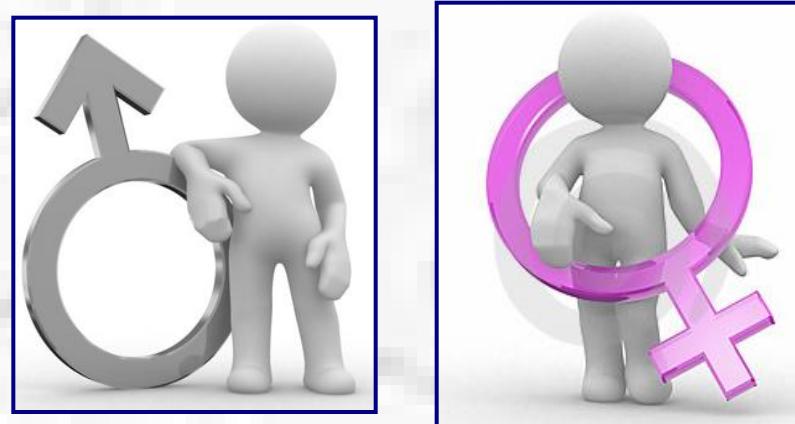
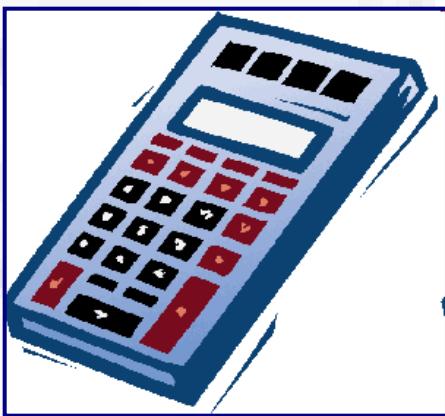


Pravděpodobnost v genetické analýze a předpovědi



Pravděpodobnost v genetické analýze a předpovědi

Součástí genetického poradenství

- rodokmen, rodinná anamnéza
 - **výpočet pravděpodobnosti rizika**
 - cytogenetické vyšetření – sestavení karyotypu
-
- dva pohledy na pravděpodobnost
např.. **pravděpodobnost 25 %**
 - riziko narození postiženého potomka – jeví se jako **vysoká**
 - riziko onemocnění – zdá se nám relativně **nízká** zbývá přece ještě 75 %

Pravděpodobnost jevu A = $p(A)$

Pravděpodobnost jevu B = $p(B)$

např. vznik genotypu s určitou pravděpodobností, narození chlapce apod.

1) Jev A vylučuje jev B

- vzájemně se vylučující jevy (narodí se buď chlapec nebo dívka)
- pravděpodobnost, že nastane jeden nebo druhý jev je součtem jejich jednotlivých pravděpodobností

$$p(A \text{ nebo } B) = p(A) + p(B)$$

pravidlo adice

2) Jev A nemá vliv na výskyt jevu B a naopak

- jevy jsou nezávislé (v zygotě bude alela A i alela B)
- pravděpodobnost jejich současného výskytu je násobkem jejich jednotlivých pravděpodobností

$$p(A \text{ a } B) = p(A) \times p(B)$$

pravidlo multiplikace

Vzorové příklady:

1) Pravděpodobnost shody dvou lidí v krevně-skupinovém systému AB0

Zastoupení krevních skupin AB0 v naší populaci:

A: 41,5 %

O: 37,8 %

B: 14,1 %

AB: 6,6 %

a) Pravděpodobnost shody v jednotlivých skupinách u dvou náhodně vybraných jedinců:

$$A \text{ a } A: 0,415 \times 0,415 = 0,172$$

$$O \text{ a } O: = 0,143$$

$$B \text{ a } B: = 0,0199$$

$$AB \text{ a } AB: = 0,0044$$

b) Pravděpodobnost shody v celém krevněskupinovém systému AB0:

$$P = 0,172 + 0,143 + 0,0199 + 0,0044 = \underline{\underline{0,339}}$$

asi 34 %, tedy každý 3. člověk má shodu

Příklady:

2) Předpokládejte, že jste genetický poradce. Rodiče se standardním fenotypem mají albinotické dítě a plánují, že budou mít další děti. Jestliže předpokládáme, že albinismus je autozomálně recesivní, co byste řekli rodičům o pravděpodobnosti, že:

- a) jedno dítě bude bez poruchy a druhé albinotické, jestliže se narodí v uvedeném pořadí.
- b) jedno dítě bude albinotické a druhé bez poruchy, bez ohledu na pořadí, v němž se narodí.

a) Pravděpodobnost (NA):

$$NA = \frac{3}{4} \times \frac{1}{4} = \mathbf{3/16} \quad 18,75 \%$$

b) Pravděpodobnost, že ze dvou dětí bude jedno albinotické a jedno zdravé:

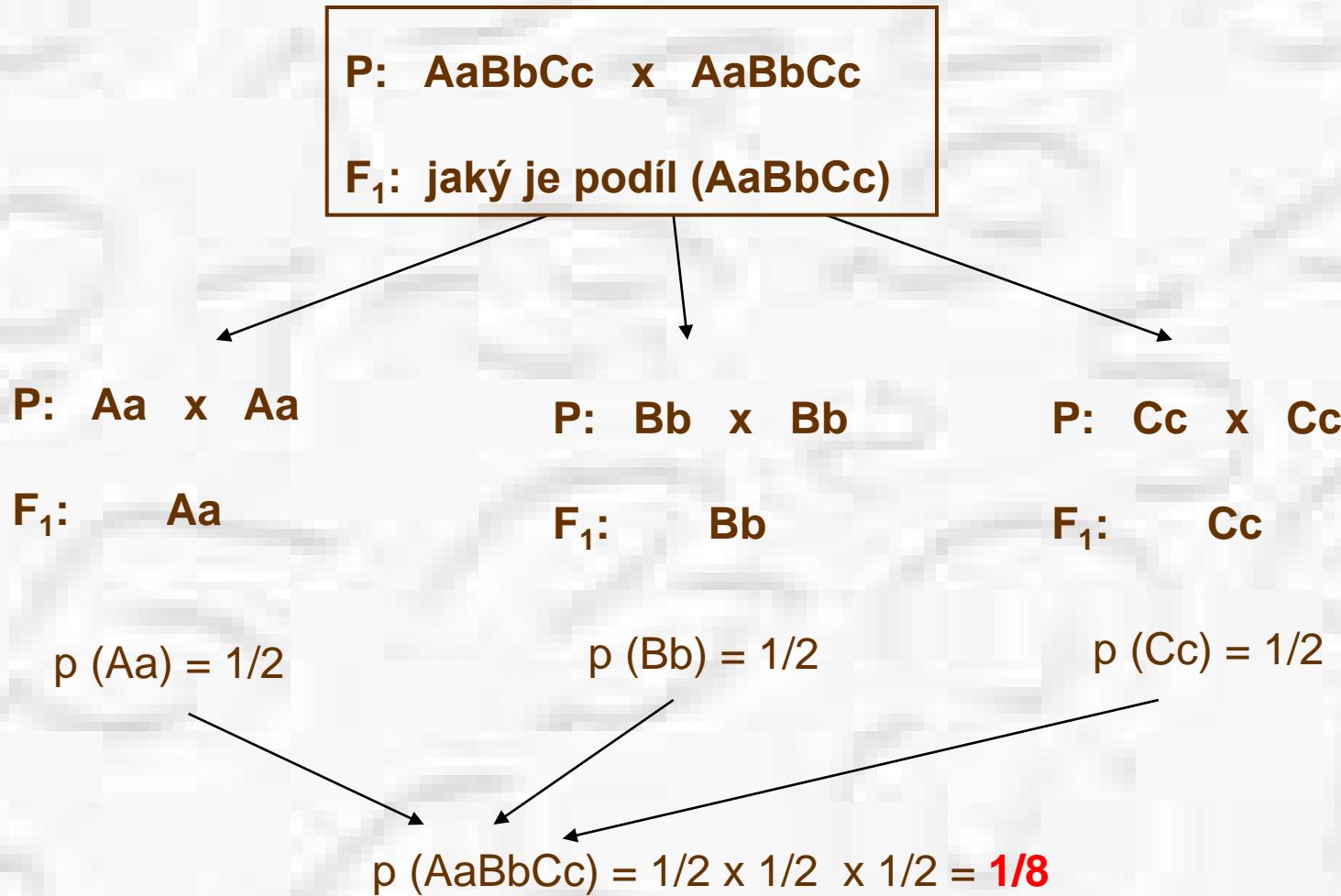
$$NA = \frac{3}{4} \times \frac{1}{4} = \mathbf{3/16}$$

$$AN = \frac{1}{4} \times \frac{3}{4} = \mathbf{3/16}$$

$$P = \mathbf{3/16} + \mathbf{3/16} = \mathbf{6/16} = \mathbf{3/8} \quad 37,5 \%$$

Příklady:

3) Křížíme $AaBbCc$ s $AaBbCc$, kde alely A , B , C jsou dominantní vůči a , b , c . Všechny tři geny vykazují volnou kombinaci. Jaký podíl potomstva bude heterozygotní pro všechny tři geny?



Příklady:

4) Křížíme $AaBbCCDdEE$ s $AabbCcDdee$, kde všechny geny vykazují navzájem nezávislou kombinaci. Jaký bude podíl jedinců genotypu $aabbCcddEe$ a kolik různých genotypů bude přítomno v potomstvu?

P: $AaBbCCDdEE \times AabbCcDdee$

$F_1: p(aabbCcddEe)$

P: $Aa \times Aa$
 $F_1: aa$

$Bb \times bb$
 bb

$CC \times Cc$
 Cc

$Dd \times Dd$
 dd

$EE \times ee$
 Ee

1/4

1/2

1/2

1/4

1

$$p(aabbCcddEe) = 1/4 \times 1/2 \times 1/2 \times 1/4 \times 1 = \textcolor{red}{1/64}$$

1,56 %

Počet různých genotypů:

3

2

2

3

1

$$= 3 \times 2 \times 2 \times 3 \times 1 = \textcolor{red}{36}$$

Příklady:

5) Jaká je pravděpodobnost, že v rodině se třemi dětmi budou všechny stejného pohlaví?

$$p(DDD) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$p(CCC) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

Oba jevy se vzájemně vylučují, tedy pravděpodobnost že se narodí tři děti stejného pohlaví je $\frac{1}{8} + \frac{1}{8} = \frac{2}{8} = \textcolor{red}{1/4}$

??? P 2D + 1C

$$p(DDC) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$p(DCD) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$p(CDD) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$\textcolor{red}{p = 3/8}$$

Celkově je distribuce pravděpodobností zastoupení pohlaví v rodině se 3 dětmi následující:

$$DDD = (1/2)^3 = 1/8$$

$$DDC, DCD, CDD = 3 \times (1/2)^2 \times 1/2 = 3/8$$

$$CCD, CDC, DCC = 3 \times (1/2)^2 \times 1/2 = 3/8$$

$$CCC = (1/2)^3 = 1/8$$

$$\text{celkem} = 1,0$$

Obecně lze výpočet pro konkrétní kombinace **zjednodušit**, zobecnit pomocí rozvoje binomického výrazu $(p + q)^n$, kde

p – pravděpodobnost narození dívčete = 1/2

q - pravděpodobnost narození chlapce = 1/2

n – počet dětí

tedy např. pro rodinu se 3 dětmi:

$$(p + q)^3 = p^3 + 3p^2q + 3pq^2 + q^3$$

↓ ↓
3 dívčata 2D + 1C

Pro rodinu s 5 dětmi:

$$(p + q)^5 = p^5 + 5p^4q + 10p^3q^2 + 10p^2q^3 + 5pq^4 + q^5$$

3D + 2C

1D + 4C

Např. vypočítej pravděpodobnost 2D + 3C

a) v uvedeném pořadí

$$- \text{ jako } p^2q^3 = (1/2)^2 \times (1/2)^3 = 1/32 \quad (3,1\%)$$

b) v jakémkoliv pořadí, zajímá nás jen poměr pohlaví 2:3

$$10p^2q^3 = 10 (1/2)^2 \times (1/2)^3 = 10/32 = 5/16 \quad (31,25\%)$$

??? Jak zjistím počet kombinací ???

- a) z Pascalova trojúhelníku
- b) pomocí faktoriálu

Zobecnění

Je-li pravděpodobnost výskytu jevu (A) p a pravděpodobnost výskytu alternativního jevu (B) q , pak pravděpodobnost, že se v n -pokusech bude jev (A) vyskytovat s -krát a jev (B) t -krát, je:

a) v určitém pořadí

$$p^s q^t$$

$$s + t = n$$

$$p + q = 1$$

b) bez ohledu na pořadí

$$(n! / s! t!) (p^s q^t)$$

např. 4A + 2B

$$n = 6$$

Počet různých kombinací je: $6! / 4! 2! = 15$ tedy $p(4A \text{ a } 2B) = 15p^4 q^2$

Příklady:

Příklady:

6) Manželé heterozygotní v genu pro albinismus plánují čtyři děti. Jaká je pravděpodobnost, že tyto děti budou dvě albinotické a dvě zdravé bez ohledu na pořadí, v němž se narodí.

P: Aa x Aa

plánují 4 děti
? 2A : 2N

$$p(A) = 1/4$$

$$p(N) = 3/4$$

$$n = 4$$

$$s = 2$$

$$t = 2$$

$$(4! / 2! 2!) (1/4)^2 (3/4)^2 = \textcolor{red}{27/128} \quad 21\%$$

Příklady:

7) Vypočítejte pravděpodobnost, že křížení mezi dvěma heterozygoty dá přesně očekávaný fenotypový poměr dominantních fenotypů k recesivním 3:1. Předpokládejme, že chceme vědět, jak často by rodiny s osmi dětmi měly šest dětí s dominantním fenotypem a dvě děti s recesivním.

3A : 1a v rodinách s osmi dětmi **6A : 2a**

$$p(A) = 3/4$$

$$p(a) = 1/4$$

$$n = 8$$

$$s = 6$$

$$t = 2$$

$$(8! / 6! 2!) (3/4)^6 (1/4)^2 = \mathbf{0,31}$$

31 %

Příklady:

8) Pravděpodobnosti u dvojčat.

A) Jaká je pravděpodobnost, že dvě dizygotická dvojčata budou mít stejné pohlaví?

$$p (CC) = 1/2 \times 1/2 = 1/4$$

$$p (DD) = 1/2 \times 1/2 = 1/4$$

$$p = 1/4 + 1/4 = 2/4 = \textcolor{red}{1/2}$$



B) Jaká je pravděpodobnost, že dvě monozygotická dvojčata budou mít stejné pohlaví?