

Užitečné integrály:

$$I_r = \int_0^{\infty} x^r e^{-ax^2} dx = \frac{1}{2a^{\frac{r+1}{2}}} \Gamma\left(\frac{r+1}{2}\right), \quad \text{kde } r > -1, a > 0.$$

Speciálně:  $I_0 = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\pi}{a}},$

$$I_1 = \frac{1}{2a}.$$

Rekurentní vztah:  $I_{r+2} = \frac{r+1}{2a} I_r.$

$$I_r = \int_0^{\infty} x^r e^{-ax} dx = \frac{1}{a^{r+1}} \Gamma(r+1), \quad \text{kde } r > -1, a > 0.$$

Speciálně:  $I_0 = \frac{1}{a},$

$$I_{\frac{1}{2}} = \frac{1}{a^{\frac{3}{2}}} \cdot \frac{\sqrt{\pi}}{2},$$

Je-li  $r$  přirozené číslo, pak:  $I_r = \frac{r!}{a^{r+1}}.$

Rekurentní vztah:  $I_{r+1} = \frac{r+1}{a} I_r.$

$$\Gamma(x) = \int_0^{\infty} e^{-t} t^{x-1} dt, \quad \text{kde } x > 0.$$

Některé hodnoty:  $\Gamma(1) = \Gamma(2) = 1. \quad \Gamma\left(\frac{1}{2}\right) = \sqrt{\pi}.$

Je-li  $r$  přirozené číslo, pak:  $\Gamma(r) = (r-1)!,$

$$\Gamma\left(r + \frac{1}{2}\right) = \frac{\sqrt{\pi}}{2^r} (2r-1)!! = \frac{\sqrt{\pi}}{2^r} 1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (2r-1)$$