

1. Máme těleso na začátku nakloněné roviny (dole). Těleso má hmotnost  $m$ , sklon nakloněné roviny je  $\alpha$  a délka nakloněné roviny je  $L$ . Těleso táhneme vzhůru silou o velikosti  $F_1$ , přičemž tato síla je rovnoběžná s nakloněnou rovinou. Určete:

- Za jak dlouho se těleso dostane na konec nakloněné roviny?
- Jakou bude mít těleso rychlost?
- Jak velká musí být síla  $F_1$ , aby se těleso dalo do pohybu směrem nahoru po nakloněné rovině?
- Předchozí příklady spočítejte za předpokladu, že přidáme tření, jehož smykový koeficient je  $f$ .
- Předpokládejme, že síla, která táhne těleso není rovnoběžná s nakloněnou rovinou, ale svírá s ní úhel  $\beta$ . Určete, za jak dlouho se těleso dostane na konec nakloněné roviny. Určete tento čas při započítání tření. Zapište, co musí platit pro velikost síly  $F_1$  a úhly  $\alpha$  a  $\beta$ , aby se těleso pohybovalo po nakloněné rovině a nevzlétlo a jaká musí být v tomto případě minimální velikost síly  $F_1$ , aby se těleso pohybovalo směrem vzhůru.
- Určete a) až e), ale těleso bude mít počáteční rychlost  $v_0$  a bude se nacházet na nakloněné rovině ve vzdálenosti  $s$  od jejího počátku.

Řešení:

$$a) t = \sqrt{\frac{2L}{\frac{F_1}{m} - g \sin(\alpha)}}$$

$$b) v = \left(\frac{F_1}{m} - g \sin(\alpha)\right) \sqrt{\frac{2L}{\frac{F_1}{m} - g \sin(\alpha)}}$$

$$c) F_1 > mg \sin(\alpha)$$

$$d) t = \sqrt{\frac{2L}{\frac{F_1}{m} - g \sin(\alpha) - fg \cos(\alpha)}}, v = \sqrt{\left(\frac{F_1}{m} - g \sin(\alpha) - fg \cos(\alpha)\right)2L}, F_1 > mg \sin(\alpha) + fg \cos(\alpha)$$

$$e) t = \sqrt{\frac{2L}{\frac{F_1}{m} \cos(\beta) - g \sin(\alpha) - fg \cos(\alpha) + f \frac{F_1}{m} \sin(\beta)}}, v = \sqrt{\left(\frac{F_1}{m} \cos(\beta) - g \sin(\alpha) - fg \cos(\alpha) + f \frac{F_1}{m} \sin(\beta)\right)2L}, F_1 < \frac{mg}{\sin(\alpha+\beta)}, F_1 > \frac{mg \sin(\alpha) + fg \cos(\alpha)}{\cos(\beta)}$$