

---

**M7500 — zkoušková písemka**

**14. 1. 2005 (90 minut)**

1. Definujte „hustě uspořádanou množinu“. (1b.)
  2. Definujte pojem *vytvorující rozklad na grupoidu* a uveďte příklad rozkladu na  $(\mathbb{R}, +)$ , který není vytvorující. (1b.)
  3. Centrum grupy  $G$  je množina  $Z(G) = \{c \in G; c \cdot x = x \cdot c \text{ pro každé } x \in G\}$ . Dokažte, že centrum je normální podgrupa  $G$ . Dále popište centrum cyklické grupy obecného řádu  $n$ . (2b.)
  4. Uveďte, co je opačným číslem k reálnému číslu  $\alpha = (A, B)$ , dokažte, že jde o reálné číslo, a že součet čísla  $\alpha$  a čísla k němu opačného je roven 0. (3b.)
  5. Definujte množinu přirozených čísel  $\mathcal{N}$  a dokažte, že žádný prvek množiny  $\mathcal{N}$  není svým vlastním následníkem. (2b.)
  6. Zaveďte na množině  $\mathbb{Q}$  běžné uspořádání „podle velikosti“. (1b.)
- 

**M7500 — zkoušková písemka**

**14. 1. 2005 (90 minut)**

1. Definujte „hustě uspořádanou množinu“. (1b.)
  2. Definujte pojem *vytvorující rozklad na grupoidu* a uveďte příklad rozkladu na  $(\mathbb{R}, +)$ , který není vytvorující. (1b.)
  3. Centrum grupy  $G$  je množina  $Z(G) = \{c \in G; c \cdot x = x \cdot c \text{ pro každé } x \in G\}$ . Dokažte, že centrum je normální podgrupa  $G$ . Dále popište centrum cyklické grupy obecného řádu  $n$ . (2b.)
  4. Uveďte, co je opačným číslem k reálnému číslu  $\alpha = (A, B)$ , dokažte, že jde o reálné číslo, a že součet čísla  $\alpha$  a čísla k němu opačného je roven 0. (3b.)
  5. Definujte množinu přirozených čísel  $\mathcal{N}$  a dokažte, že žádný prvek množiny  $\mathcal{N}$  není svým vlastním následníkem. (2b.)
  6. Zaveďte na množině  $\mathbb{Q}$  běžné uspořádání „podle velikosti“. (1b.)
-

---

**M7500 — zkoušková písemka**

**14. 1. 2005 (90 minut)**

1. Definujte „hustě uspořádanou množinu“. (1b.)
  2. Definujte pojem *vytvorující rozklad na grupoidu* a uveďte příklad rozkladu na  $(\mathbb{R}, +)$ , který není vytvorující. (1b.)
  3. Centrum grupy  $G$  je množina  $Z(G) = \{c \in G; c \cdot x = x \cdot c \text{ pro každé } x \in G\}$ . Dokažte, že centrum je normální podgrupa  $G$ . Dále popište centrum cyklické grupy obecného řádu  $n$ . (2b.)
  4. Uveďte, co je opačným číslem k reálnému číslu  $\alpha = (A, B)$ , dokažte, že jde o reálné číslo, a že součet čísla  $\alpha$  a čísla k němu opačného je roven 0. (3b.)
  5. Definujte množinu přirozených čísel  $\mathcal{N}$  a dokažte, že žádný prvek množiny  $\mathcal{N}$  není svým vlastním následníkem. (2b.)
  6. Zaveďte na množině  $\mathbb{Q}$  běžné uspořádání „podle velikosti“. (1b.)
- 

**M7500 — zkoušková písemka**

**14. 1. 2005 (90 minut)**

1. Definujte „hustě uspořádanou množinu“. (1b.)
  2. Definujte pojem *vytvorující rozklad na grupoidu* a uveďte příklad rozkladu na  $(\mathbb{R}, +)$ , který není vytvorující. (1b.)
  3. Centrum grupy  $G$  je množina  $Z(G) = \{c \in G; c \cdot x = x \cdot c \text{ pro každé } x \in G\}$ . Dokažte, že centrum je normální podgrupa  $G$ . Dále popište centrum cyklické grupy obecného řádu  $n$ . (2b.)
  4. Uveďte, co je opačným číslem k reálnému číslu  $\alpha = (A, B)$ , dokažte, že jde o reálné číslo, a že součet čísla  $\alpha$  a čísla k němu opačného je roven 0. (3b.)
  5. Definujte množinu přirozených čísel  $\mathcal{N}$  a dokažte, že žádný prvek množiny  $\mathcal{N}$  není svým vlastním následníkem. (2b.)
  6. Zaveďte na množině  $\mathbb{Q}$  běžné uspořádání „podle velikosti“. (1b.)
-