

Příklady pro 5. cvičení a úlohu

- (1) Určete affinní typ kuželosečky a affinní bázi, v níž má kuželosečka kanonický tvar.
- $3x_1^2 - 2x_1x_2 + 3x_2^2 + 4x_1 + 4x_2 - 4 = 0$,
 - $x_1^2 - 2x_1x_2 + x_2^2 - 4x_1 - 6x_2 + 3 = 0$,
 - $x_1^2 + 2x_1x_2 + x_2^2 - x_1 - x_2 = 0$.
- (2) Proveďte affinní klasifikaci kuželoseček
- $x_1^2 + 4x_2^2 + 4x_1x_2 + 4x_1 + 2x_2 + 3 = 0$,
 - $4x_1^2 + 2x_2^2 + 6x_1x_2 + 2x_1 + 2x_2 + 3 = 0$,
 - $2x_1 + 3x_2 + 2x_1x_2 - 10x_1 - 10x_2 = 0$,
 - $9x_1^2 + x_2^2 - 6x_1x_2 + 12x_1 - 4x_2 + 3 = 0$.
- (3) Určete affinní typ kvadriky a affinní bázi, v níž má kvadrika kanonický tvar.
- $3x_1^2 + x_2^2 - x_3^2 + 6x_1x_3 - 4x_2 = 0$,
 - $4x_1^2 - 9x_3^2 + 2x_1x_3 - 8x_1 - 4x_2 + 36x_3 - 32 = 0$.
- (4) Proveďte affinní klasifikaci kvadrik
- $5x_1^2 - 4x_1x_2 + 2x_1x_3 + x_2^2 + 2x_3^2 - 8x_1 - 14x_3 - 1 = 0$,
 - $x_1^2 + 4x_1x_2 - 6x_1x_3 + 5x_2^2 - 12x_2x_3 + 9x_3^2 + 4x_1 + 2x_2 + 10x_3 - 4 = 0$,
 - $3x_1^2 + 4x_1x_2 - 2x_1x_3 + x_2^2 - 4x_2x_3 + x_3^2 - 22x_1 - 22x_2 + 14x_3 + 54 = 0$,
 - $2x_1^2 - 3x_1x_2 + 5x_1x_3 - 2x_2^2 + 10x_2x_3 - 12x_3^2 - 5x_2 + 11x_3 - 2 = 0$.
 - $x_1^2 - 4x_1x_2 + 6x_1x_3 + 4x_2^2 - 12x_2x_3 + 9x_3^2 + 2x_1 - 4x_2 + 6x_3 - 3 = 0$.
- (5) Určete typ nadkvadrik
- $5x_1^2 - 2x_1x_2 + 5x_2^2 - 4x_1 + 20x_2 + 20 = 0$ v \mathcal{A}_2 ,
 - $4x_1x_2 + 3x_2^2 + 16x_1 + 12x_2 - 36 = 0$ v \mathcal{A}_2 ,
 - $x_1^2 + x_2^2 + 4x_3^2 - 2x_1x_2 + 4x_1x_3 - 4x_2x_3 - 2x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 1 = 0$ v \mathcal{A}_3 ,
 - $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + 2x_1x_3 + 2 = 0$ v \mathcal{A}_3 .
- (6) Určete kolineaci, která převádí kuželosečky Q a Q' navzájem na sebe:
- $Q : x_1 + 4x_1x_2 + 3x_2^2 + 2x_1 - 3 = 0$ a $Q' : -4x_1x_2 - 4x_2^2 - 2x_1 + 1 = 0$,
 - $Q : 4x_1^2 - 3x_2^2 - 2x_1 - 4x_2 - 1 = 0$ a $Q' : 2x_1x_2 + 5x_2^2 + 2x_1 + 4x_2 = 0$.
- (7) Najděte affinní typ kuželosečky, která je průnikem kvadriky a roviny:
- $3x_2^2 + 4x_3^2 + 24x_1 + 12x_2 - 72x_3 + 360 = 0$, $x_1 - x_2 + x_3 = 1$.
 - $x_1^2 + 5x_2^2 + x_3^2 + 2x_1x_2 + 2x_2x_3 + 6x_1x_3 - 2x_1 + 6x_2 + 2x_3 = 0$, $2x_1 - x_2 + x_3 = 0$.
 - $x_1^2 - 3x_2^2 + x_3^2 - 6x_1x_2 + 2x_2x_3 - 3x_2 + x_3 - 1 = 0$, $2x_1 - 3x_2 - x_3 + 2 = 0$.
 - $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 - 6x_1 - 2x_2 + 9 = 0$, $x_1 + x_2 - 2x_3 - 1 = 0$.
- (8) Určete typ kvadriky
- $4x_1^2 + 2x_2^2 + 12x_3^2 - 4x_1x_2 + 8x_2x_3 + 12x_1x_3 + 14x_1 - 10x_2 + 7 = 0$
 - $5x_1^2 + 9x_2^2 + 9x_3^2 - 12x_1x_2 - 6x_1x_3 + 12x_1 - 36x_3 = 0$
 - $5x_1^2 + 2x_2^2 + 2x_3^2 - 2x_1x_2 - 4x_2x_3 + 2x_1x_3 - 4x_2 - 4x_3 + 4 = 0$
 - $x_1^2 + 2x_1x_2 + x_2^2 - x_3^2 + 2x_3 - 1 = 0$
 - $3x_1^2 + 3x_2^2 + 3x_3^2 - 6x_1 + 4x_2 - 1 = 0$
 - $3x_1^2 + 3x_2^2 - 6x_1 + 4x_2 - 1 = 0$
 - $3x_1^2 + 3x_2^2 - 3x_3^2 - 6x_1 + 4x_2 + 4x_3 + 3 = 0$
 - $4x_1^2 + x_2^2 - 4x_1x_2 - 36 = 0$
 - $x_1^2 + 4x_2^2 + 9x_3^2 - 6x_1 + 8x_2 - 36x_3 = 0$
 - $4x_1^2 - x_2^2 - x_3^2 + 32x_1 - 12x_3 + 44 = 0$