

MUC02 Repetitorium školské matematiky – sada IV

Jméno:

IV. sada	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	<u>Σ</u>
Body											

Příjmení:

UČO:

Zadání. Každý příklad je hodnocen dvěma body.

31. Vzdálenost dvou bodů A, B , kterou nelze přímo změřit, určíme následovně: Zvolíme libovolné body K, L , ze kterých je na body A, B vidět. (Body A, B, K, L leží v jedné rovině.) Změříme vzdálenost $|KL| = 50\text{ m}$ a následující úhly: $|\angle BLK| = 54^\circ$, $|\angle ALK| = 124^\circ$, $|\angle AKL| = 28^\circ$, $|\angle BKL| = 76^\circ$. Vypočítejte $|AB|$.
32. Síla $F = 200\text{ N}$ se rozkládá na dvě složky $F_1 = 150\text{ N}$ a $F_2 = 100\text{ N}$. Vypočítejte velikost úhlu, který svírají síly \mathbf{F}_1 a \mathbf{F}_2 .
33. Vypočítejte obsah lichoběžníku $ABCD$, znáte-li délky stran $|AB| = 8\text{ cm}$, $|BC| = 6\text{ cm}$, $|CD| = 2\text{ cm}$, $|AD| = 6\text{ cm}$.
34. Vypočítejte poloměry kružnic připsaných trojúhelníku ABC , znáte-li: $a = 4\text{ cm}$, $b = 8\text{ cm}$, $\gamma = 100^\circ$.

35. Řešte rovnici s neznámou $x \in \mathbb{R}$:

$$2 \sin x - \cos x + 1 = 0$$

36. Řešte rovnici s neznámou $x \in \mathbb{R}$:

$$\sin^3 x + \cos^3 x = \sin^2 x - \cos^2 x$$

37. Řešte rovnici s neznámou $x \in \mathbb{R}$:

$$\cotg x + \frac{\sin x}{1 + \cos x} = 1$$

38. Řešte rovnici s neznámou $x \in \mathbb{R}$:

$$\sin^4 x + \cos^4 x = 0,5$$

39. Řešte rovnici s neznámou $x \in \mathbb{R}$:

$$\frac{1}{\cos^2 x} + \sqrt{3} \operatorname{tg} x = 1$$

40. Řešte rovnici s neznámou $x \in \mathbb{R}$:

$$\operatorname{tg} \left(\frac{\pi}{2} + x \right) - \cotg^2 x = \frac{\cos 2x - 1}{\sin^2 x}$$