

# Spontánní procesy

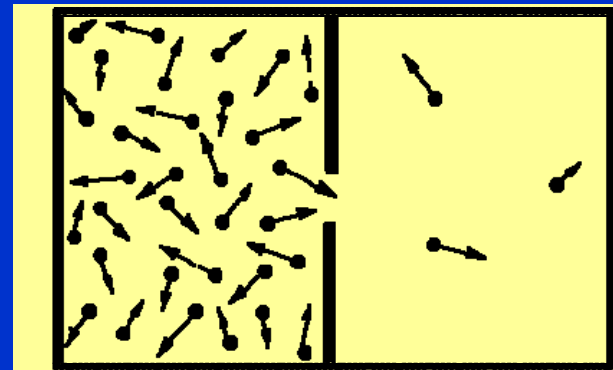
Probíhají bez zásahu z vnějšku

Spontánní proces může být rychlý nebo pomalý

**Termodynamika** – možnost, spontánnost, směr reakce  
– výchozí a konečný stav

Změna entropie

$$\Delta S = S_{\text{konečné}} - S_{\text{výchozí}}$$



**Kinetika** – rychlost reakce

# Entropie, S

Entropie = míra obsazení dostupných energetických stavů, míra tepelných efektů u reverzibilních dějů

Reverzibilní děj = malou změnou podmínek lze jeho směr obrátit

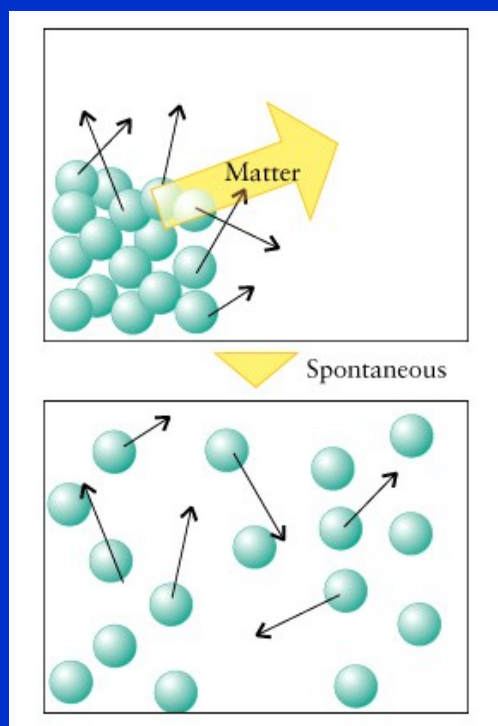
Ireverzibilní děj = expanze do vakua, tání ledu při laboratorní teplotě

Spontánní (samovolné) procesy

- probíhají samovolně bez vnějšího zásahu
- vedou ke zvýšení S vesmíru
- probíhají směrem ke stavům s nejvyšší pravděpodobností
- větší pravděpodobnost rozptylu energie

# Spontánní změny

## Expanze plynu



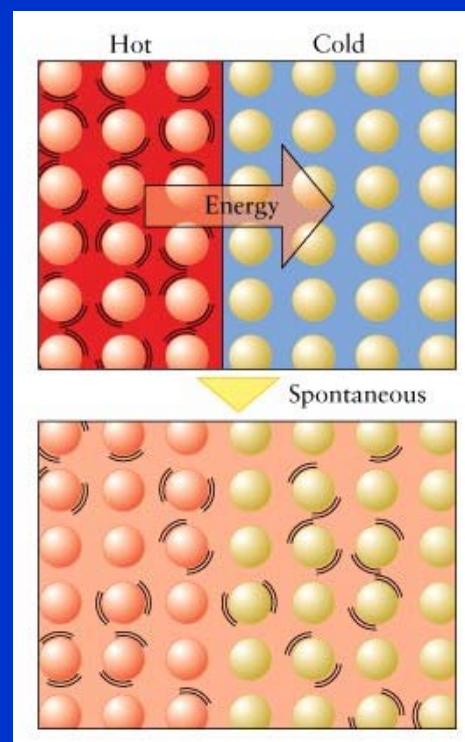
$$\Delta S = R \ln V_{\text{kon}}/V_{\text{vých}}$$

(1 mol ideálního plynu)

samovolně



## Přenos tepla



$$\Delta S = C_p \ln T_2/T_1$$

# Entropie, S



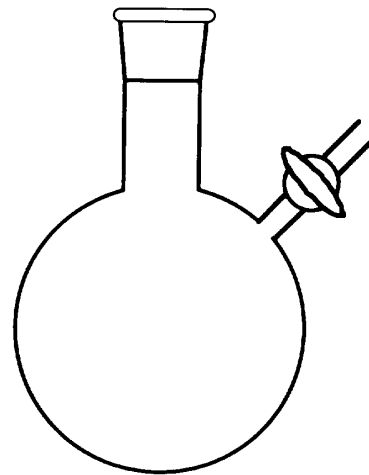
Izolované soustavy atomů a molekul samovolně obsazují všechny dostupné energetické **mikrostavy**, které jsou jim termicky přístupné a přechází do takových uspořádání nebo makrostavů, které poskytují co nejvíce takových mikrostavů.

Spontánní změny se uskutečňují ve směru takových podmínek, při kterých je větší pravděpodobnost rozptylu energie. Po takové spontánní změně, logaritmus poměru počtu dostupných mikrostavů k počtu předchozích mikrostavů je úměrný vzrůstu entropie systému s konstantou  $R / N_A$ .



# Vesmír, systém, okolí

**Vesmír = systém + okolí**



## Druhý věta (zákon) TD

Entropie vesmíru vzrůstá

**Spontánní** procesy zvyšují entropii vesmíru

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} = \Delta S_{\text{system}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} > 0 \text{ spontánní proces}$$

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} < 0 \text{ proces neprobíhá v daném směru}$$

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} = 0 \text{ rovnováha}$$

Abychom zjistili samovolnost procesu, musíme znát

$$\Delta S_{\text{system}} \text{ a } \Delta S_{\text{okolí}}$$

“There’s as many formulations of the second law as there have been discussions of it.”

There’s as many versions of the second law as there are thermodynamicists

## Třetí věta (zákon) TD

Entropie ideálního krystalu při 0 K je rovna **nule**

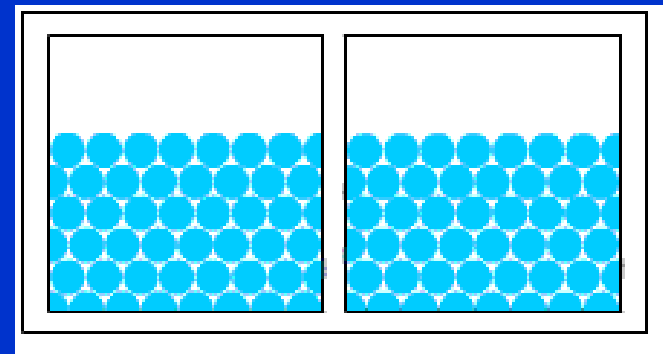
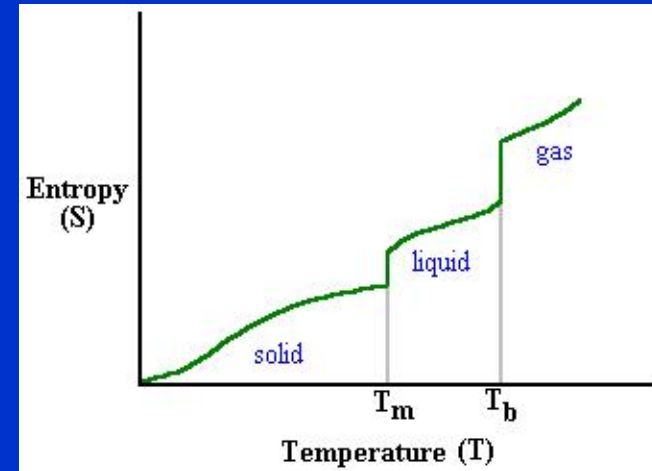
- ideální krystal neexistuje
- 0 K nelze dosáhnout

Referenční stav - perfektní uspořádání  
- pohyb, vibrace, rotace ustaly

$$S = k \ln W$$

$W$  = počet mikrostavů systému

$$\text{Při } 0 \text{ K} \quad W = 1, S = 0$$





## Boltzmannova rovnice

$$S = k \ln W$$

$$k = R/N_A = 1.38066 \cdot 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$$

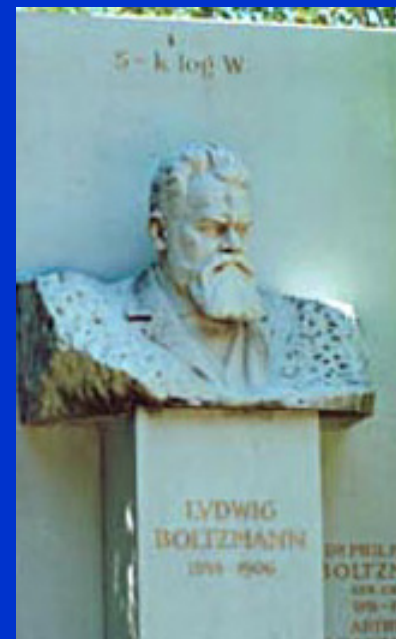
$W$  = počet mikrostavů  
systému

Lze určit hodnotu  $S$  pro daný stav  
(na rozdíl od  $H$  nebo  $U$ )

5. října 1906 spáchal v Duinu  
u Terstu sebevraždu

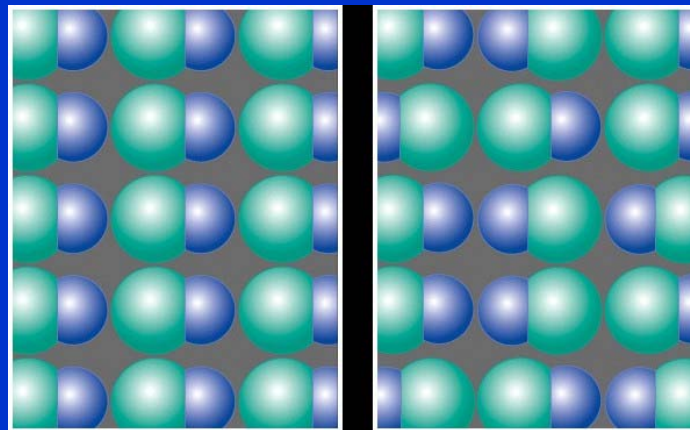


Ludwig Edward Boltzmann



## Boltzmannova rovnice

$$S = k \ln \frac{W_{kon}}{W_{vých}}$$



$$T = 0$$

$$T = 273 \text{ K}$$

$$W_{vých} = 1$$

$$W_{kon} = ?$$

$$S = 0$$

$$S = 41 \text{ J K}^{-1}$$

$k$  = Boltzmannova konstanta =  $1.3807 \cdot 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$

$W$  = počet mikrostavů

$$\ln W_{kon} = S / k = 41 / 1.3807 \cdot 10^{-23} = 10^{24}$$

# Standardní entropie

$S^0$  = Standardní molární entropie látky při 298 K a 1 bar

(o kolik se zvýší  $S$  látky při ohřátí z 0 K na 298 K)

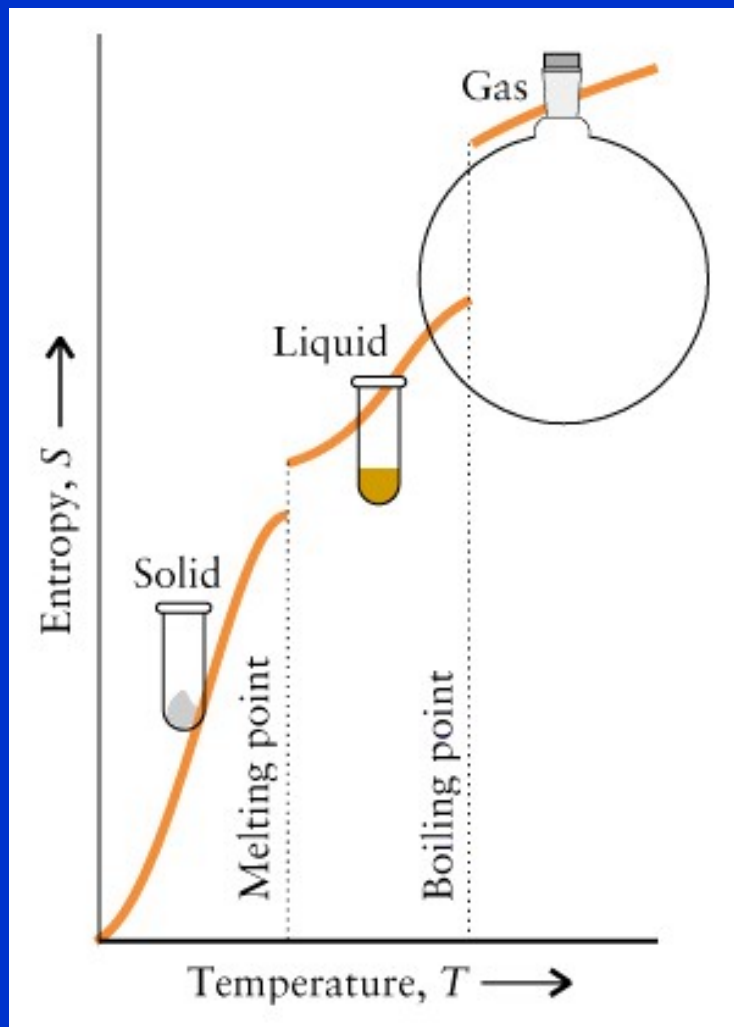
$$S^0 = \Delta S = S(298 \text{ K}) - S(0 \text{ K})$$

$$\text{J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

## Standardní entropie $S^0$ látek při 298 K a 1 bar

Látka	$S^0, \text{J K}^{-1} \text{mol}^{-1}$	Látka	$S^0, \text{J K}^{-1} \text{mol}^{-1}$
$\text{S}_8(\text{g})$	431	$\text{H}_2\text{O}(\text{g})$	189
$\text{SF}_6(\text{g})$	292	$\text{H}_2\text{O}(\text{l})$	70
$\text{O}_2(\text{g})$	205	$\text{H}_2\text{O}(\text{s})$	41
$\text{CO}_2(\text{g})$	248	$\text{CaCO}_3(\text{s})$	93
$\text{CO}(\text{g})$	198	$\text{CaO}(\text{s})$	40
$\text{H}_2(\text{g})$	131	Sn (s) bílý	52
$\text{CH}_3\text{OH}(\text{g})$	240	Sn (s) šedý	44
$\text{CH}_3\text{OH}(\text{l})$	127	$\text{C}(\text{s})$ grafit	6
$\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}(\text{l})$	161	<b><math>\text{C}(\text{s})</math> diamant</b>	<b>2</b>

# Standardní entropie $S^0$



Entropie klesá v řadě:  $g > l > s$

Látka	$S^0, \text{J K}^{-1} \text{mol}^{-1}$
$\text{H}_2\text{O (g)}$	189
$\text{H}_2\text{O (l)}$	70
$\text{H}_2\text{O (s)}$	41
$\text{Na (g)}$	153
$\text{Na (s)}$	51

## Standardní entropie $S^0$

Rozpouštění

Látka	$S^0, \text{J K}^{-1} \text{mol}^{-1}$
<b>CH<sub>3</sub>OH (l)</b>	<b>127</b>
<b>CH<sub>3</sub>OH (aq)</b>	<b>133</b>
<b>NH<sub>4</sub>Cl (s)</b>	<b>94</b>
<b>NH<sub>4</sub>Cl (aq)</b>	<b>168</b>

## Standardní entropie $S^0$

Hmotnost molekuly, počet atomů v molekule, počet vibrací a rotací

Látka	$S^0, \text{J K}^{-1} \text{mol}^{-1}$
K (g)	160
Cl <sub>2</sub> (g)	223
P <sub>4</sub> (g)	280
As <sub>4</sub> (g)	289

Látka	$S^0, \text{J K}^{-1} \text{mol}^{-1}$
F <sub>2</sub> (g)	203
Cl <sub>2</sub> (g)	223
Br <sub>2</sub> (g)	245
I <sub>2</sub> (g)	260

Těžší molekuly mají energetické hladiny blíže, více možných stavů  
Slon nadělá více entropie v porcelánu než myš

## Standardní entropie $S^0$

Chemické složení

Složitější molekuly

Látka	$S^0, \text{J K}^{-1} \text{mol}^{-1}$
<b>NaCl (s)</b>	<b>74</b>
<b>MgCl<sub>2</sub> (s)</b>	<b>90</b>
<b>AlCl<sub>3</sub> (s)</b>	<b>167</b>



## Standardní entropie $S^0$

Pevné kovalentní vazby – nízká entropie

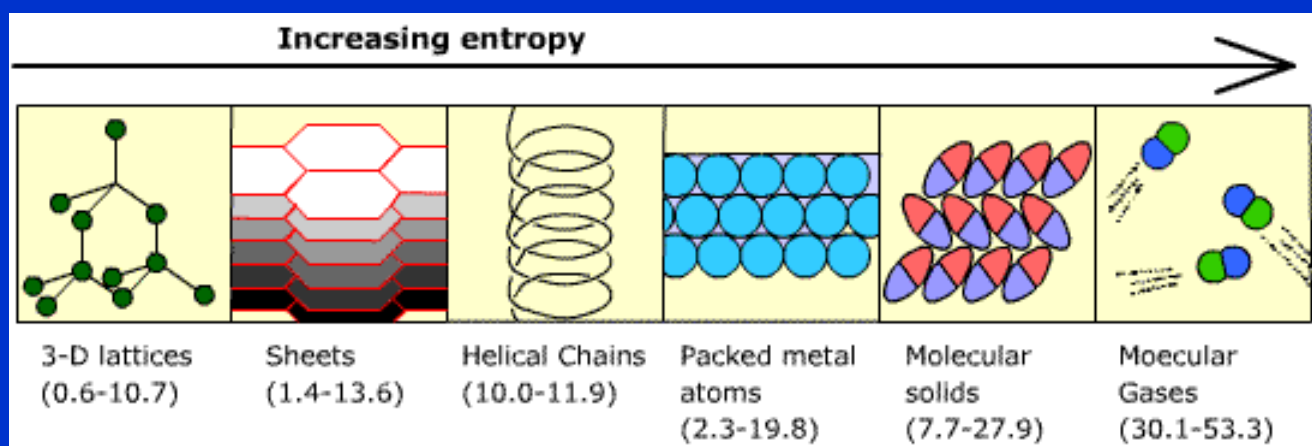
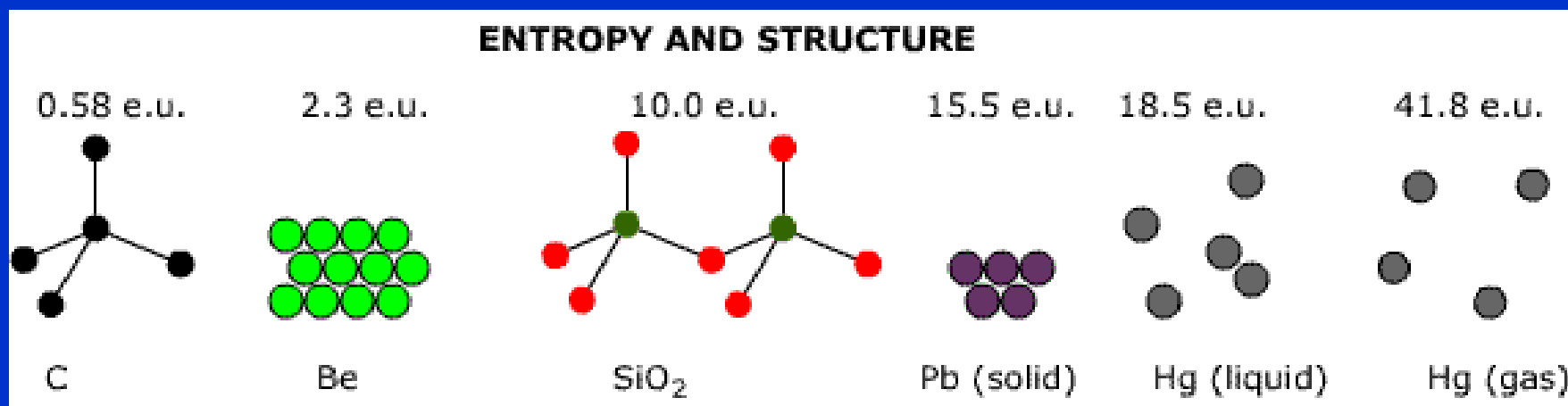
Entropie roste

3D < 2D < 1D < 0D struktury

Látka	$S^0, \text{J K}^{-1} \text{mol}^{-1}$
Sn (s) bílý	52
Sn (s) šedý (diamant)	44
C(s) grafit, 2D	6
C(s) diamant, 3D	2
P <sub>4</sub> (s) bílý, 0D	44
P <sub>4</sub> (s) černý 2D	29

# Standardní entropie $S^0$

Symetrie, uspořádanost struktury



## Reakční entropie

$$\Delta S^0_{\text{reakční}} = \sum n_{\text{prod}} S^0_{\text{prod}} - \sum n_{\text{vých}} S^0_{\text{vých}}$$

Produkty – Výchozí



$$\Delta S^0_{\text{reakční}} = [2(69.9) + 213.6] - [182.6 + 2(205.0)] = -242.8 \text{ J K}^{-1}$$

$\Delta S^0_{\text{reakční}} < 0$  pro reakce:

Vznikají tuhé nebo kapalné látky z plynů

**Zmenšuje** se celkový počet molů plynných látek

$\Delta S^0_{\text{reakční}} > 0$  pro reakce:

Vznikají **plynné** látky z tuhých nebo kapalných

**Zvětšuje** se celkový počet molů plynných látek

## Druhý zákon TD

Entropie vesmíru vzrůstá

**Spontánní** procesy zvyšují entropii vesmíru

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} = \Delta S_{\text{system}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$

$\Delta S_{\text{vesmíru}} > 0$  spontánní proces

$\Delta S_{\text{vesmíru}} < 0$  proces probíhá v opačném směru

$\Delta S_{\text{vesmíru}} = 0$  rovnováha

# Výměna tepla mezi soustavou a okolím

pro  $p = \text{konst}$

Teplo (okolí)

Teplo (okolí) =  $-\Delta H$  (soustava)

$$\Delta S_{\text{okolí}} = \frac{\text{Teplo (okolí)}}{\text{Teplota}}$$

Přichází (+)

Ztrácí (-)

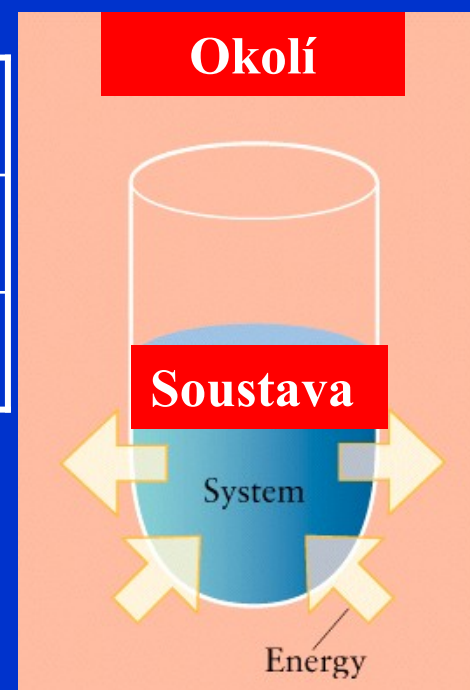
Odebíráno (-)

Přijímá (+)

$$\Delta S_{\text{okolí}} = \frac{-\Delta H_{\text{syst}}}{T}$$

Umíme zjistit

$\Delta H$	$\Delta S_{\text{okolí}}$
$< 0$ exo	$> 0$ roste
$> 0$ endo	$< 0$ klesá



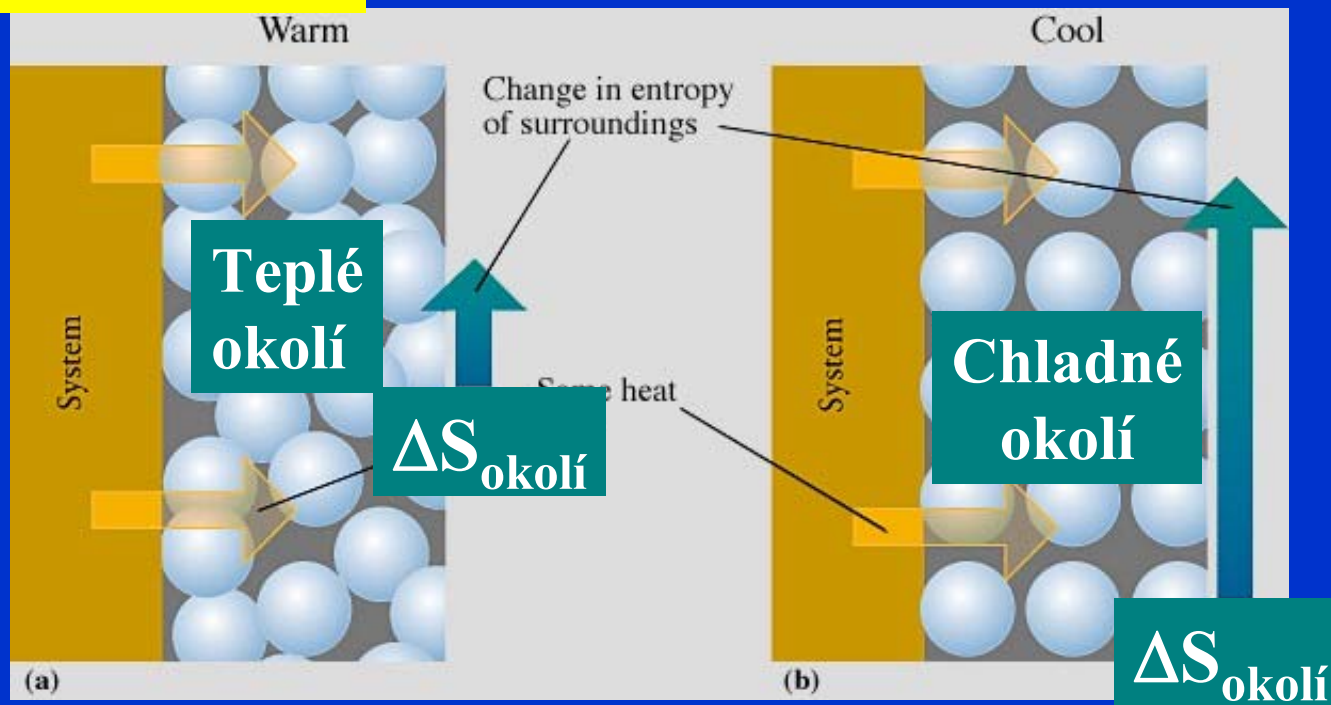
Pro reakci při 298 K



$$\Delta S_{\text{okolí}} = -\Delta H/T = -778 \text{ kJ} / 298 \text{ K} = -2.6 \text{ kJ K}^{-1}$$

$$\Delta S_{\text{okolí}} = \frac{-\Delta H}{T}$$

Výměna tepla



Přenos stejného množství tepla při nižší teplotě zvýší relativně více entropii okolí – chladnější okolí je více uspořádané a je pak více rozrušeno

## Reakční entropie



$$\Delta S^\circ_r = [S^\circ(\text{Fe}_2\text{O}_3\text{(s)}) + 3S^\circ\text{H}_2\text{(g)}] - [2S^\circ\text{Fe(s)} + 3S^\circ\text{H}_2\text{O(g)}]$$

$$\Delta S^\circ_r = -141.5 \text{ J K}^{-1}$$

Je tato reakce samovolná při 298 K, je  $\Delta S^\circ_{\text{vesmír}} > 0$ ?

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} = \Delta S_{\text{system}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$

$$\Delta S^\circ_r = \Delta S^\circ_{\text{system}} = -141.5 \text{ J K}^{-1}$$

## Samovolnost reakce

$$\Delta S^\circ_{\text{okolí}} = -\Delta H^\circ_{\text{sys}}/T = -\Delta H^\circ_r/T$$

$$\begin{aligned}\Delta H^\circ_r = & \Delta H^\circ_f(\text{Fe}_2\text{O}_3(\text{s})) + 3\Delta H^\circ_f(\text{H}_2(\text{g})) \\ & - 2\Delta H^\circ_f(\text{Fe}(\text{s})) - 3\Delta H^\circ_f(\text{H}_2\text{O}(\text{g})) = -100 \text{ kJ}\end{aligned}$$

$$\Delta S^\circ_{\text{okolí}} = -\Delta H^\circ_{\text{sys}}/T = 336 \text{ J K}^{-1}$$

$$\begin{aligned}\Delta S^\circ_{\text{vesmír}} &= \Delta S^\circ_{\text{sys}} + \Delta S^\circ_{\text{okolí}} \\ &= -141.5 + 336 = 194.0 \text{ J K}^{-1}\end{aligned}$$

Reakce je samovolná při 298 K,  $\Delta S^\circ_{\text{vesmír}} > 0$



## Entropie fázových přeměn



$$\Delta S_{\text{okolí}}^0 = \frac{-\Delta H_{\text{výparné}}}{T_{\text{var}}}$$



$$\Delta S_{\text{okolí}}^0 = \frac{-\Delta H_{\text{tání}}}{T_t}$$

## Entropie fázových přeměn



Fázové přeměny jsou **rovnovážné** procesy při nichž  $\Delta S^\circ_{\text{vesmíru}} = 0$

$$\begin{aligned} \Delta S^\circ_{\text{syst}} &= S^\circ(\text{H}_2\text{O(g)}) - S^\circ(\text{H}_2\text{O(l)}) = 195.9 \text{ J K}^{-1} - 86.6 \text{ J K}^{-1} \\ &= 109.1 \text{ J K}^{-1} \end{aligned}$$

$$\text{H}_2\text{O(l)} \text{ 1 mol} = 18 \text{ g} \sim 18 \text{ cm}^3$$

$$\text{H}_2\text{O(g)} \text{ 1 mol} = 31 \text{ litrů při } 100 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$\Delta S^\circ_{\text{okolí}} = -\Delta H_{\text{výparné}} / T = -40.7 \text{ kJ} / 373 \text{ K} = -109.1 \text{ J K}^{-1}$$

$$\Delta S^\circ_{\text{vesmíru}} = \Delta S^\circ_{\text{syst}} + \Delta S^\circ_{\text{okolí}} = 0$$

## Druhý zákon TD

$$\Delta S_{\text{vesmír}} = \Delta S_{\text{system}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$

$$\Delta S_{\text{vesmír}} = \Delta S_{\text{sys}} + \frac{-\Delta H_{\text{sys}}}{T}$$

## Spontánní procesy a Gibbsova volná energie

Reakce je samovolná (spontánní) když  $\Delta S_{\text{vesmíru}} > 0$

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} = \Delta S_{\text{systém}} + \Delta S_{\text{okolí}} = \Delta S_{\text{systém}} - \Delta H_{\text{syst}}/T > 0$$

Vynásobit  $-T$

Násobení  $-1$  obrátí nerovnost

$$\Delta H - T\Delta S_{\text{syst}} < 0$$

$\Delta G \equiv$  Gibbsova volná energie  
( $= -T\Delta S_{\text{vesmíru}}$ )

$$\Delta G = \Delta H_{\text{syst}} - T\Delta S_{\text{syst}}$$

**Když  $\Delta G$  je negativní, pak reakce je spontánní !**

## Gibbsova volná energie

1.  $\Delta G$  je stavová funkce
2.  $\Delta G^\circ$  je Gibbsova volná energie za standardních podmínek
  - 298 K
  - 1 bar pro plyny
  - 1 mol l<sup>-1</sup> koncentrace
3.  $\Delta G^\circ$  tabelovány



$$\Delta G^\circ_{\text{sluč}}(\text{N}_2\text{O}) = 104.18 \text{ kJ mol}^{-1}$$

Výchozí látky jsou stabilnější než produkty  
Kinetické faktory stability N<sub>2</sub>O

**Standardní  
slučovací Gibbsova  
volná energie**

**(při 25 °C)**

**$\Delta G^\circ_{\text{sluč}}$**

<b>Látka</b>	<b><math>\Delta G^\circ_{\text{sluč}}</math>, kJ mol<sup>-1</sup></b>
<b>NH<sub>3</sub></b>	<b>- 16.45</b>
<b>CO<sub>2</sub></b>	<b>- 394.4</b>
<b>NO<sub>2</sub></b>	<b>+ 51.3</b>
<b>H<sub>2</sub>O (g)</b>	<b>- 228.6</b>
<b>H<sub>2</sub>O (l)</b>	<b>- 237.1</b>
<b>C<sub>6</sub>H<sub>6</sub></b>	<b>+ 124.3</b>
<b>C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>OH</b>	<b>- 174.8</b>
<b>AgCl</b>	<b>- 109.8</b>
<b>CaCO<sub>3</sub></b>	<b>- 1128.8</b>

## Standardní slučovací Gibbsova volná energie

$\Delta G^\circ_{\text{sluč}}$  lze vypočítat z  $\Delta H^\circ_{\text{sluč}}$  a  $S^\circ$



$$\Delta H^\circ_{\text{sluč}} = \Delta H_r^\circ = -393.5 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta S^\circ = S^\circ(\text{CO}_2(\text{g})) - S^\circ(\text{C}(\text{grafit})) - S^\circ(\text{O}_2(\text{g}))$$

$$\Delta S^\circ = 213.60 - 5.74 - 205.00 = 2.86 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$$

$$\Delta G^\circ_{\text{sluč}} = \Delta H^\circ_{\text{sluč}} - T\Delta S^\circ_{\text{sluč}}$$

$$\Delta G^\circ_{\text{sluč}} = -393.5 - (298)(2.86 \cdot 10^{-3}) = -394 \text{ kJ mol}^{-1}$$

## $\Delta G^0_{\text{reak}}$ vypočtená z $\Delta G^0_{\text{sluč}}$

$$\Delta G^0_{\text{reak}} = \sum n_{\text{prod}} \Delta G^0_{\text{sluč}} (\text{prod}) - \sum n_{\text{vých}} \Delta G^0_{\text{sluč}} (\text{vých})$$



$$\Delta G^0 = c\Delta G^0_{\text{sluč}}(C) + d\Delta G^0_{\text{sluč}}(D) - a\Delta G^0_{\text{sluč}}(A) - b\Delta G^0_{\text{sluč}}(B)$$



$$\Delta G^0 = \Delta G^0_{\text{sluč}}(\text{N}_2\text{O}) + \Delta G^0_{\text{sluč}}(\text{NO}_2) - 3\Delta G^0_{\text{sluč}}(\text{NO})$$

$$\Delta G^0_{\text{reak}} = 104.18 + 51.29 - 3(86.55) = -104 \text{ kJ mol}^{-1}$$



## Vliv teploty na $\Delta G^0$

$$\Delta G^0 = \Delta H^0 - T \Delta S^0$$

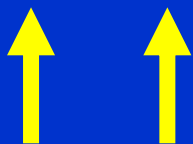
$\Delta H^0 + \Delta S^0 + \Delta G^0$  Negativní při vysoké T

$\Delta H^0 + \Delta S^0 - \Delta G^0$  Pozitivní při všech T

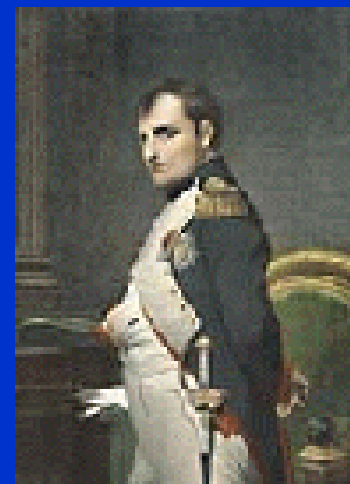
$\Delta H^0 - \Delta S^0 + \Delta G^0$  Negativní při všech T

$\Delta H^0 - \Delta S^0 - \Delta G^0$  Negativní při nízké T

$\Delta H^0$	$\Delta S^0$	Vliv teploty na $\Delta G^0$	Příklad
+	+	Reakce je samovolná při vysoké T, opačný směr při nízké T	$\text{H}_2(\text{g}) + \text{I}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2 \text{HI}(\text{g})$
+	-	$\Delta G^0$ <b>pozitivní</b> při všech T. Reakce je samovolná v opačném směru při všech T.	$3\text{O}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2 \text{O}_3(\text{g})$
-	+	$\Delta G^0$ je <b>negativní</b> při všech T. Reakce je samovolná při všech T.	$2\text{H}_2\text{O}_2(\text{l}) \rightleftharpoons 2 \text{H}_2\text{O}(\text{l}) + \text{O}_2(\text{g})$
-	-	Reakce je samovolná při nízké T, opačný směr při vysoké T Rozpustnost plynů	$\text{NH}_3(\text{g}) + \text{HCl}(\text{g}) \rightleftharpoons \text{NH}_4\text{Cl}(\text{s})$



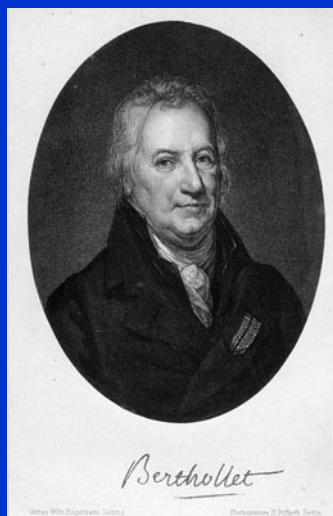
# Chemická rovnováha



V laboratoři



Natron na březích slaných jezer v Egyptě



C. L. Berthollet  
(1748-1822)

Přebytek produktu může obrátit průběh chemické reakce

Reverzibilní reakce



## Reakční kvocient Q

Vratná reakce:  $aA + bB \rightleftharpoons cC + dD$

$$Q = \frac{[C]^c [D]^d}{[A]^a [B]^b}$$

Nerovnovážné koncentrace  
umocněné na  
stechiometrické koeficienty

Q = Reakční kvocient

Ukazuje, jak daleko  
se dostala reakce od  
výchozích látek k  
produktům

Na začátku reakce např.:

$$[A] = [B] = 1 \text{ M}$$
$$[C] = [D] = 0$$

$$Q = 0/1 \rightarrow 0$$

Úplná reakce:

$$[A] = [B] = 0$$
$$[C] = [D] = 1 \text{ M}$$

$$Q = 1/0 \rightarrow \infty$$

(pro  $a = b = c = d = 1$ )

## Vliv složení na $\Delta G$

Jeden z nejdůležitějších vztahů v chemii !

$$\Delta G = \Delta G^0 + RT \ln Q \quad Q = \text{Reakční kvocient}$$



NO = 0.3 atm ; N<sub>2</sub>O = 2 atm ; NO<sub>2</sub> = 1 atm Kterým směrem reakce poběží ?

$$Q_P = \frac{P_{\text{N}_2\text{O}} P_{\text{NO}_2}}{P_{\text{NO}}^3} = \frac{(2)(1)}{(0.3)^3} = 74.1$$

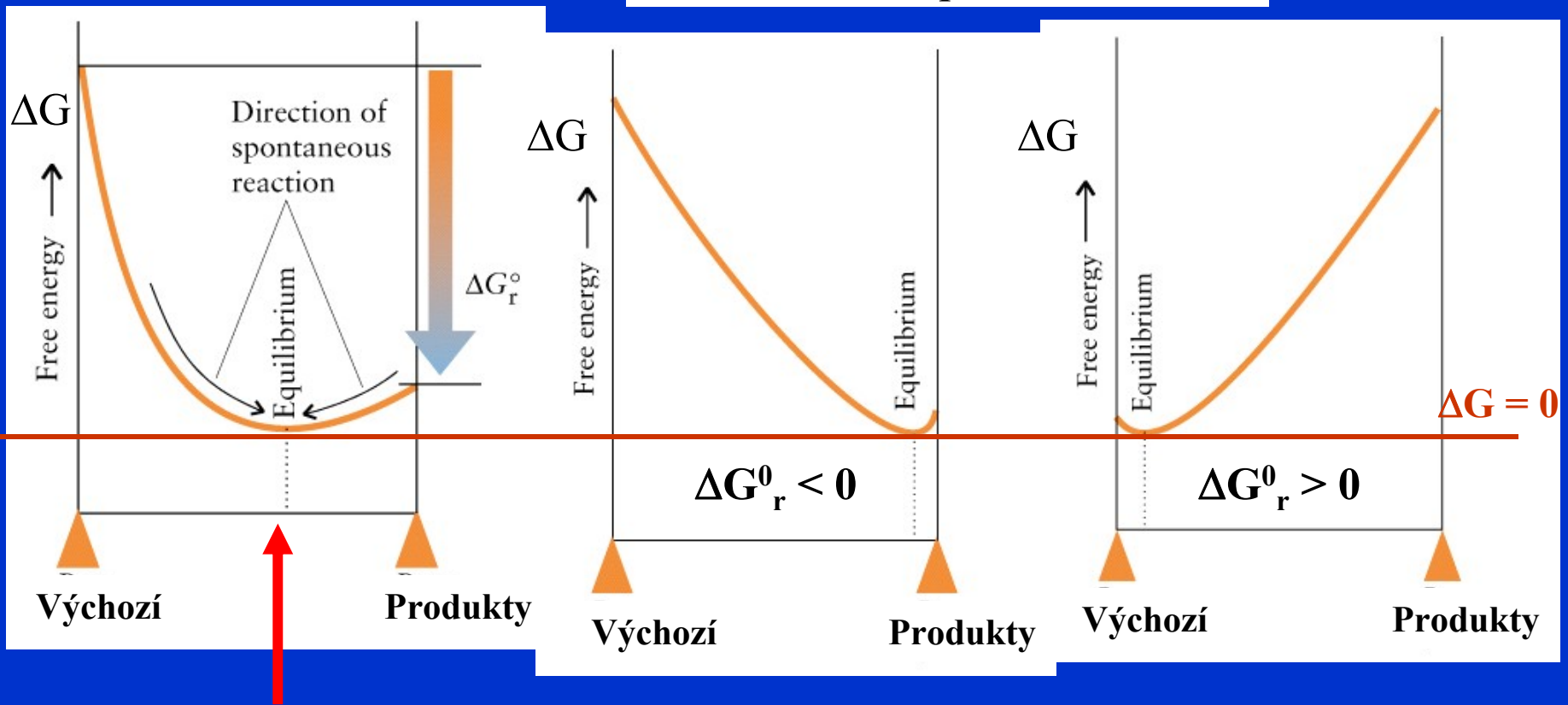
$$\Delta G = \Delta G^0 + RT \ln Q = -104.0 + (8.314 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1})(298 \text{ K}) \ln (74.1)$$

$\Delta G = -93.3 \text{ kJ mol}^{-1}$  Reakce je samovolná ve směru doprava  
ještě více NO se rozloží na produkty<sub>37</sub>

## Vliv složení na $\Delta G$



$$\Delta G = \Delta G_r^0 + RT \ln Q$$



$$Q = K$$

V rovnováze  $\Delta G = 0$

## $\Delta G^0$ a rovnovážná konstanta $K$

$$\Delta G = \Delta G^0 + RT \ln Q$$

V rovnováze  $\Delta G = 0$  a pak  $Q = K$

$$\Delta G^0 = - RT \ln K$$

$$K = e^{-\frac{\Delta G^0}{RT}}$$



$$K = \frac{[C]_{rovn}^c [D]_{rovn}^d}{[A]_{rovn}^a [B]_{rovn}^b}$$

**Rovnovážné koncentrace**

## Reakční kvocient Q a rovnovážná konstanta K

Q = K. Systém je v rovnováze, žádná změna nenastane.  $Q = \frac{[C]^c [D]^d}{[A]^a [B]^b}$

Q > K. Koncentrace produktů je větší než odpovídá rovnováze. Část produktů se musí přeměnit zpět na výchozí látky, aby se dosáhlo rovnováhy. Posun reakce **doleva**.

Q < K. Koncentrace výchozích látek je větší než odpovídá rovnováze. Posun reakce **doprava**, aby se dosáhlo rovnováhy musí výchozí látky zreagovat na produkty.



## $\Delta G^0$ a rovnovážná konstanta $K$



$$K = e^{-\frac{\Delta G^0}{RT}} = e^{\frac{-(-104,000)}{(8.314)(298)}} = 1.8 \times 10^{18}$$

$$K = \frac{[\text{NO}_2]^1 [\text{N}_2\text{O}]^1}{[\text{NO}]^3}$$

## $\Delta G^0$ a rovnovážná konstanta K

$$\Delta G^0 = - RT \ln K$$

$\Delta G^0$	K	V rovnováze převládají ( $\Delta G = 0$ )
< 0 exergonická	> 1	produkty
> 0 endergonická	< 1	výchozí
= 0	= 1	

## Rovnovážná konstanta K

$$K_c = \frac{[C]^c [D]^d}{[A]^a [B]^b}$$

K je funkcí pouze teploty

Čisté fáze (l, s) se ve výrazu nevyskytují, neovlivní rovnováhu

Koncentrace rozpouštědla se neuvažuje

K je bezrozměrná veličina,

koncentrace vztaženy na standardní stav 1 M

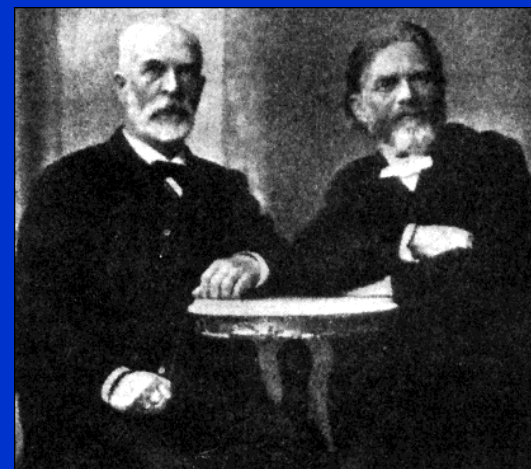
# Guldberg-Waagův zákon

1864 zákon o působení aktivní hmoty



$$K = \frac{[C]_{\text{rovn}}^c [D]_{\text{rovn}}^d}{[A]_{\text{rovn}}^a [B]_{\text{rovn}}^b}$$

$K$  = rovnovážná konstanta



Cato Maximilian Guldberg (1836-1902)

Peter Waage (1833-1900)

## Guldberg-Waagův zákon



Obrácení rovnice,  $K_{\text{nová}} = 1/K$



Násobení rovnice konstantou  $K_{\text{nová}} = (K)^n$

Součet chemických rovnic

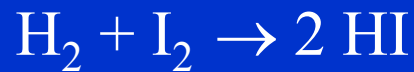
$$K = K_1 \times K_2$$

## Guldberg-Waagův zakon



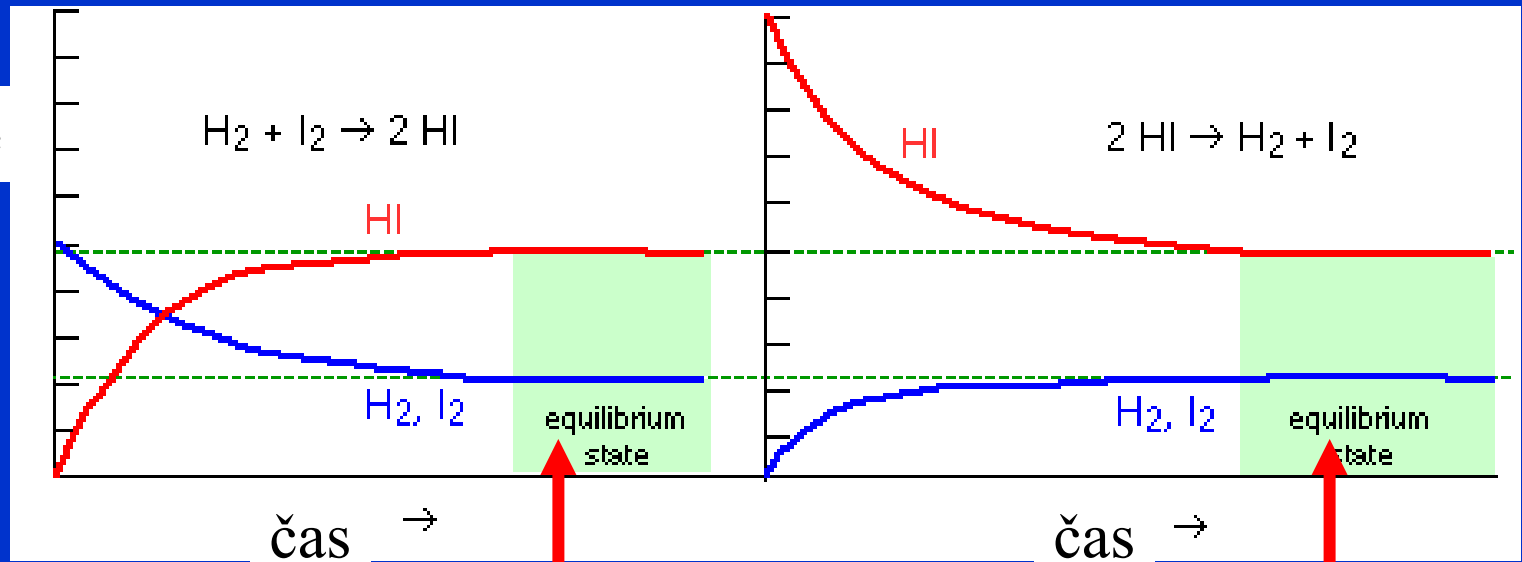
$$K_3 = (K_1 \times K_2)^{1/2} = \sqrt{K_1 \times K_2}$$

# Ustálení chemické rovnováhy



koncentrace

0



Rovnovážné  
koncentrace

Rovnovážné  
koncentrace

## LeChatelierův princip

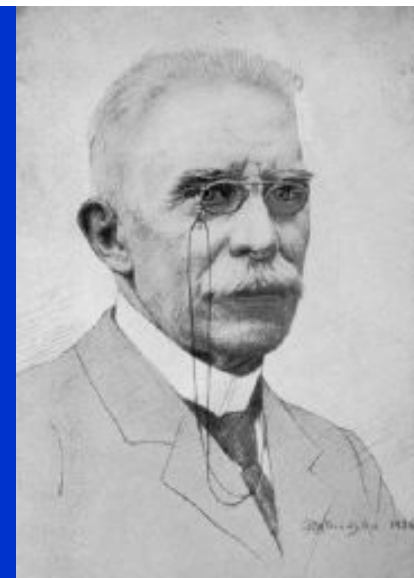
Princip pohyblivé rovnováhy

Termodynamicky reverzibilní reakce

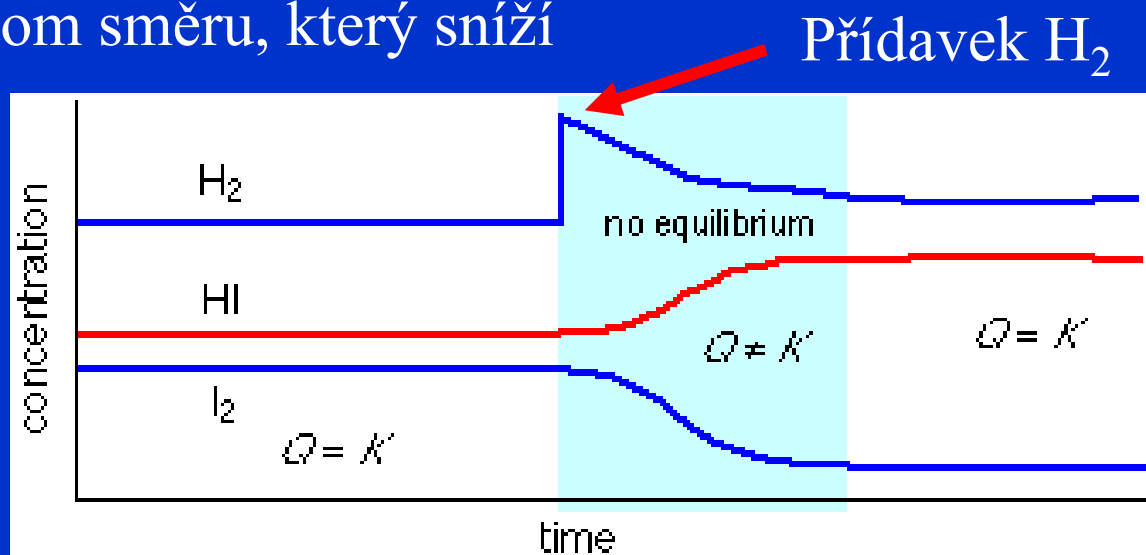
V rovnováze přítomny produkty i výchozí

Pokud dojde v systému, který se nachází v rovnováze, ke změně teploty, tlaku nebo látkového množství reagujících látek, bude tendence k reakci v tom směru, který sníží efekt této změny.

$$K_C = \frac{[HI]^2}{[H_2][I_2]}$$



Henri LeChâtelier  
(1850-1936)





## Vliv přidavku na reakční rovnováhu

K se nemění



sušicí látka pohlcuje vodu, posun doprava



plynný HCl uniká ze soustavy, posun doprava



přídavek inertu  $\text{N}_2$ , neúčastní se reakce, **nemění** se počet molů, beze změny

## Vliv přidavku na reakční rovnováhu

K se nemění



přídavek  $\text{N}_2$  za konst.  $V$ , beze změny – inert neovlivní

přídavek  $\text{N}_2$  za konst.  $p$ ,  $V$  roste, mění se počet molů plynu, zředění, posun doprava

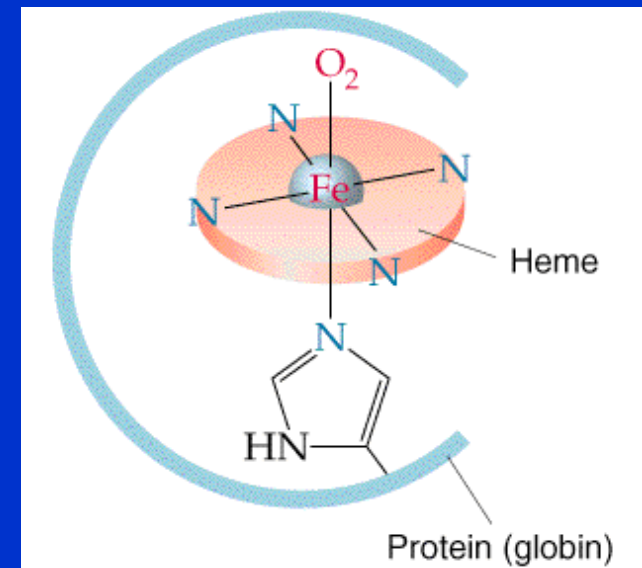
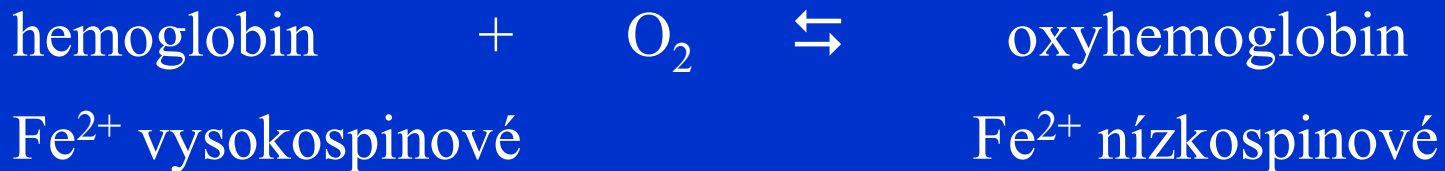


vodní pára uniká ze soustavy, posun doprava



Přídavek  $\text{Cl}^-$ , posun doleva, snížení rozpustnosti

## Přenos kyslíku a CO<sub>2</sub>



## Vliv tlaku na reakční rovnováhu

Důležité pro reakce u nichž se mění počet molů plynných látek



K se nemění

$$\Delta n_{\text{g}} = (n_{\text{prod}} - n_{\text{vých}}) = 1 - 2 = -1$$

V na polovinu, p 2x větší

Zvýšení tlaku posune reakci doprava  $Q = \frac{1}{2} K_p$

$$K_p = \frac{p_{\text{N}_2\text{O}_4}}{p_{\text{NO}_2}^2}$$



stlačení



posun reakce

$$Q_p = \frac{2p_{\text{N}_2\text{O}_4}}{(2p_{\text{NO}_2})^2}$$



Ustavení  
rovnovážných  
koncentrací  
Tvorba  $\text{N}_2\text{O}_4$

## Vliv tlaku na reakční rovnováhu



K se nemění

Rozpustnost  $\text{CaCO}_3$  vzrůstá s tlakem.

Dno Atlantiku je pokryto vrstvou  $\text{CaCO}_3$  ze schránek uhynulých mikroorganismů

Dno Tichého oceánu (hlubší) není pokryto vrstvou  $\text{CaCO}_3$ , pod určitou hloubkou 4-6 km (nízká teplota, vysoký tlak,  $\text{CO}_2$ ) se  $\text{CaCO}_3$  rozpouští



## Vliv tlaku na reakční rovnováhu



- reakce je exothermní
- snižuje se počet molů plynných látek

podle LeChatelierova principu bude výtěžek maximální při vysokém tlaku a nízké teplotě

při nízké teplotě je ale reakce velmi pomalá  
použití Fe katalyzátoru pro urychlení

**Podmínky**

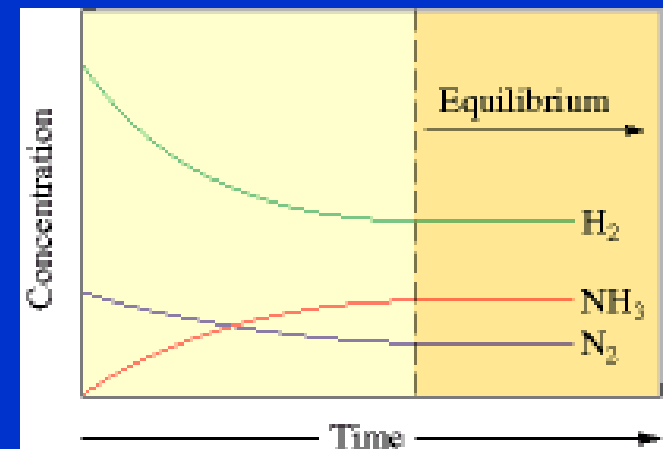
**20-100 MPa a 400-600 °C**



Fritz Haber

(1868-1934)

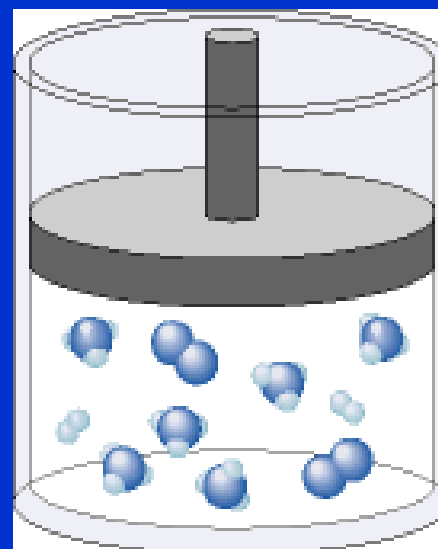
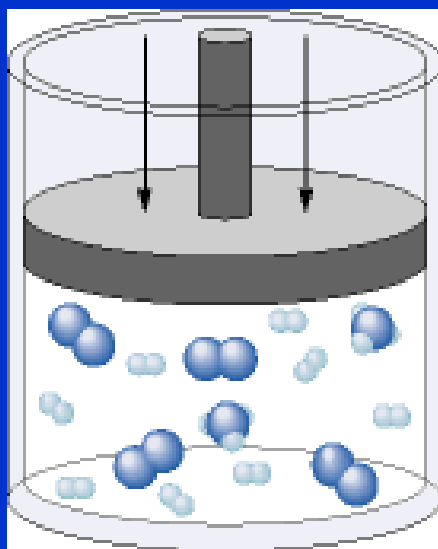
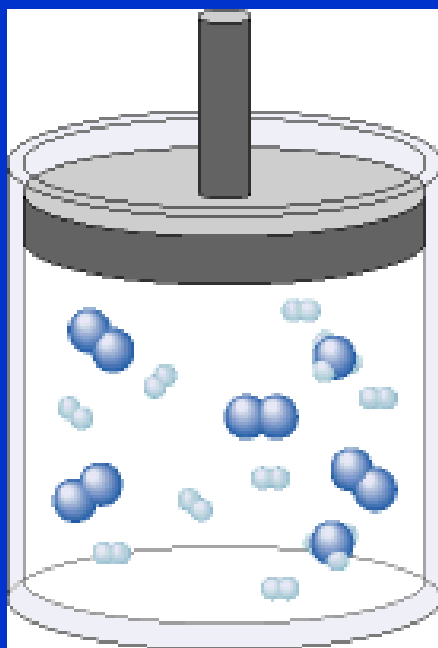
NP za chemii 1918



## Vliv tlaku na reakční rovnováhu



**K se nemění**



Key:



$$K_p = \frac{p_{\text{NH}_3}^2}{p_{\text{N}_2} p_{\text{H}_2}^3}$$

$$Q_p = \frac{(2p_{\text{NH}_3})^2}{2p_{\text{N}_2} (2p_{\text{H}_2})^3}$$

Tvorba NH<sub>3</sub>

Zdojnásobíme tlak

## Rovnovážná konstanta

$$pV = nRT \quad p = (n/V)RT = cRT$$

$$p = p_1 + p_2 + p_3 + \dots \text{Parciální tlaky}$$



$$\begin{aligned} K &= \frac{[\text{NH}_3]^2}{[\text{N}_2][\text{H}_2]^3} = \frac{c_{\text{NH}_3}^2}{(c_{\text{N}_2})(c_{\text{H}_2}^3)} \\ &= \frac{\left(\frac{P_{\text{NH}_3}}{RT}\right)^2}{\left(\frac{P_{\text{N}_2}}{RT}\right)\left(\frac{P_{\text{H}_2}}{RT}\right)^3} = \frac{P_{\text{NH}_3}^2}{(P_{\text{N}_2})(P_{\text{H}_2}^3)} \times \frac{\left(\frac{1}{RT}\right)^2}{\left(\frac{1}{RT}\right)^4} \\ &= \frac{P_{\text{NH}_3}^2}{(P_{\text{N}_2})(P_{\text{H}_2}^3)} (RT)^2 \\ &= K_p (RT)^2 \end{aligned}$$



## Rovnovážná konstanta



$$K_p = K_c (RT)^{\Delta n}$$

$$\Delta n = (l + m) - (j + k)$$

$$\begin{aligned} K_p &= \frac{(P_C^l)(P_D^m)}{(P_A^j)(P_B^k)} = \frac{(C_C \times RT)^l (C_D \times RT)^m}{(C_A \times RT)^j (C_B \times RT)^k} \\ &= \frac{(C_C^l)(C_D^m)}{(C_A^j)(C_B^k)} \times \frac{(RT)^{l+m}}{(RT)^{j+k}} = K(RT)^{(l+m)-(j+k)} \\ &= K(RT)^{\Delta n} \end{aligned}$$

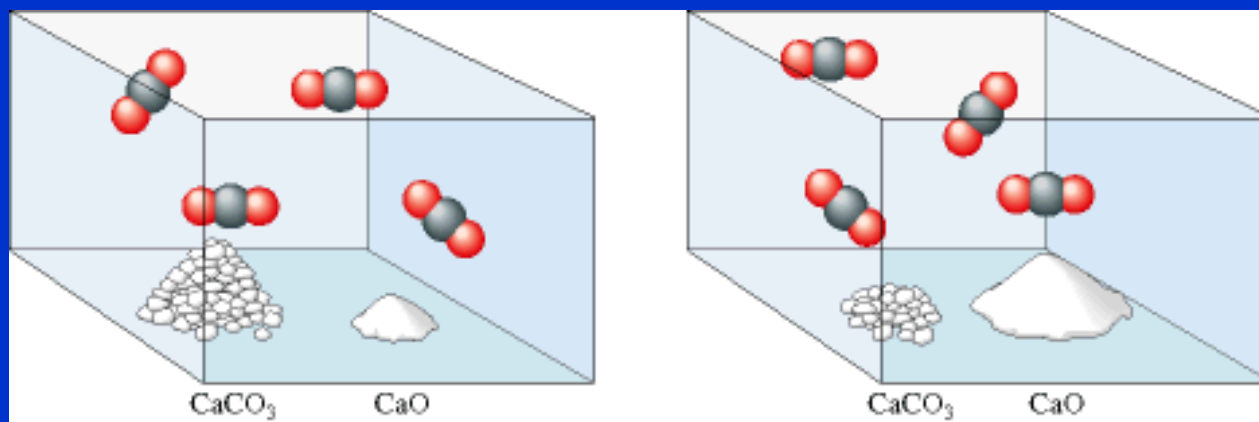
## Heterogenní rovnováhy



$$K = [\text{CO}_2][\text{CaO}] / [\text{CaCO}_3] = [\text{CO}_2] = p(\text{CO}_2)$$

Aktivita (koncentrace) čistých kapalin a tuhých látek je konstantní a neobjeví se v K.

$[\text{CaO}] = [\text{CaCO}_3] = \text{konst.}$     Příklad: nic nemění



## Heterogenní rovnováhy



$$K = [\text{H}_2]^2[\text{O}_2] \quad K_p = p^2(\text{H}_2) p(\text{O}_2)$$



$$K = [\text{H}_2]^2[\text{O}_2] / [\text{H}_2\text{O}]^2 \quad K_p = p^2(\text{H}_2) p(\text{O}_2) / p^2(\text{H}_2\text{O})$$

$$\Delta G = \Delta G^0 + RT \ln Q$$

$$\Delta G^0 = - RT \ln K$$

$$\Delta G^0 = \Delta H^0 - T \Delta S^0$$

## Vliv teploty na K

$$\ln K = -\frac{\Delta G^0}{RT} = -\frac{\Delta H^0}{RT} + \frac{\Delta S^0}{R}$$

K se mění s T

Porovnat K při  $T_1$  a  $T_2$  ( $K_1$  a  $K_2$ )

$$\ln K_2 = -\frac{\Delta H^0}{RT_2} + \frac{\Delta S^0}{R}$$

**van't Hoffova rovnice**

$$\ln K_2 - \ln K_1 = \ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

## Vliv teploty na reakční rovnováhu



$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^\circ}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

**Exothermní** reakce se chlazením

$$T_2 < T_1$$

posune doprava = K vzroste,  $K_2 > K_1$

Teplo jako produkt exothermní reakce



## Vliv teploty na exothermní rovnováhu



**Exothermní reakce, výtěžek klesá s rostoucí T**

	T, K	K	
Roste T	500	90	Klesá K a výtěžek
	600	3	
	700	0.3	
	800	0.04	

$$K = \frac{[\text{NH}_3]^2}{[\text{N}_2][\text{H}_2]^3}$$

$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^\circ}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

## Vliv teploty na endothermní rovnováhu



**Endothermní** reakce se zahříváním posune doprava

$$T_2 > T_1$$

K vzroste,  $K_2 > K_1$ ,  $K_p = p(\text{CO}_2)$

$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^\circ}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

Teplo jako reaktant endothermní reakce



## Výpočet rovnovážné koncentrace



$$K = 1.15 \cdot 10^2$$

$$[\text{H}_2]_0 = 1.00 \text{ M} \quad [\text{F}_2]_0 = 2.00 \text{ M} \quad [\text{HF}]_0 = 0$$

$$K = \frac{[\text{HF}]^2}{[\text{H}_2][\text{F}_2]}$$

	$\text{H}_2(g)$	$\text{F}_2(g)$	$2 \text{HF}(g)$
Počáteční	1.00	2.00	0
Změna	$-x$	$-x$	$+2x$
Rovnovážná	$1.00 - x$	$2.00 - x$	$2x$

$$K = 1.15 \cdot 10^2 = \frac{[\text{HF}]^2}{[\text{H}_2][\text{F}_2]} = \frac{(2x)^2}{(1.00 - x)(2.00 - x)}$$

$$K = \frac{[2x]^2}{[1.00 - x][2.00 - x]}$$



## Výpočet rovnovážné koncentrace

$$x_{1,2} = [-b \pm (b^2 - 4ac)^{1/2}] / 2a$$

Kořeny

$$x_1 = 2.14 \text{ mol l}^{-1} \text{ a } x_2 = 0.968 \text{ mol l}^{-1}$$

Použijeme

$$x_2 = 0.968 \text{ mol l}^{-1}$$

$$[\text{H}_2] = 1.000 \text{ M} - 0.968 \text{ M} = 3.2 \cdot 10^{-2} \text{ M}$$

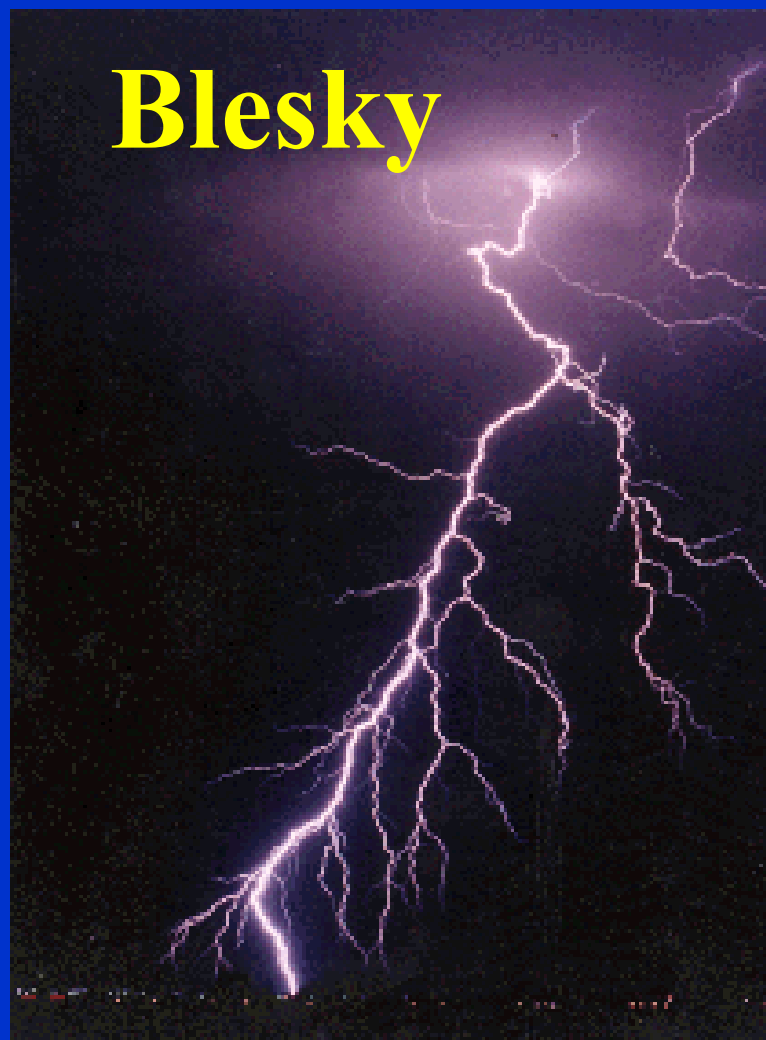
$$[\text{F}_2] = 2.000 \text{ M} - 0.968 \text{ M} = 1.032 \text{ M}$$

$$[\text{HF}] = 2 (0.968 \text{ M}) = 1.936 \text{ M}$$

## Vliv teploty na reakční rovnováhu



$$\Delta H_r^\circ = 180.6 \text{ kJ mol}^{-1}$$



Mimo průmyslové procesy, jsou blesky největším zdrojem znečištění atmosféry oxidy dusíku ( $\text{NO}_x$ ) a ( $\text{NO}_3^-$ )



Gibbsova volná energie při 298 K

$$\Delta G^\circ = -RT \ln (K_{\text{eq}})$$

Slučovací  $\Delta G_{\text{sluč}}^\circ = \Delta H_{\text{sluč}}^\circ = 0$  pro  $\text{N}_2$  a  $\text{O}_2$

$$\Delta G_{\text{sluč}}^\circ (\text{NO}) = 86.6 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta H_{\text{sluč}}^\circ (\text{NO}) = 90.3 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$R = 8.314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

Reakční

$$\Delta H_r^\circ = 2 (90.3) - 0 - 0 = 180.6 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta G_r^\circ = 2 (86.6) - 0 - 0 = 173.2 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$K_{\text{eq}} = \exp (-\Delta G_r^\circ/RT) = \exp (-173.2 \cdot 10^3 / 8.314 \times 298) = 4.33 \cdot 10^{-31}$$

Za normální teploty rovnováha velmi posunuta k výchozím látkám

$$K_{\text{eq}} = P_{\text{NO}}^2 / P_{\text{N}_2} P_{\text{O}_2}$$

Když  $P_{\text{N}_2} = 0.8 \text{ atm}$ ;  $P_{\text{O}_2} = 0.2 \text{ atm}$  (rovnovážné)

$$P_{\text{NO}} = \sqrt{(K_{\text{eq}} 0.8 \times 0.2)} = 2.63 \cdot 10^{-16} \text{ atm}$$

Pro 2000 K

Předpoklad:  $\Delta H_r$  a  $\Delta S_r$  jsou nezávislé na teplotě

$$\Delta G_r^\circ \approx \Delta H_r^\circ - 298 \times \Delta S_r^\circ$$

$$173.2 = 180.6 - 298 \times \Delta S_r^\circ$$

$$\Delta S_r^\circ = 25.3 \cdot 10^{-3} \text{ kJ mol}^{-1} \text{ K}^{-1} = 25.3 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1} \quad (\text{pozor J a kJ})$$

$$\Delta G^T \approx \Delta H^\circ - T\Delta S^\circ = 180.7 - 2000 \times 25.3 \cdot 10^{-3} = 130.1 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta G_{(2000)} \approx 130.1 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\begin{aligned} K_{\text{eq}} &= P_{\text{NO}}^2 / P_{\text{N}_2} P_{\text{O}_2} = \exp(-\Delta G^\circ / RT) \\ &= \exp(-130.1 \cdot 10^3 / 8.314 \times 2000) = 4.00 \cdot 10^{-4} \end{aligned}$$

$$p_{\text{celk}} = 1.00 \text{ atm}$$

$$P_{\text{NO}} = 8.0 \cdot 10^{-3} \text{ atm} = [0.8 \% \text{ obj.}]$$

Pro 2500 K

$$K_{\text{eq}} = 3.4 \cdot 10^{-3} \quad [\text{NO}] = 2.3\% \text{ obj.}$$

## Parní reformování zemního plynu

Teploty varu:

$\text{CH}_4 = -161\text{ }^\circ\text{C}$ ,  $\text{H}_2\text{O} = 100\text{ }^\circ\text{C}$ ,  $\text{CH}_3\text{OH} = 65^\circ$ ,  $\text{H}_2 = -253^\circ\text{C}$

Vliv zvýšení tlaku

Teplota	Reakce	$\Delta n_g$	posun
$50^\circ$	$\text{CH}_4(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{OH}(\text{l}) + \text{H}_2(\text{g})$	0	ne
$75^\circ$	$\text{CH}_4(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{OH}(\text{g}) + \text{H}_2(\text{g})$	+1	doleva
$120^\circ$	$\text{CH}_4(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{g}) \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{OH}(\text{g}) + \text{H}_2(\text{g})$	0	ne

## Změna tenze par vody s teplotou



$$K_p = P_{\text{H}_2\text{O}}$$

**van't Hoffova rovnice**

$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \ln \frac{p_T}{p_{\text{var}}} = \ln p_T = \frac{\Delta H^0_{\text{výp}}}{R} \left( \frac{1}{T_{\text{var}}} - \frac{1}{T} \right)$$

$$P_{\text{var}} = 1 \text{ atm}$$

Tenze vodní páry při 50 °C = 323 K

**Clausius-Clapeyronova rovnice**

$$\ln P_T = \frac{40.66 \text{ Jmol}^{-1}}{8.315 \text{ JK}^{-1}\text{mol}^{-1}} \left( \frac{1}{373 \text{ K}} - \frac{1}{323 \text{ K}} \right) = -2.03$$

$$P_{323} = e^{-2.03} = 0.131 \text{ atm}$$

Experimentální hodnota = 0.122 atm