

Analýza časové řady

Zadání: Analyzujte časovou řadu průměrných ročních teplot vzduchu na stanici Praha, Clementinum za období XXXX-XXXX (120 roků – viz. cvičení č. 2)

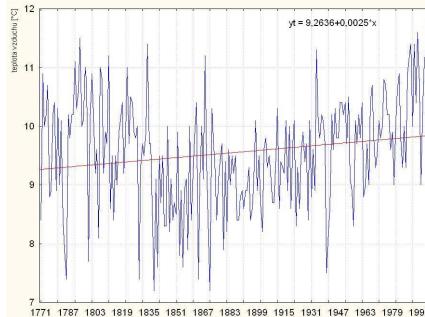
Poznámka: Program Statistika obsahuje speciální modul pro vlastní analýzu časových řad. Tento modul se spouští sekvenčí příkazů: **Statistika - Pokročilé lineární nelineární modely - Časové řady predikce**. Zde jsou obsaženy především v přednášce zmínované nástroje pro úpravu (transformaci) časové řady, její shlazování (klouzavé průměry) a dále pro analýzu sezónní složky (např. Sezónní rozklad) a cyklické složky (např. Spektrální analýza). Modul neobsahuje nástroje pro analýzu trendu. Tu je možné provádět postupy dále popsanými (úkol I a II).

Úkol 1: Proložení lineárního trendu časovou řadou

- 1) V programu EXCEL si připravte datový soubor tak aby obsahoval tři sloupce hodnot (ROK – zadané roky, např. 1774, 1775, 1776 ... , t – časové jednotky: 1, 2, 3, 4, ... yt – hodnoty průměrných teplot vzduchu, např. 10.2, 10.7, 8.8, ...) a takto připravený soubor exportujte do programu Statistika viz. obr. 1

	Rok	t	yt
1	1771	1	8.4
2	1772	2	10.9
3	1773	3	10.0
4	1774	4	10.2
5	1775	5	10.7
6	1776	6	8.8

- 2) Posloupnost příkazů: Grafy- 2D grafy - Spojnicové grafy (Proměnné). Zadáte jméno proměnné. Na kartě Detaily zvolte z různých proložení lineární trend. Na kartě Možnosti zadejte Popisy případů proměnnou (Rok). Vykreslete a upravte graf.



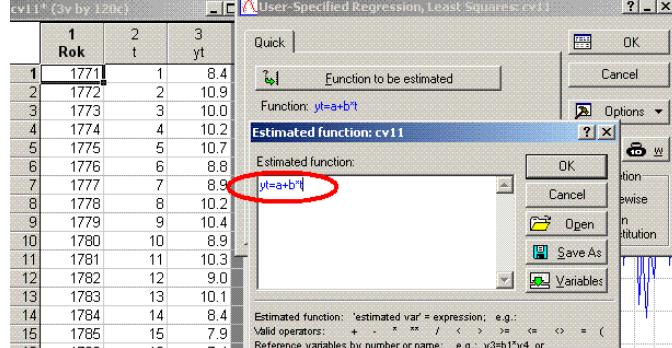
Úkol 2: Hodnocení významnosti lineárního trendu proloženého časovou řadou

- 1) Posloupnost příkazů: **Statistika - Pokročilé lineární nelineární modely - Nelineární odhad - Vlastní regrese (MNČ) - Odhadovaná funkce**
- 2) Modul dovoluje zapisovat rovnice různých trendových funkcí. Do okna Odhadovaná funkce zapište obecnou rovnici přímky – tedy lineární trend:

$$yt = a + b \cdot t$$

kde yt – proměnná yt - časová řada, kterou prokládáme trendovou funkcí
proměnná t - čas (1,2,3, ...)

a,b,c, ... – parametry modelu, jejichž odhady program vypočte metodou nejmenších čtverců



- 3) Dále následuje proces volby odhadu parametrů – není nutné nic měnit.
- 4) Pomocí všech následujících charakteristik se hodnotí vhodnost modelu. V úvodním okně výsledků jsou pro interpretaci nejdůležitější následující hodnoty (jejich interpretace viz. přednáška):
- Koneč. hodn.: toto číslo dělené počtem členů řady n je M.S.E. - střední čtvercová chyba odhadu.
 - Podíl rozptylu vysvětlený modelem, koeficientu determinance (R²) a koeficientu korelace
- 5) Ve výsledkovém okně na kartě **Základ** zvolte **Souhrn** – dostanete odhady parametrů modelu – a, b (červené hodnoty se statisticky významně liší od nuly). Např. je-li parametr b (směrnice přímky) červené a záporné číslo, potom analyzovaná časová řada obsahuje statisticky významný klesající trend.

Model je: $yt = a + b*t$ (Klementinum_cv2)					
Záv. prom.: yt					
Hladina spolehlivosti: 95,0% (alfa = 0,050)					
Odhad	Standard chyba	t-hodn. sv = 230	úrov. p	Dol. sp. Mez	Horn. sp. Mez
a 9,263569	0,122433	75,66235	0,000000	9,022336	9,504803
b 0,002503	0,000911	2,74724	0,006486	0,000708	0,004298

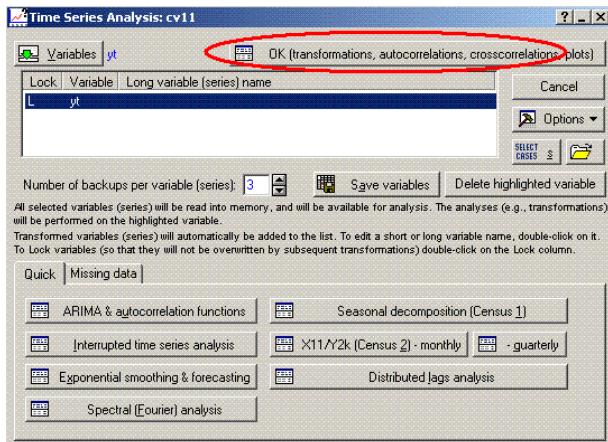
- 6) Na kartě **Základ** zvolte **Analýza rozptylu** - t.j. statistický test vhodnosti použitého modelu (viz. přednáška). Testuje nulovou hypotézu H₀ – rozptyl vysvětlený modelem (Regresu) a rozptyl reziduální (Rezidua) jsou stejné. Hodnota p<0,05 (červeně) značí statisticky významný výsledek – vhodný model

Efekt	Model je: $yt = a + b*t$ (Klementinum_cv2)				
	1 Součet čtverců	2 SV	3 Průměrný čtverec	4 F-hodnota	5 p-hodnota
Regresu	21188,43	2,0000	10594,21	12264,63	0,00
Rezidua	198,67	230,0000	0,86		
Celkem	21387,10	232,0000			
Opravený součet	205,19	231,0000			
Regresu vs. Opravený součet	21188,43	2,0000	10594,21	11926,59	0,00

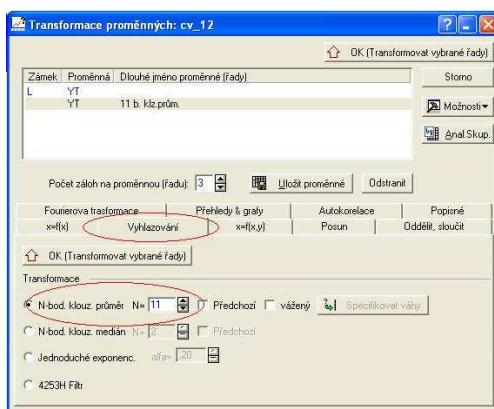
- 7) Na kartě **Základ** zvolte **Graf proložení 2D funkce a pozorovaných hodnot**. Prozkoumejte, zda je možné na místo bodů vykreslit spojnicovým grafem časovou řadu (obdobně jako na obr. 1). Vyzkoušejte možnosti na kartě Rezidua (viz. přednáška)

Úkol 3: Shlazení časové řady klouzavými průměry

- 1) Posloupnost příkazů: **Statistika - Pokročilé lineární/ nelineární modely - Časové řady predikce**. Zvolte proměnnou (yt - časovou řadu) a klikněte vpravo nahoře na OK (transformace, autokorelace, kříž. korelace, grafy).
- 2) V horní části okna se budou podle Vámi prováděných operací postupně vytvářet transformace (modifikace) původní časové řady, která je v seznamu na prvním místě a nelze ji smazat (L - lock – zámek)



- 3) Vyberte kartu „Vyhlažování“ a zvolte N- bod. klouz. průměr pro N=11 a klikněte OK (Transformovat vybrané řady)



- 4) Vykreslení obou řad v jednom grafu: zvolte kartu „Přehledy & grafy“, klikněte na tlačítko **Graf**, které se nachází vpravo od tlačítka **Zobrazit více proměnných**. Přidání přímky lineárního trendu: kliknutím v grafu vyberte řadu původních hodnot. Klikněte pravým tlačítkem myši a z kontextové nabídky vyberte poslední položku - **Proložení**.
- 5) Zvolte „**Přidat nové proložení**“, typ proložení „**Lineární**“. Po kliknutí na tlačítko OK se do grafu přidá přímka lineárního trendu i její rovnice. Vyzkoušejte vhodnost jiných typů proložení, které program nabízí
- 6) Upravte jednotlivé prvky grafu (měřítka, popisy os, ...). Nalezněte způsob, jak na ose x nezobrazovat pořadová čísla, ale konkrétní roky zpracovávaného období.

