Téma 2: Výpočet číselných charakteristik jednorozměrného a dvourozměrného datového souboru

Úkol 1.: U 100 náhodně vybraných domácností byl zjišťován způsob zásobování bramborami (znak X, varianty 1 = vlastní sklep, 2 = jinde, 3 = nákup) a bydliště (znak Y, varianty 1 = velké město, 2 = malé město, 3 = vesnice).

způsob zásobování	bydliště		
	velké město	malé město	vesnice
vlastní sklep	13	15	14
jinde	11	7	2
nákup	19	9	10

a) Pro oba znaky určíme modus.
b) Vypočteme Cramérův koeficient znaků X, Y.
Návod: Otevřeme datový soubor brambory.sta se třemi proměnnými X, Y, četnost a devíti případy. Proměnná X obsahuje varianty způsobu zásobování, proměnná Y varianty bydliště a proměnná četnost obsahuje odpovídající simultánní absolutní četnosti dvojic variant $(x_{[j]}, y_{[k]})$, j = 1, 2, 3, k = 1, 2, 3.

ad a) Výpočet modu: Statistiky – Základní statistiky/tabulky – Popisné statistiky – OK – klikneme na tlačítko se závažím – zaškrtneme Stav zapnuto, vybereme proměnnou vah četnost – OK - Proměnné X, Y – OK – Detailní výsledky – zaškrtneme Modus.

Proměnná	Popisné statistiky (brambory)	
	Modus	Četnost modu
X	1,000000	42
Y	1,000000	43

Proměnná X má modus 1, tj. nejvíce domácností skladuje brambory ve vlastním sklepě a proměnná Y má také modus 1, tj. nejvíce domácností bydlí ve velkém městě.

ad b) Výpočet Cramérova koeficientu: Statistiky – Základní statistiky/tabulky – Kontingenční tabulky – OK – Specif. tabulky - List 1 X, List 2 Y - OK – na záložce Možnosti ve Statistikách 2 rozměrných tabulek zaškrtneme Fí (tabulky 2x2) & Cramérovo V & C – přejdeme na záložku Detailní výsledky – Detailní 2-rozm. tabulky.

Statist.	Statist. : X(3) x Y(3) (brambory)		
	Chí-kvadr.	sv	p
Pearsonův chí-kv.	6,420286	df=4	p=,16989
M-V chí-kvadr.	7,075760	df=4	p=,13195
Fí	,2533828		
Kontingenční koeficient	,2456207		
Cramér. V	,1791687		

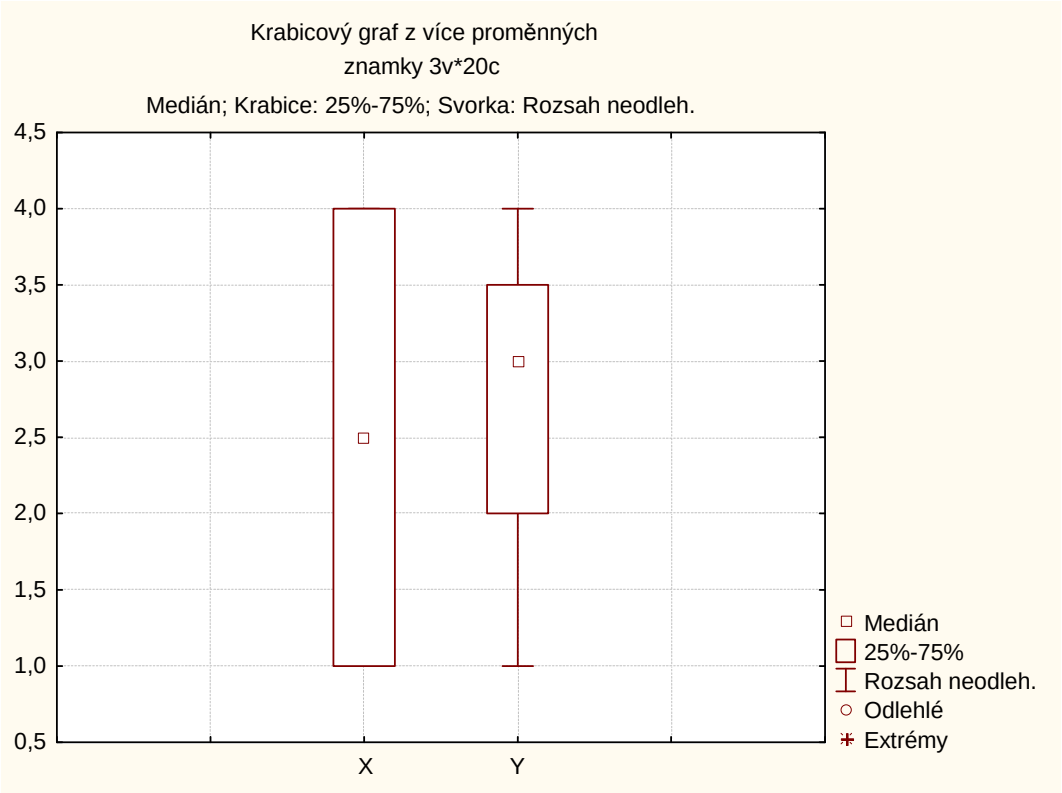
Na posledním řádku najdeme, že Cramérův koeficient nabývá hodnoty 0,179, tedy mezi způsobem zásobování bramborami a bydlištěm domácnosti existuje jen slabá závislost – viz následující tabulka:

Cramérův koeficient	interpretace
mezi 0 až 0,1	zanedbatelná závislost
mezi 0,1 až 0,3	slabá závislost
mezi 0,3 až 0,7	střední závislost
mezi 0,7 až 1	silná závislost

Úkol 2.: Otevřeme datový soubor znamky.sta.
a) Pro známky z matematiky a angličtiny vypočteme medián, dolní a horní kvartil, kvartilovou odchylku a vytvoříme krabicový diagram.
b) Vypočteme Spearmanův korelační koeficient známek z matematiky a angličtiny pro všechny studenty, pak zvlášť pro muže a zvlášť pro ženy. Získané výsledky budeme interpretovat.
Návod:
ad a) Statistiky – Základní statistiky/tabulky – Popisné statistiky – OK – Proměnné X, Y – OK – Detailní výsledky - zaškrtneme Medián, Dolní & horní kvartily, Kvartil. rozpětí – Výpočet.

	Popisné statistiky (znamky)			
Proměnná	Medián	Spodní kvartil	Horní kvartil	Kvartilové rozpětí
X	2,500000	1,000000	4,000000	3,000000
Y	3,000000	2,000000	3,500000	1,500000

Vytvoření krabicového diagramu: Grafy – 2D Grafy – Krabicové grafy – vybereme Vícenásobný – Proměnné X, Y – OK.



ad b) Statistiky – Neparametrická statistika – Korelace – OK – Proměnné X, Y – OK – Spearman R.

Pro všechny:

	Spearmanovy korelace (znamky) ChD vynechány párově Označ. korelace jsou významné na hl. p <,05000	
Proměnná	X	Y
X	1,000000	0,688442
Y	0,688442	1,000000

Počítáme-li Spearmanův korelační koeficient pro ženy (resp. pro muže), použijeme filtr: tlačítko Select Cases – Zapnout filtr – včetně případů – některé, vybrané pomocí výrazu Z=0 (resp. Z=1).

Pro ženy:

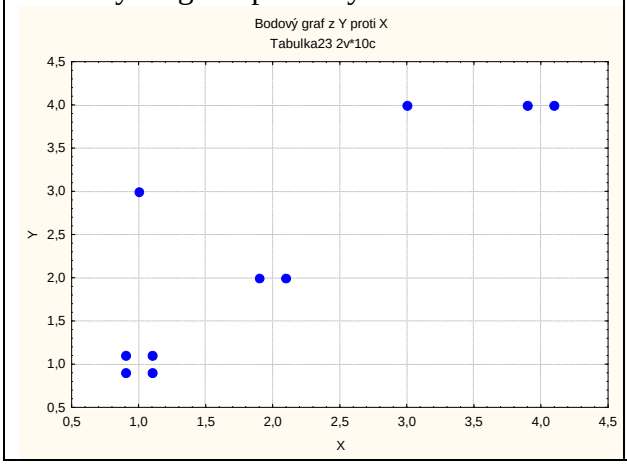
	Spearmanovy korelace (znamky) ChD vynechány párově Označ. korelace jsou významné na hl. p <,05000 Zhrnout podmínku: Z=0	
Proměnná	X	Y
X	1,000000	0,860314
Y	0,860314	1,000000

Pro muže:

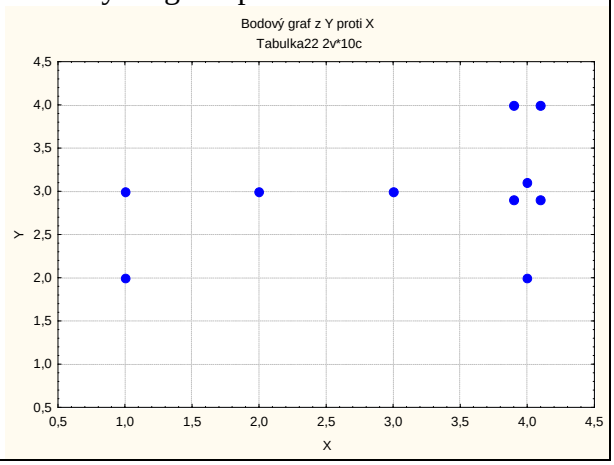
	Spearmanovy korelace (znamky) ChD vynechány párově Označ. korelace jsou významné na hl. p <,05000 Zhrnout podmínku: Z=1	
Proměnná	X	Y
X	1,000000	0,373544
Y	0,373544	1,000000

Vidíme, že nejsilnější přímá pořadová závislost mezi známkami z matematiky a angličtiny je u žen, $r_S = 0{,}86$. U mužů je tato závislost mnohem slabší, $r_S = 0{,}37$. U žen tedy dochází k tomu, že se sdružují podobné známky z obou předmětů, zatímco u mužů se projevuje spíše tendence k různým známkám. Je to zřetelně vidět na dvourozměrných tečkových diagramech.

Tečkový diagram pro ženy



Tečkový diagram pro muže



Význam hodnot Spearmanova (i Pearsonova) koeficientu korelace je popsán v tabulce:

Absolutní hodnota korelačního koeficientu	Interpretace hodnoty
0	lineární nezávislost
(0, 0,1)	velmi nízký stupeň závislosti
[0,1, 0,3)	nízký stupeň závislosti
[0,30, 0,50)	mírný stupeň závislosti
[0,50, 0,70)	význačný stupeň závislosti
[0,70, 0,90)	vysoký stupeň závislosti
[0,90, 1)	velmi vysoký stupeň závislosti
1	úplná lineární závislost

Úkol 3.: Otevřeme datový soubor ocel.sta.
a) Pro mez plasticity a mez pevnosti vypočteme aritmetický průměr, směrodatnou odchylku, rozptyl, koeficient variace, šikmost a špičatost. Výsledky porovnáme s údaji ve skriptech Popisná statistika (viz str. 30).
b) Vypočteme Pearsonův koeficient korelace meze plasticity a meze pevnosti. Dále vypočteme také kovarianci a výsledek porovnáme s výsledkem ve skriptech Popisná statistika (str. 30).

Návod:
ad a) Statistiky – Základní statistiky/tabulky – Popisné statistiky – OK – Proměnné X, Y – OK – Detailní výsledky - zaškrtneme Průměr, Směrodat. odchylka, Rozptyl, Variační koeficient, Šikmost, Špičatost – Výsledky.

	Popisné statistiky (ocel)					
Proměnná	Průměr	Rozptyl	Sm.odch.	Koef.prom.	Šikmost	Špičatost
X	95,8833	1070,240	32,71453	34,11910	-0,046758	-0,605826
Y	114,4000	1075,125	32,78911	28,66181	0,297889	-0,592621

Vysvětlení: Rozptyl a směrodatná odchylka vyjdou ve STATISTICE jinak než ve skriptech, protože STATISTICA ve vzorci pro výpočet rozptylu nepoužívá 1/n, ale 1/(n-1). Koeficient variace (v tabulce označený jako Koef. Prom.) je udán v procentech.

ad b) Statistiky – Základní statistiky/tabulky – Korelační matice – OK – 1 seznam proměnných – X, Y – OK, na záložce Možnosti zrušíme volbu Včetně průměrů a sm. odch. – Výpočet.

	Korelace (ocel) Označ. korelace jsou významné na hlad. p < ,05000 N=60 (Celé případy vynechány u ChD)	
Proměnná	X	Y
X	1,00	0,93
Y	0,93	1,00

Vidíme, že mezi X a Y existuje silná přímá lineární závislost.

Kovariance se počítá složitěji. Statistiky – Vícenásobná regrese - Proměnné Nezávislá X, Závislá Y – OK – OK – Residua/předpoklady/předpovědi – Popisné statistiky – Další statistiky - Kovariance.

Proměnná	Kovariance (ocel)	
	X	Y
X	1070,240	1002,471
Y	1002,471	1075,125

Vysvětlení: Na hlavní diagonále jsou rozptyly proměnných X, Y, mimo hlavní diagonálu je kovariance. Kovariance vyjde ve STATISTICE jinak než ve skriptech, protože ve STATISTICE se ve vzorci pro výpočet kovariance nepoužívá 1/n, ale 1/(n-1).

Úkol 4.: Je třeba si uvědomit, že průměr a rozptyl nepopisují rozložení četností jednoznačně. Existují datové soubory, které mají shodný průměr i rozptyl, ale přesto se jejich rozložení četností velmi liší. Tuto skutečnost dobře ilustruje následující příklad: Tři skupiny studentů o počtech 149, 69 a 11 odpovídaly při testu na 10 otázek. Znak X je počet správně zodpovězených otázek. Známe absolutní četnosti znaku X ve všech třech skupinách.

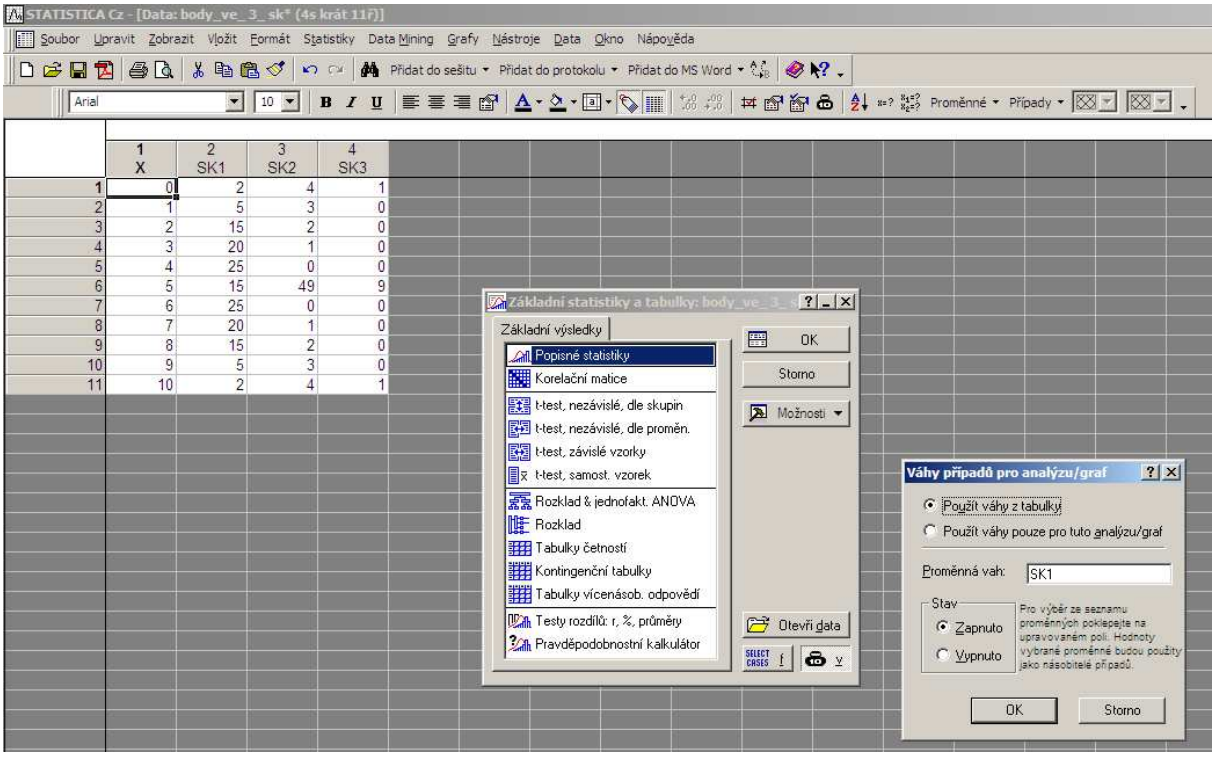
č. sk.	X										
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	2	5	15	20	25	15	25	20	15	5	2
2	4	3	2	1	0	49	0	1	2	3	4
3	1	0	0	0	0	9	0	0	0	0	1

Vypočtěte průměr, rozptyl, šikmost a špičatost počtu správně zodpovězených otázek ve všech třech skupinách. Nakreslete sloupkové diagramy absolutních četností.

Návod: Při zadávání dat do STATISTIKY utvořte čtyři proměnné a 11 případů. V 1. sloupci budou varianty znaku X (tj. 0 až 10), v dalších sloupcích pak absolutní četnosti. Proměnné pojmenujeme X, SK1, SK2, SK3.

	1 X	2 SK1	3 SK2	4 SK3
1	0	2	4	1
2	1	5	3	0
3	2	15	2	0
4	3	20	1	0
5	4	25	0	0
6	5	15	49	9
7	6	25	0	0
8	7	20	1	0
9	8	15	2	0
10	9	5	3	0
11	10	2	4	1

V tabulce Popisné statistiky zadáme Proměnná X a klepneme na tlačítko W, abychom program upozornili, že budeme pracovat s daty zadanými pomocí absolutních četností. Zadáme Proměnná vah SK1, zaškrtneme Stav Zapnuto, OK



Ve volbě Popisné statistiky zaškrtneme Průměr, Rozptyl, Šikmost, Špičatost – Výpočet. Dále pro znak X nakreslíme sloupkový diagram. Tytéž úkoly provedeme s váhovými proměnnými SK2 a SK3.

1. skupina (X váženo pomocí SK1)

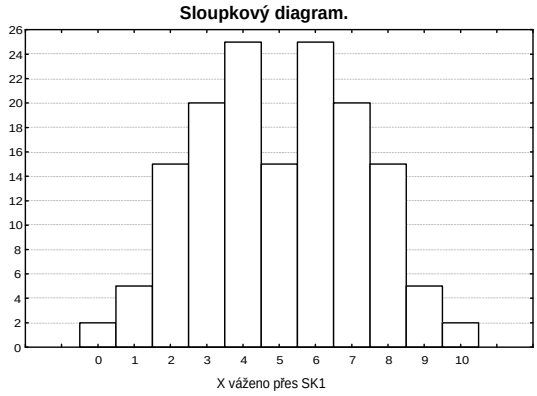
	Descriptive Statistics			
Variable	Mean	Variance	Skewness	Kurtosis
X	5,000000	5,000000	-0,000000	-0,759500

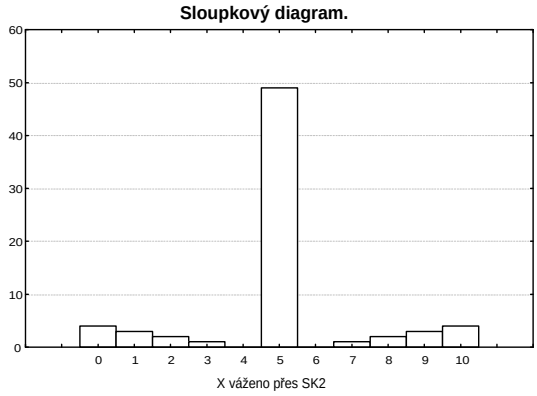
2. skupina (X váženo pomocí SK2)

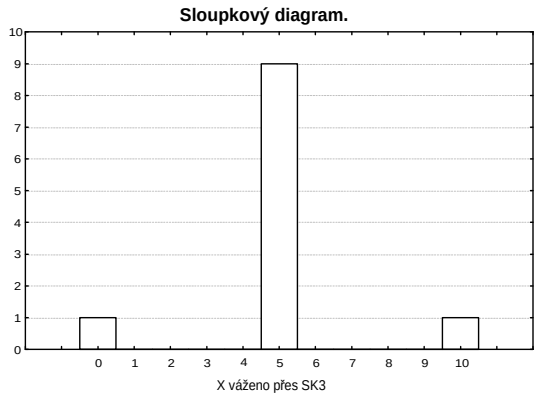
	Descriptive Statistics			
Variable	Mean	Variance	Skewness	Kurtosis
X	5,000000	5,000000	-0,000000	1,291133

3. skupina (X váženo pomocí SK3)

	Descriptive Statistics (cischar)			
Variable	Mean	Variance	Skewness	Kurtosis
X	5,000000	5,000000	-0,000000	5,000000







Všechny tři skupiny mají týž průměr, rozptyl a šikmost, liší se pouze ve špičatosti. Sloupkové diagramy počtu správně zodpovězených otázek v každé ze tří uvažovaných skupin mají naprosto odlišný vzhled.