

Cvičenie 2

1. Pokúste sa o simuláciu svetelnej krvky tranzitu exoplanéty. Nech má exoplanéta veľkosť 5-násobne menšiu ako materská planéta a nachádza sa od nej v dostatočnej vzdialosti, aby sme dráhu počas tranzitu pokladali za priamu. Vytvorte simuláciu pre prípad, že planéta prechádza stredom disku a lineárny koeficient okrajového stemnenia je rovný 0.5.
2. Libračný bod Zeme L1 je bod medzi Slnkom a Zemou, kde je výslednica všetkých síl nulová. Gravitačná sila Slnka je kompenzovaná gravitačnou silou Zeme a odstredivou silou obežného pohybu. Teleso, ktoré sa nachádza v tomto bode, sa neriadi klasickým Keplerovým zákonom, ale kvôli zachovaniu dlhodobej stability systému obieha rovnakou uhlovou rýchlosťou ako Zem. Zo silovej rovnice určte iteráčnou metódou vzdialenosť tohto bodu od Zeme v km, ak $M_S = 333\,000 M_Z$, $r = 149\,597\,900 \text{ km}$.

Domáca úloha

Vytvorte funkciu, ktorá bude počítať dynamickú parallaxu dvojhviezd. Vstupné údaje nech sú m_A, m_B, a a P , ako zdanlivé hviezdne veľkosti oboch hviezd, veľká polos v oblúkových sekundách a obežná doba v rokoch. Funkcia zo vstupných hodnôt s predpokladanými hmotnosťami oboch hviezd rovnými M_\odot a použitím tretieho Keplerovho zákona určí veľkú polos a z nej predpokladanú hodnotu paralaxy. Z modulu vzdialenosťi sa vypočítajú absolútne hviezdne veľkosti oboch zložiek, z nich sa určí žiarivý výkon a následne sa vypočítajú približné hmotnosti zo vzťahov hmotnosť-svetivosť. Tie sa vložia ako vstupné hodnoty do ďalšieho cyklu a celý postup sa opakuje, kým sa nedospeje ku konštantným hodnotám. Výstupom funkcie budú hmotnosti oboch zložiek a hodnota dynamickej paralaxy. Bolometrická hviezdna veľkosť Slnka je 4.75 mag.

$$\begin{aligned} \frac{a^3}{P^2} &= \frac{G(M_A + M_B)}{4\pi^2} \\ M &= m - 5 \log r + 5 \\ \frac{L}{L_\odot} &= 0.23 \left(\frac{M}{M_\odot} \right)^{2.3} & M < 0.43M_\odot \\ \frac{L}{L_\odot} &= \left(\frac{M}{M_\odot} \right)^{3.5} & 0.43M_\odot < M < 2M_\odot \\ \frac{L}{L_\odot} &= 1.5 \left(\frac{M}{M_\odot} \right)^4 & 2M_\odot < M < 20M_\odot \\ \frac{L}{L_\odot} &= 3200 \frac{M}{M_\odot} & M > 20M_\odot \end{aligned}$$