6(x+2)}{40} + \frac{-1(y-1)}{10} = 1 / \cdot 40$$

$$6x + 12 - 4y + 4 = 40$$

$$6x - 4y - 24 = 0$$

$$3x - 2y - 12 = 0$$

2

Známka:

10 – 9 bodů

8 bodů 2

7 – 5 bodů

4 – 3 body