

## INTERVALY SPOLEHLIVOSTI

- máme náhodný výběr  $X_1 \dots X_n$  z rozdělení  $L(\theta)$ ,  $\theta$  je parametr,  $\alpha \in (0, 1)$
- interval  $(D, H)$ 
  - 100(1 -  $\alpha$ )% oboustranný IS pro parametr  $\theta$
  - pro každé  $\theta : P(D < \theta < H) = 1 - \alpha$
- interval  $(D, \infty)$ 
  - 100(1 -  $\alpha$ )% levostranný IS pro parametr  $\theta$
  - pro každé  $\theta : P(D < \theta) = 1 - \alpha$
- interval  $(-\infty, H)$ 
  - 100(1 -  $\alpha$ )% pravostranný IS pro parametr  $\theta$
  - pro každé  $\theta : P(\theta < H) = 1 - \alpha$
- $\alpha$  se nazývá *riziko*,  $(1 - \alpha)$  se nazývá *spolehlivost*.

## Pivotové statistiky W

Nechť  $X_1 \dots X_n$  je náhodný výběr z normálního rozdělení  $N(\mu, \sigma^2)$ ,  $n \geq 2$ . Nechť  $M$  je výběrový průměr a  $S^2$  je výběrový rozptyl.

1. Pivotová statistika

$$U = \frac{M - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \sim N(0, 1)$$

slouží k řešení úloh o  $\mu$ , když  $\sigma^2$  známe.

2. Pivotová statistika

$$T = \frac{M - \mu}{\frac{S}{\sqrt{n}}} \sim t(n - 1)$$

slouží k řešení úloh o  $\mu$ , když  $\sigma^2$  neznáme.

3. Pivotová statistika

$$\frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \mu)^2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n)$$

slouží k řešení úloh o  $\sigma^2$ , když  $\mu$  známe.

4. Pivotová statistika

$$K = \frac{(n - 1)S^2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n - 1)$$

slouží k řešení úloh o  $\sigma^2$ , když  $\mu$  neznáme.

# Tvary intervalů spolehlivosti

1. IS pro  $\mu$ , když  $\sigma^2$  známe

(a) Oboustranný:

$$(d, h) = \left(m - \frac{\sigma}{\sqrt{n}}u_{1-\alpha/2}, m - \frac{\sigma}{\sqrt{n}}u_{\alpha/2}\right)$$

(b) Levostranný:

$$(d, \infty) = \left(m - \frac{\sigma}{\sqrt{n}}u_{1-\alpha}, \infty\right)$$

(c) Pravostranný:

$$(-\infty, h) = \left(-\infty, m - \frac{\sigma}{\sqrt{n}}u_{\alpha}\right)$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha,0,1)`.

2. IS pro  $\mu$ , když  $\sigma^2$  neznáme

(a) Oboustranný:

$$(d, h) = \left(m - \frac{s}{\sqrt{n}}t_{1-\alpha/2}(n-1), m - \frac{s}{\sqrt{n}}t_{\alpha/2}(n-1)\right)$$

(b) Levostranný:

$$(d, \infty) = \left(m - \frac{s}{\sqrt{n}}t_{1-\alpha}(n-1), \infty\right)$$

(c) Pravostranný:

$$(-\infty, h) = \left(-\infty, m - \frac{s}{\sqrt{n}}t_{\alpha}(n-1)\right)$$

$t_{\alpha}(n-1)$  je  $\alpha$  kvantil Studentova rozdělení o  $n-1$  stupních volnosti ... `qt(alpha,n-1)`.

3. IS pro  $\sigma^2$ , když  $\mu$  známe

(a) Oboustranný:

$$(d, h) = \left(\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2}{\chi_{1-\alpha/2}^2(n)}, \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2}{\chi_{\alpha/2}^2(n)}\right)$$

(b) Levostranný:

$$(d, \infty) = \left(\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2}{\chi_{1-\alpha}^2(n)}, \infty\right)$$

(c) Pravostranný:

$$(-\infty, h) = \left(-\infty, \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2}{\chi_{\alpha}^2(n)}\right)$$

$\chi_{\alpha}^2(n)$  je  $\alpha$  kvantil  $\chi^2$  rozdělení o  $n$  stupních volnosti ... `qchisq(alpha,n)`.

4. IS pro  $\sigma^2$ , když  $\mu$  neznáme

(a) Oboustranný:

$$(d, h) = \left(\frac{(n-1)s^2}{\chi_{1-\alpha/2}^2(n-1)}, \frac{(n-1)s^2}{\chi_{\alpha/2}^2(n-1)}\right)$$

(b) Levostranný:

$$(d, \infty) = \left(\frac{(n-1)s^2}{\chi_{1-\alpha}^2(n-1)}, \infty\right)$$

(c) Pravostranný:

$$(-\infty, h) = \left(-\infty, \frac{(n-1)s^2}{\chi_{\alpha}^2(n-1)}\right)$$

$\chi_{\alpha}^2(n-1)$  je  $\alpha$  kvantil  $\chi^2$  rozdělení o  $n-1$  stupních volnosti ... `qchisq(alpha,n-1)`.