

# Chemická kinetika

Markéta Munzarová, Dominik Heger

Masaryk University

*hegerd@chemi.muni.cz*

C4020 Fyz. chem. II, 2019

# Motivace

„Největším nepřítelem poznání není nevědomost, ale iluze poznání.“

Stephan Hawking

K rozvoji vědy dochází teprve po přiznání, že současná vysvětlení byla nedostatečná.

Sapiens - Stručné dějiny lidstva, Yuval Noah Harari

# Literatura

Atkins, de Paula: Fyzikální chemie,

Raymond Chang, John Toman: Physical Chemistry for the Chemical Sciences

<https://old.vscht.cz/fch/cz/pomucky/FCH4Mgr.pdf>

<https://old.vscht.cz/fch/cz/pomucky/BREVALL.pdf>

[https://is.muni.cz/auth/do/rect/el/estud/prif/js11/fyz\\_chem/web/index.htm](https://is.muni.cz/auth/do/rect/el/estud/prif/js11/fyz_chem/web/index.htm)

Kenneth Connors: Chemical Kinetics, The Study of reaction Rates in Solution

**Paul Houston: Chemical Kinetics and Reaction Dynamics**

**Petr Klán, Jakob Wirz: Photochemistry of Organic Compounds, p. 99**

Anslyn, Dougherty: Modern Physical Organic Chemistry

# Syntéza amoniaku (Haber-Boschova)

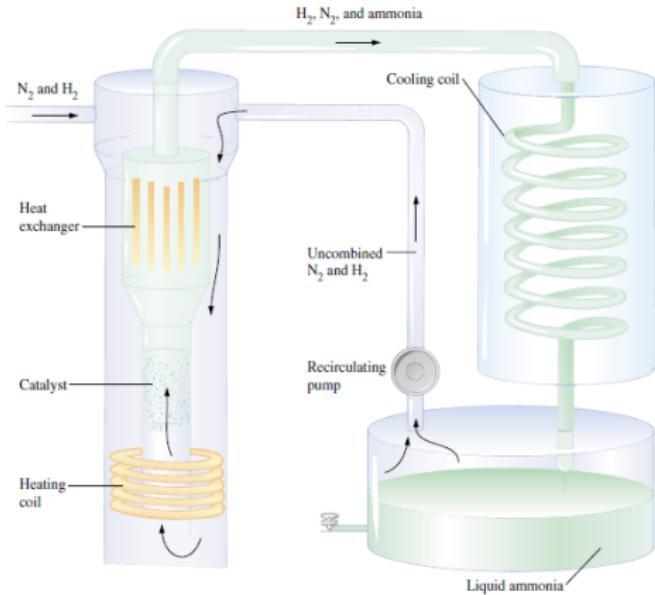


$$K_c = \frac{[\text{NH}_3]^2}{[\text{N}_2][\text{H}_2]^3} = 3.6 \times 10^8 \quad (\text{at } 25^\circ\text{C})$$

Fritz Haber



## Průmyslová výroba amoniaku



$$\Delta_r H^\circ = -92.6 \text{ kJ/mol}, \Delta_r S^\circ = -198.4 \text{ J/mol}$$

# Obsah - celé kinetiky

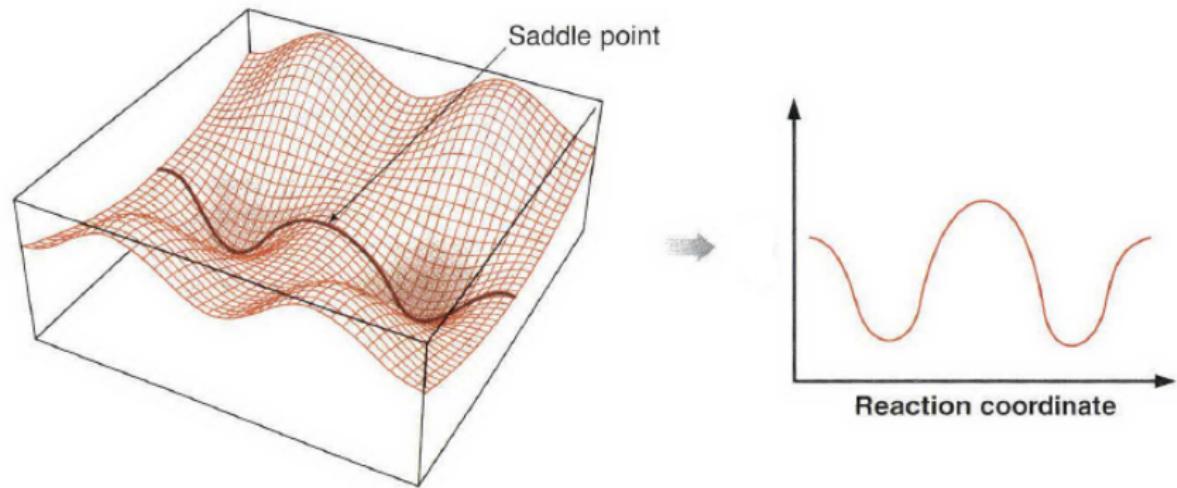
- Důvod a smysl chemické kinetiky
- Plochy potenciální energie
- Základní pojmy a koncepty
- Rychlostní rovnice v diferenciálním a integrálním tvaru
- Typické kroky v **reakčních mechanismech**: paralelní (bočné) reakce, následné reakce, reakce blížící se rovnováze (protisměrné, vratné reakce)
- Typická **přiblížení** využívaná ke zjednodušení kinetických rovnic: approximace pseudoprvního řádu, předřazená rovnováha, hypotéza ustáleného stavu
- **Komplexní reakce** (Lindemannův mechanismus unimolekulárního rozkladu, homogenní katalýza)

# Obsah - Kinetika 1

- Kinetika x dynamika
- Plochy potenciální energie
- Princip mikroskopické reversibility
- Molekularita
- **Arrheniova rovnice**

- Chemická kinetika
  - zkoumá, jak rychle se reakční směs přemění v produkty v závislosti na koncentracích, teplotě, katalyzátoru,...
  - makroskopická pozorování
- Reakční dynamika
  - analyzuje reakci na molekulární úrovni
  - mikroskopický popis reakcí

# Plochy potenciální energie - PES (Potential Energy Surfaces)



**Cíl chemické kinetiky:** Získat dobrou mikroskopickou představu o reakcích na základě makroskopicky pozorovaných rychlostí. To je, zvědět **reakční mechanismus**.

# Teorie aktivovaného komplexu (Eyring)

- reakční cestu od eduktů k produktům můžeme reprezentovat cestou nejnižších energetických nároků – **reakční koordinátou**
- reakční koordináta postihuje příslušný, synchronní **pohyb jader**
- na energetické hyperploše (PES) tato cesta vede nejníže ležícím **sedlovým bodem**
- stav, kterým prochází edukty na cestě k produktům se nazývá **tranzitním stavem**
- maximální hodnota energie podél reakční koordináty (v sedlovém bodě PES) určuje **geometrii aktivovaného komplexu**
- rozdíl energie aktivovaného komplexu a eduktů je **aktivační energie**

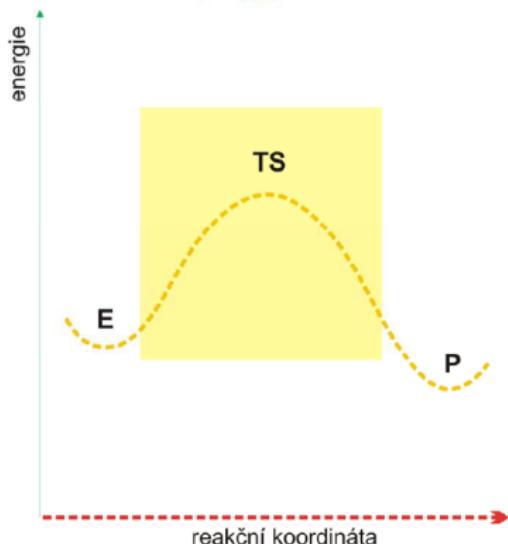
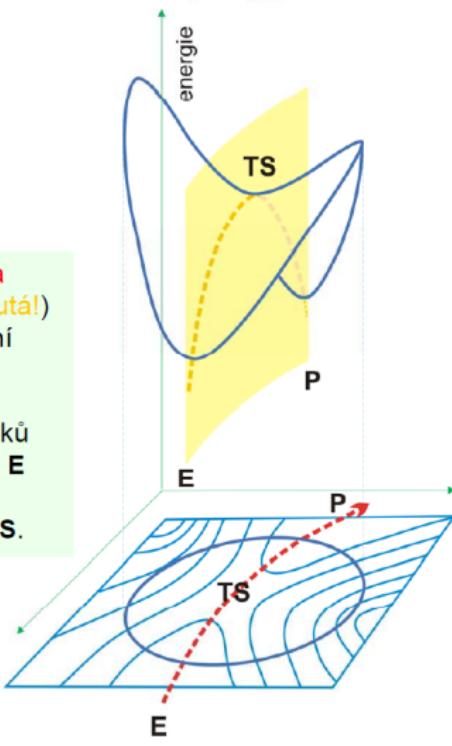
# Reakční koordináta

$3N-5(4)$   
PES

$\longrightarrow$  3D

$\longrightarrow$  2D

Reakční koordináta  
(červená, nikoliv žlutá)  
popisuje synchronní  
pohyb jader  
cestou nejmenších  
energetických nároků  
na cestě od eduktu E  
k produktu P,  
přes sedlový bod TS.



# Příklad různých hyperploch - Substituce nukleofilní

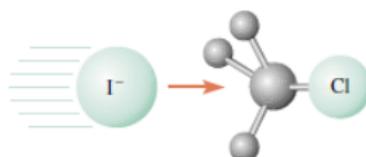
S<sub>N</sub>2



S<sub>N</sub>1

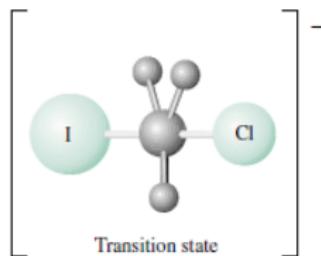


S<sub>N</sub>2



(a)

Before collision



After reaction

# Substituce nukleofilní - bimolekulární $S_N2$ a unimolekulární $S_N1$

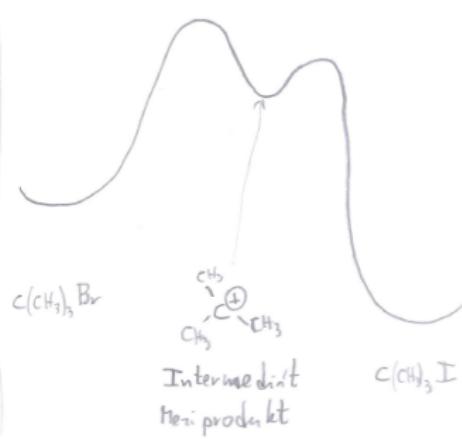
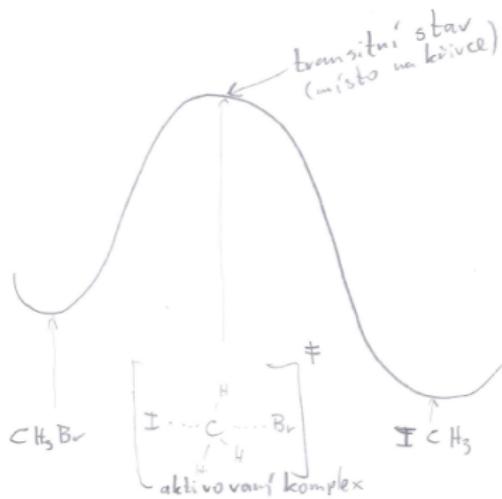
$S_N2$

Substituce nukleofilní bimolekulární



$S_N1$

Substituce nukleofilní unimolekulární

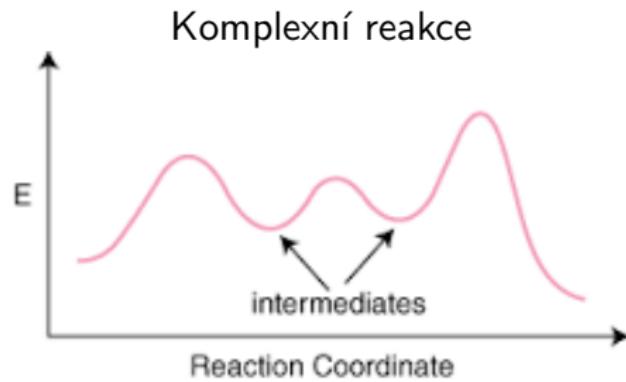
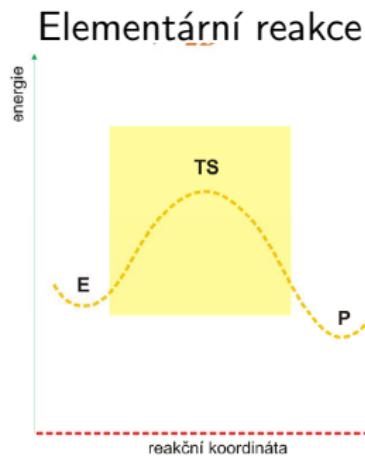


# Elementární × komplexní reakce

Def. Reakce je elementární, jestliže se při přechodu mezi edukty a produkty (molekulárními entitami, "species") nenachází žádné jiné stabilní species.

To, že je reakce elementární, je vždy jen hypotézou!

Chemické reakce jsou většinou komplexní, t.j. skládají se z více elementárních reakcí.

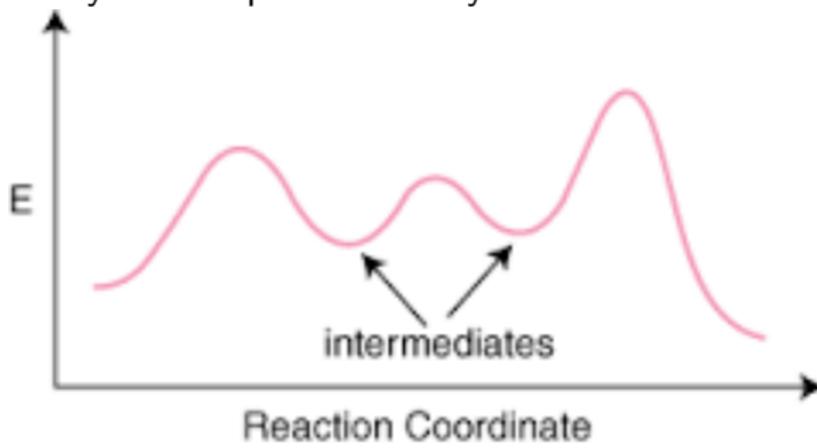


# Reakční mechanismus

odpovídá na otázku: **Jak se to stane?**

= nejjednodušší kombinace elementárních reakcí, které vedou od eduktů k produktům a odpovídají pozorované rychlostní rovnici.

Nejjednodušší, tedy dle Ockhamovy břitvy (William von Ockham): Nikdy nepostuluj reakční mechanismus, který by byl složitější než je potřeba k vysvětlení pozorované rychlostní rovnice.

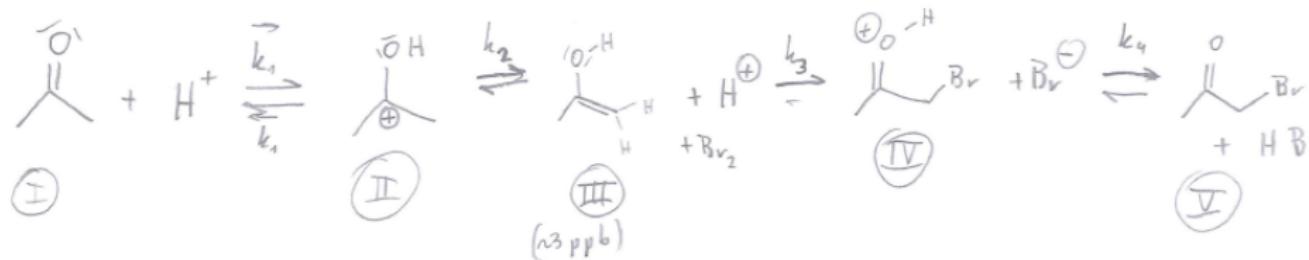


## Př. Bromace acetonu

Napište rychlostní rovnici pro následující reakci:



# Př. Bromace acetonu



$$\text{I} \quad -\frac{dc_A}{dt} = k_1 c_A c_{\text{H}^+} - k_1 c_{\text{A}^+}$$

$$\text{II} \quad -\frac{dc_{\text{A}^+}}{dt} = k_2 c_{\text{A}^+} c_{\text{H}^+} - k_2 c_{\text{A}^+} c_{\text{H}_2\text{O}} + k_1 c_{\text{A}^+} - k_1 c_A c_{\text{H}^+}$$

$$\text{III} \quad -\frac{dc_{\text{A}^+}}{dt} = k_3 c_{\text{A}^+} c_{\text{Br}_2} - k_3 c_{\text{A}^+} c_{\text{Br}^+} + k_2 c_{\text{A}^+} c_{\text{H}^+} - k_2 c_{\text{A}^+}$$

# Rychlostní rovnice - Rate Law

- je předpis, podle kterého se mění koncentrace látek v průběhu reakce.  
My jej přírodě nenakazujeme, ale pozorujeme jej - je empirický.  
**Rychlostní rovnice se nedá** (vždy, s jistotou, obecně) **určit ze stechiometrického zápisu reakce** (výjimka: elementární reakce). Vyplývá z mechanismu reakce.

Př. Bromace acetonu:



$$v = -\frac{dc_{\text{Br}_2}}{dt} \neq kc_{\text{aceton}}c_{\text{Br}_2}$$

$$v = -\frac{dc_{\text{Br}_2}}{dt} = kc_{\text{aceton}}c_{\text{H}^+}$$

# (možný) Postup při studiu reakčního mechanismu

- ① Pozoruj: výchozí látky a produkty.
- ② Měřím: koncentrace výchozích láték, produktů a meziproduktů v čase.
- ③ Vyslovím (postuluji) chemickou hypotézu reakčního mechanismu (jedná se o model). Pokud hypotézu příjmu, mohu mechanismus popsat pomocí elementárních reakcí (a ty popsat diferenciálními rovnicemi).
- ④ Verifikace × falsifikace.

**Hypotéza reakčního mechanismu se nikdy nedá potvrdit, ale může být dobře podložena.**

# Princip mikroskopické reversibility

- Zajímá se o zhodnocení jednotlivých reakčních cest, kterými se chemické reakce ubírají, když se reaktanty přemění v produkty a zpět, když produkty přecházejí v reaktanty.
- Princip postuluje, že **cesta přeměny produktů zpět na reaktanty je přesným mikroskopickým opakem cesty dopředné**; tj. přesně stejné meziprodukty a přechodové stavy figurují v obou směrech.
- Trajektorie jednotlivých atomů bude přesně opačná pro dopřednou a zpětnou reakci, a chemické struktury aktivovaných komplexů vzniklých v přechodových stavech, budou totožné.
- Jestliže nejméně energeticky náročná cesta od R k P vede přes  $I_1$ , pak nejméně energeticky náročná cesta od P k R vede také přes  $I_1$ .
- Jedním z důsledků principu mikroskopické reversibility je, že katalyzátor usnadňuje vznik i rozklad produktů, a tedy neposouvá rovnováhu, "jen" reakci urychluje.

# Molekularita elementární reakcí

**Molekularita** elementární reakce udává počet částic, které se podílí na vytvoření tranzitního stavu, kterým elementární reakce prochází.

Nejčastější hodnoty molekularity jsou 1 (unimolekulární), 2 (bimolekulární), velmi vzácně 3 (termolekulární).

Příklady:

- ① unimolekulární reakce (všechny radioaktivní rozpady, tepelný rozpad mnoha látek, izomerace)
- ② bimolekulární reakce - reagují spolu 2 molekuly (atomy)
  - ① stejné látky  $H\cdot + H\cdot \rightarrow H_2$
  - ② různých látek  $H\cdot + Br\cdot \rightarrow HBr$

**U elementárních reakcí jsou řády reakce vždy totožné s počtem molekul vytvářejících tranzitní stav.**

# Pozorování Svante Arrhenia (1859 - 1927)

- Reakční rychlosti jsou často silně závislé na teplotě.
- přibližně zvýšením teploty o  $10\text{ }^{\circ}\text{C}$  se zvýší rychlosť reakce  $2\times$

Pro mnohé reakce platí:

$$k = A e^{-E_a/(RT)}$$

$k$  - rychlostní konstanta

$A$  - předexponenciální (frekvenční) faktor

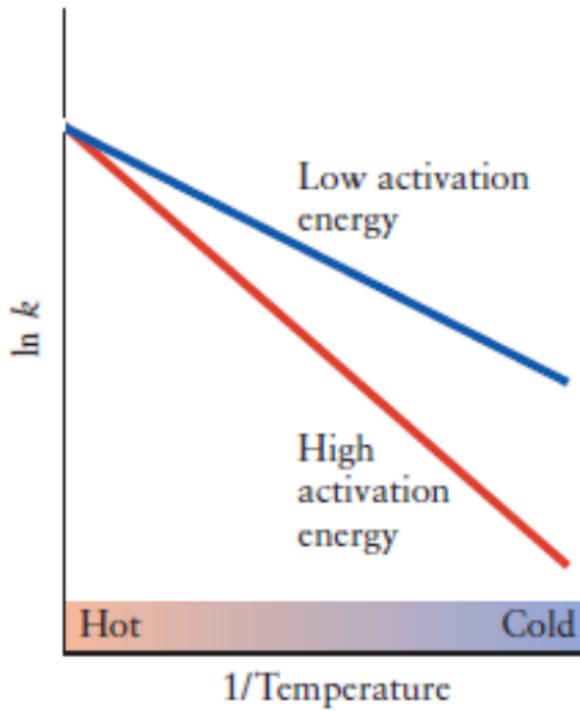
$E_a$  - aktivační energie reakce

$R$  - plynová konstanta ( $R = 8.314 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$ )

$T$  - absolutní teplota



# Stanovení aktivační energie



# Interpretace Arrheniovovy rovnice

$$k = A e^{-E_a/(RT)}$$

$E_a$  - minimální energie potřebná k překonání bariéry pro reakci

$-E_a/(RT)$  - nahrazuje Boltzmannovo rozložení; reprezentuje množství molekul za dané teploty, které mají větší energii než je aktivační

Boltzmannův faktor:

$$N_n/N_m = e^{\frac{-\Delta E}{k_B T}}$$

$k_B$  Boltzmannova konstanta

$T$  termodynamická teplota

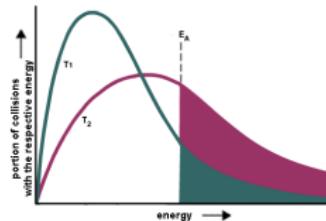
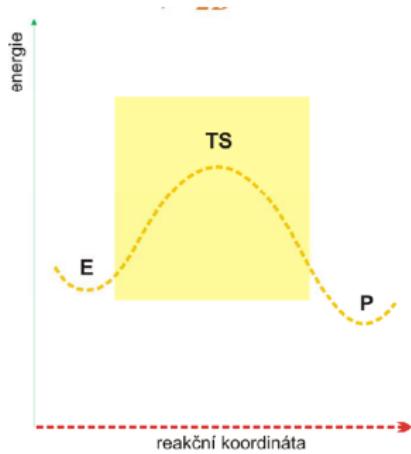
$N_m$  - obsazení stavu o nižší energii,  $N_n$  obsazení stavu o vyšší energii

# Interpretace Arrheniovovy rovnice: $E_a$ : aktivační energie

$$k = A e^{-E_a/(RT)}$$

$E_a$  - minimální energie potřebná k překonání bariéry pro reakci

$-E_a/(RT)$  - nahrazuje Boltzmannovo rozložení; reprezentuje množství molekul za dané teploty, které mají větší energii než je aktivační



# A: předexponenciální (frekvenční) faktor

$$k = A e^{-E_a/(RT)}$$

$A$  frekvence účinných kolizí mezi molekulami.

$A$  je tím menší, čím obtížnější je se uspořádat do přechodového stavu (šířka sedla na hyperploše).

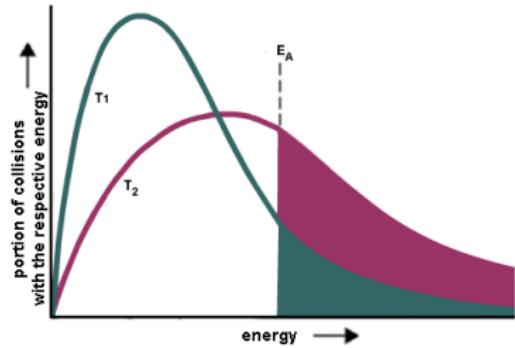
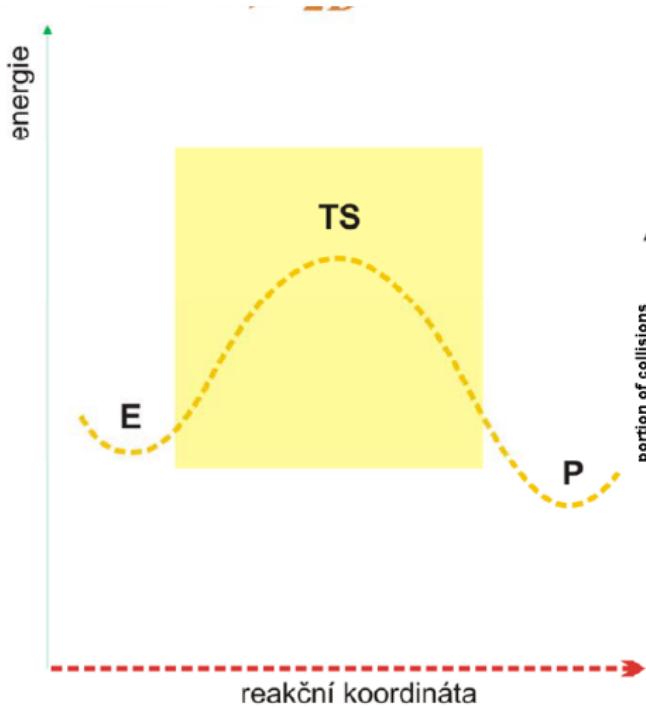
Priečne sedlo



Sedlo pod Rysy



$$A_{\text{Priečne}} < A_{\text{Pod Rysy}}$$



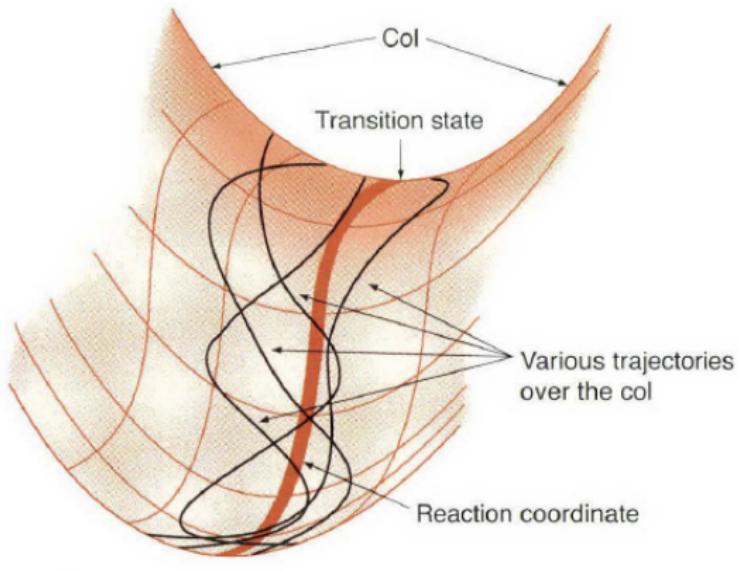
# Příklady Arrheniových parametrů

TABLE 15.4 Arrhenius Parameters

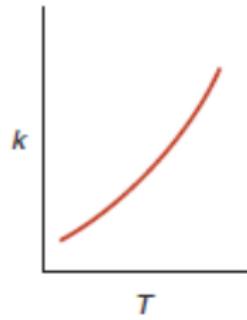
Reaction	A	$E_a$ (kJ·mol <sup>-1</sup> )
First order, gas phase		
cyclopropane $\longrightarrow$ propene	$1.6 \times 10^{15}$ s <sup>-1</sup>	272
CH <sub>3</sub> NC $\longrightarrow$ CH <sub>3</sub> CN	$4.0 \times 10^{13}$ s <sup>-1</sup>	160
C <sub>2</sub> H <sub>6</sub> $\longrightarrow$ 2 CH <sub>3</sub>	$2.5 \times 10^{17}$ s <sup>-1</sup>	384
N <sub>2</sub> O $\longrightarrow$ N <sub>2</sub> + O	$8.0 \times 10^{11}$ s <sup>-1</sup>	250
2 N <sub>2</sub> O <sub>5</sub> $\longrightarrow$ 4 NO <sub>2</sub> + O <sub>2</sub>	$4.0 \times 10^{13}$ s <sup>-1</sup>	103
Second order, gas phase		
O + N <sub>2</sub> $\longrightarrow$ NO + N	$1 \times 10^{11}$ L·mol <sup>-1</sup> ·s <sup>-1</sup>	315
OH + H <sub>2</sub> $\longrightarrow$ H <sub>2</sub> O + H	$8 \times 10^{10}$ L·mol <sup>-1</sup> ·s <sup>-1</sup>	42
2 CH <sub>3</sub> $\longrightarrow$ C <sub>2</sub> H <sub>6</sub>	$2 \times 10^{10}$ L·mol <sup>-1</sup> ·s <sup>-1</sup>	0
Second order, in aqueous solution		
C <sub>2</sub> H <sub>5</sub> Br + OH <sup>-</sup> $\longrightarrow$ C <sub>2</sub> H <sub>5</sub> OH + Br <sup>-</sup>	$4.3 \times 10^{11}$ L·mol <sup>-1</sup> ·s <sup>-1</sup>	90
CO <sub>2</sub> + OH <sup>-</sup> $\longrightarrow$ HCO <sub>3</sub> <sup>-</sup>	$1.5 \times 10^{10}$ L·mol <sup>-1</sup> ·s <sup>-1</sup>	38
C <sub>12</sub> H <sub>22</sub> O <sub>11</sub> + H <sub>2</sub> O $\longrightarrow$ 2 C <sub>6</sub> H <sub>12</sub> O <sub>6</sub>	$1.5 \times 10^{15}$ L·mol <sup>-1</sup> ·s <sup>-1</sup>	108

Přes sedlo vede více cest,

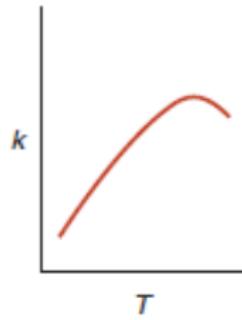
ale většina lidí jde tou nejjednodušší.



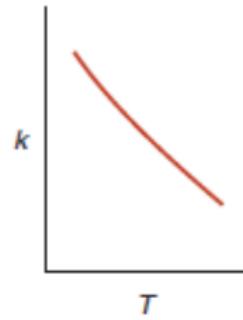
# Vliv teploty na reakční rychlosť



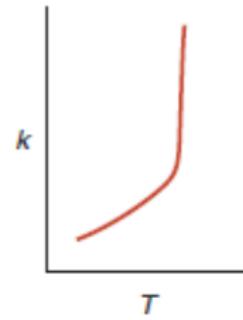
(a)



(b)



(c)



(d)

# Shrnutí 1. části

**Molekulovou dynamiku** si znázorňujeme na 2D řezech ploch potenciální energie, které vypadají podobně jako profily hor. Abychom mohli získat mikroskopickou představu, musíme provádět makroskopická měření např. rychlostí ubývání nebo přibývání látek. **Chemická kinetika** tedy používá měření makroskopických rychlostí chemických reakcí k získání znalostí o mikroskopických **mechanismech reakcí**. Pro **elementární reakce** je jednoduché napsat rychlostní rovnice, protože **řád** elementární reakce je vystížen stechiometrickým zápisem. Elementární reakce mají vždy kladnou aktivační bariéru a na cestě mezi výchozími látkami a produkty nejsou žádné meziprodukty.

Chemické reakce často elementární nejsou a u nich se rychlostní rovnice musí získávat experimentálně. Mechanismus chemických reakcí a elementarita reakcí jsou hypotetické - podléhají kritice empirických pozorování. Většina reakcí se se ze zvyšující teplotou zrychluje.

# Obsah - Kinetika 2

- Reakční mechanismy:
  - paralelní (bočné) reakce
  - následné reakce
  - reakce blížící se rovnováze (protisměrné, vratné reakce)
- Řešení rychlostních rovnic využívající přiblížení
  - Pseudo prvního řádu
  - Předřazená rovnováha
  - Ustálený stav
- Unimolekulární rozklad
- Enzymová katalýza

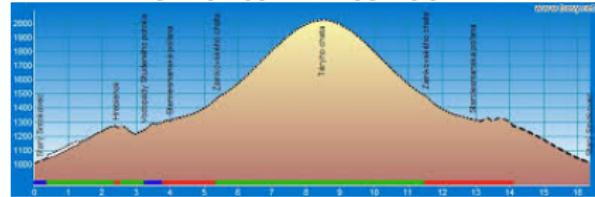
### Reakční koordináta



### Energetický profil



Elementární reakce



Komplexní reakce



# Typické situace v reakčních mechanismech

- Makroskopicky pozorované rychlostní rovnice jsou důsledkem reakčního mechanismu, který se skládá z elementárních kroků: unimolekulárních, bimolekulárních, termolekulárních.
- Pozorovaná rychlostní konstanta je pak výslednicí (více) konstant elementárních.
- Poskládáním více elementárních procesů dostaneme komplikovanější mechanismus. Příkladem mohou být: reakce paralelní, následné a blížící se k rovnováze.

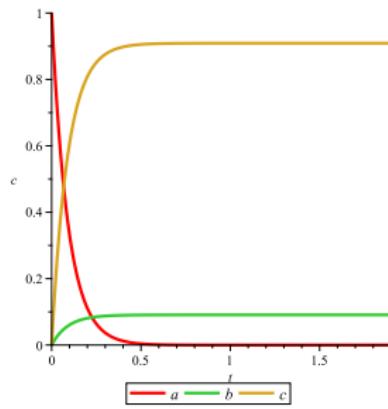
Většinou (s výjimkou elementárních reakcí):

$$k_{\text{obs}} \neq k_{\text{elementární}}$$

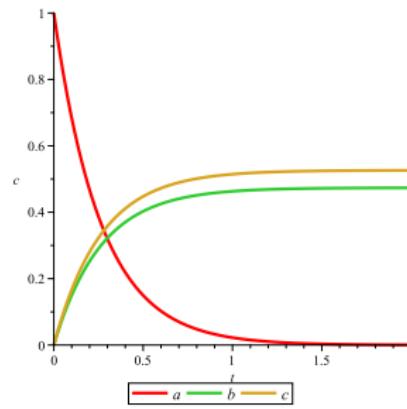
# Paralelní (bočné) reakce

Jaká je pozorovaná rychlostní konstanta vzniku C?

$$k_{AB} = 1 \text{ s}^{-1}, k_{AC} = 10 \text{ s}^{-1}$$



$$k_{AB} = 1.8 \text{ s}^{-1}, k_{AC} = 2 \text{ s}^{-1}$$



# Paralelní (bočné) reakce

pro reaktanty:  $v = -\frac{dc_A}{dt} = k_{AB}c_A + k_{AC}c_A$ ,

pro produkty:  $v = \frac{dc_B}{dt} = k_{AB}c_A$ ,  $v = \frac{dc_C}{dt} = k_{AC}c_A$

$$c_A(t) = c_A(0)e^{-(k_{AB}+k_{AC})t}$$

$$c_B(t) = c_B(0) + \frac{k_{AB}}{k_{AB}+k_{AC}}c_A(0)\{1 - e^{-t(k_{AB}+k_{AC})}\}$$

$$c_C(t) = c_C(0) + \frac{k_{AC}}{k_{AB}+k_{AC}}c_A(0)\{1 - e^{-t(k_{AB}+k_{AC})}\}$$

- Oba produkty vznikají se stejnou rychlostní konstantou

$$k_{obs} = k_{AB} + k_{AC}$$

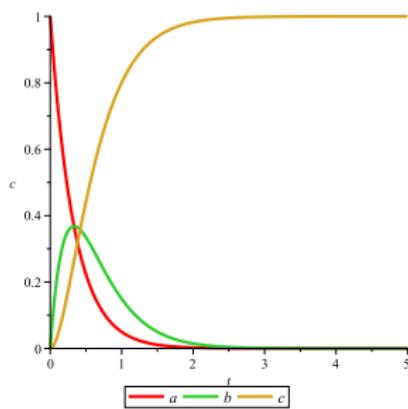
- Poměr produktů v každém čase:  $\frac{c_B}{c_C} = \frac{k_{AB}}{k_{AC}}$

- Efektivita děje  $\eta_{AB} = \frac{k_{AB}}{k_{obs}} = \frac{k_{AB}}{\sum k_r}$

# Následné reakce



$$k_1 = 3 \text{ s}^{-1}, k_2 = 3 \text{ s}^{-1}$$

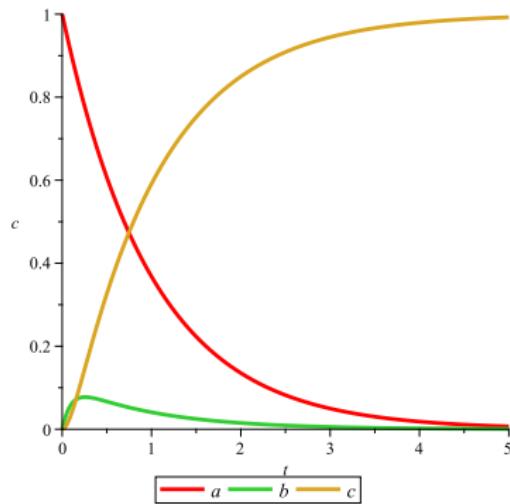


$$c_B(t) = \frac{c_A(0)k_1}{k_2 - k_1} (e^{-k_1 t} - e^{-k_2 t})$$

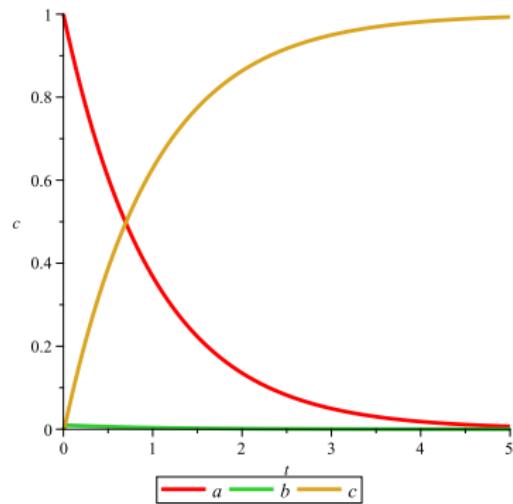
# Následné reakce



$$k_1 = 1 \text{ s}^{-1}, k_2 = 10 \text{ s}^{-1}$$



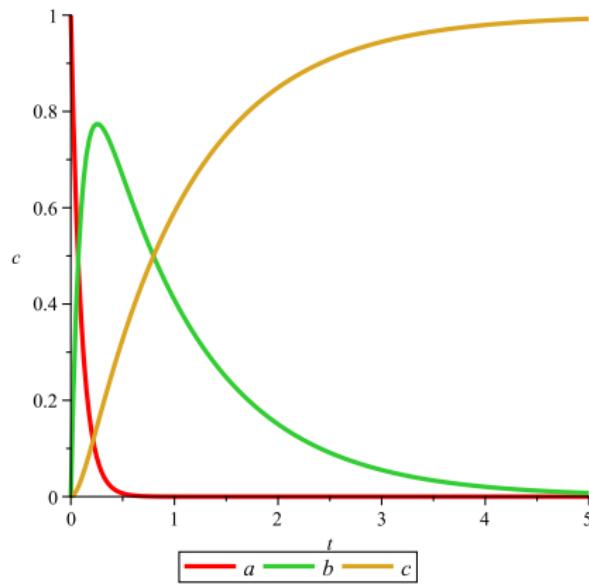
$$k_1 = 1 \text{ s}^{-1}, k_2 = 100 \text{ s}^{-1}$$



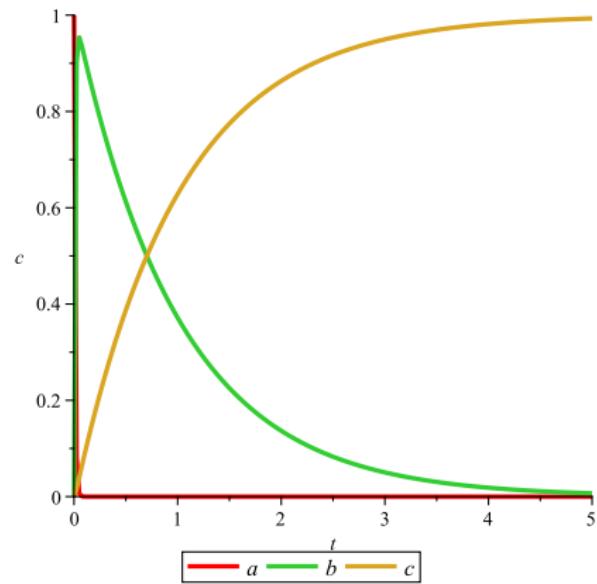
Když je  $k_1 \ll k_2$ , pak je  $k_1$  rychlosť určujúci krok a B (skoro) vůbec nevidíme.

# Následné reakce

$$k_1 = 10 \text{ s}^{-1}, k_2 = 1 \text{ s}^{-1}$$



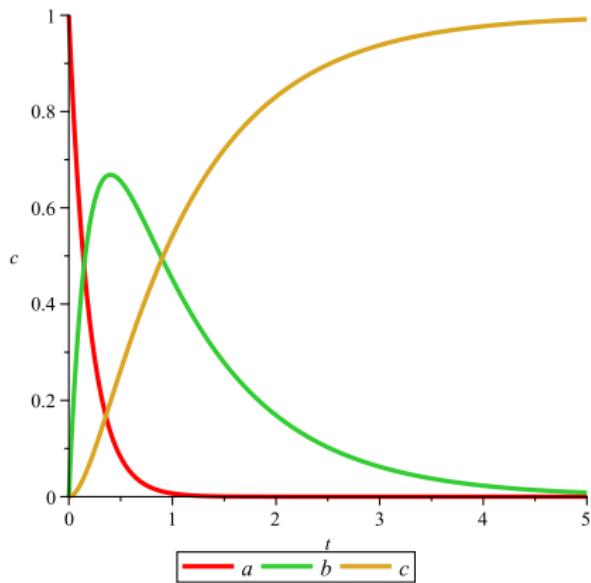
$$k_1 = 100 \text{ s}^{-1}, k_2 = 1 \text{ s}^{-1}$$



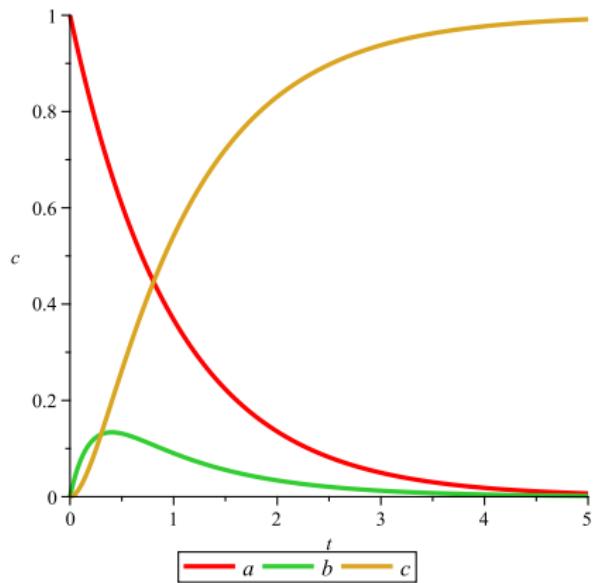
Když je  $k_1 \gg k_2$ , pak A skoro vůbec nevidíme a reakce se blíží kinetice prvního řádu:  $c_B(t) = c_A(0)(e^{-k_2 t} - e^{-k_1 t}) \doteq c_A(0)e^{-k_2 t}$ .

# Následné reakce

$$k_1 = 5 \text{ s}^{-1}, k_2 = 1 \text{ s}^{-1}$$

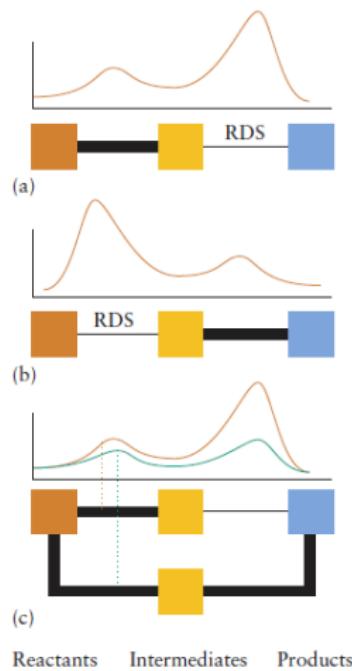


$$k_1 = 1 \text{ s}^{-1}, k_2 = 5 \text{ s}^{-1}$$



Když jsou  $k_1, k_2$  podobně velké, je nemožné je rozlišit (bez znalostí absolutních hodnot).

# Krok určující rychlosť - Rate determining step

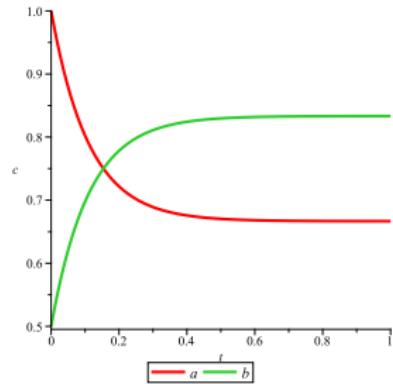


# Vratné reakce



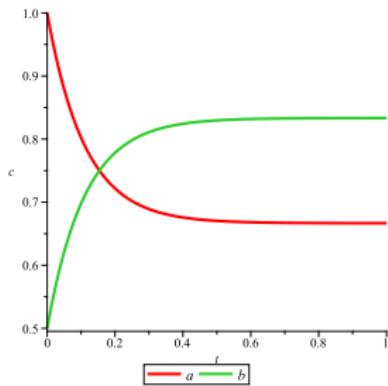
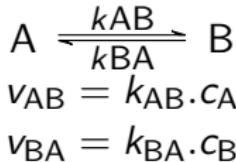
$$v_{AB} = k_{AB} \cdot c_A$$

$$v_{BA} = k_{BA} \cdot c_B$$



$$\frac{dc_A}{dt} = -k_{AB} \cdot c_A + k_{BA} \cdot c_B$$

# Vratné reakce



Počáteční podmínky:

$$t = 0 : c_B = 0, c_A = c_A(0)$$

Zákon zachování hmotnosti:

$$c_A(0) = c_A + c_B$$

Pak:

$$\frac{dc_A}{dt} = -k_{AB} \cdot c_A + k_{BA} \cdot (c_A(0) - c_A)$$

$$c_A(t) = \text{const}_1 + \text{const}_2 e^{-(k_{AB} + k_{BA})t}$$

$$k_{\text{obs}} = k_{AB} + k_{BA}$$

$$\frac{dc_A}{dt} = -k_{AB} \cdot c_A + k_{BA} \cdot c_B$$

# Vztah mezi rovnovážnou konstantou a rychlostmi chemických dějů



$$v_{AB} = k_{AB} \cdot c_A$$

$$v_{BA} = k_{BA} \cdot c_B$$

V rovnováze:

$$v_{AB} = v_{BA}$$

$$k_{AB} \cdot c_A = k_{BA} \cdot c_B$$

$$K_c = \frac{k_{AB}}{k_{BA}} = \frac{c_B}{c_A}$$

# Elementární reakce v termodynamické rovnováze

Př. Izomerizace:



$$\nu_{AB} = k_{AB} \cdot c_A$$

$$\nu_{BA} = k_{BA} \cdot c_B$$

V rovnováze:

$$\nu_{AB} = \nu_{BA}$$

$$k_{AB} \cdot c_A = k_{BA} \cdot c_B$$

$$K_c = \frac{k_{AB}}{k_{BA}} = \frac{c_B}{c_A}$$

Obecně pro elementární reakce platí:

$$\nu_{\text{Forward}} = k_F \prod_i (a_i)^{-\nu_i}, \quad \nu_{\text{Backward}} = k_B \prod_i (a_i)^{\nu_i}$$

V rovnováze:

$$\nu_F = \nu_B$$

$$k_F / k_B = \prod_i (a_i^{\text{eq}})^{\nu_i} \equiv K^\ominus$$

## Shrnutí 2. části

Pozorováním rychlostí chemických reakcí můžeme získat informace o **mechanismech reakcí**, o reakční dynamice. Reakce mohou být nezávislé na koncentraci reagující látky (0. řádu), záviset první mocninou (1. řádu), druhou mocninou (2. řádu) nebo mohou být ještě složitější. Z jednoduchého zápisu **diferenciální rovnice** integrací dostaváme průběh koncentrace v čase - **rychlostní rovnici v integrálním tvaru**.

Rychlosti rekcí jsou charakterizovatelné rychlostními konstantami a poločasy či středními dobami reakcí. Pozorovaná rychlostní konstanta často neodpovídá konstantě elementárního kroku, protože reakce bývají složeny z kroků několika a celkové charakterizování reakce se nazývá reakční mechanismus. Pokud jej známe opravdu dobře, víme o všech elementárních krocích mezi Adukty a Produkty a známe hodnoty rychlostních konstant těchto elementárních kroků.

# Poznámečky k lineární regresi

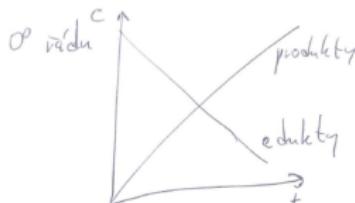
Podmínky pro validní lineární regresi: Bez jejich splnění, ne že je lineární regrese nepřesná, ale nefunguje!

- Homoskedastická data bez odlehlých hodnot.
- Závislost musí být lineární (korelační koeficient  $r$  o tom nevypovídá viz Askombův čtverec); kontrola: analýza reziduálů - nutnost bílého šumu.

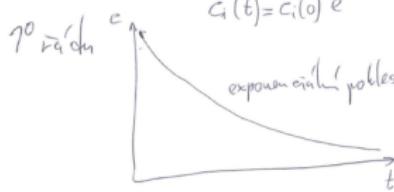
<https://www.stat.berkeley.edu/stark/SticiGui/Text/correlation.htm>  
ENV006 Statistical thinking and data treatment

# Linearizace často vytvoří heteroskedastická data

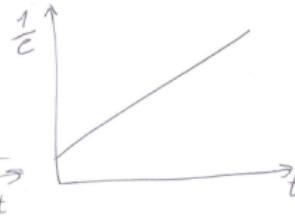
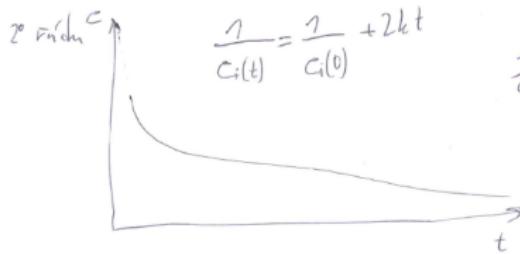
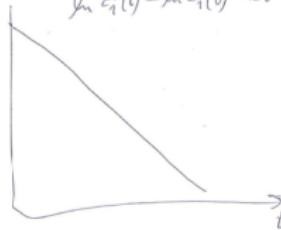
pro která nelze použít lineární regresi!



$$c_i(t) - c_i(0) = kt$$

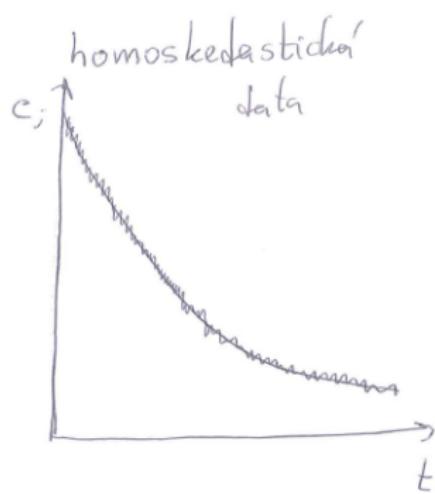


$$\ln c_i(t) = \ln c_i(0) - kt$$

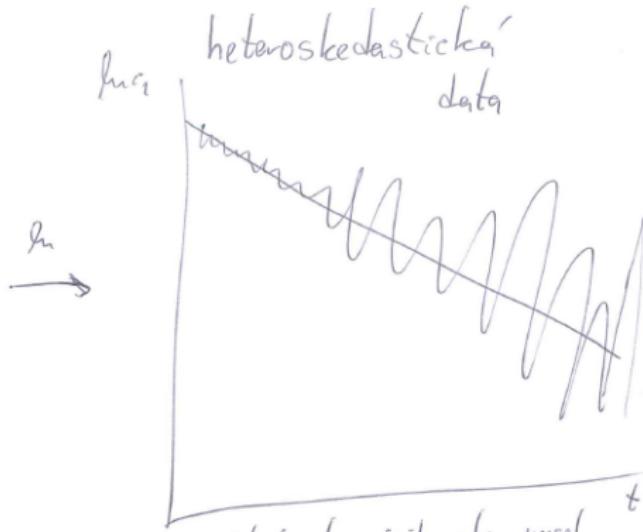


# Linearizace často vytvoří heteroskedastická data

pro která nelze použít lineární regresi!

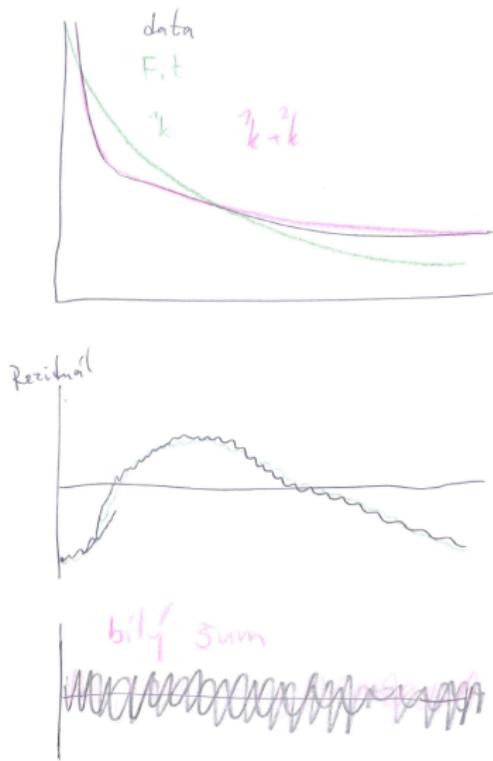


Fitovat exponenciálně  
Marquardt-Lavaborg



• mohl bych vařit, ale musel  
kých zuřit k - a to zjistil jsem ☺

# Analýza reziduálů - bílý šum



# Řešení rychlostních rovnic využívající přiblžení

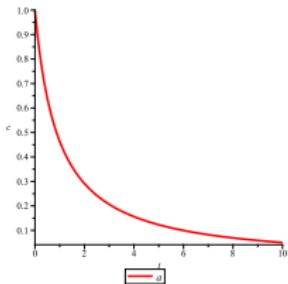
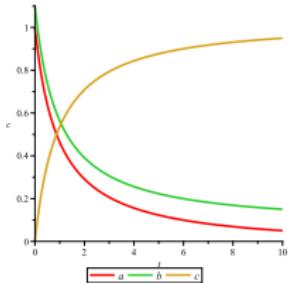
aplikujeme, když se nám chce (a myslíme si, že můžeme) nedělat přesná matematická řešení.

- aproximace pseudoprvního řádu
- předřazená rovnováha
- hypotéza ustáleného stavu

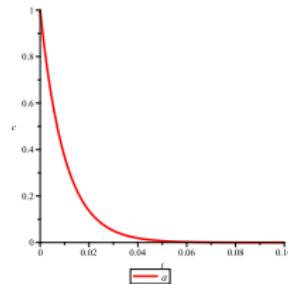
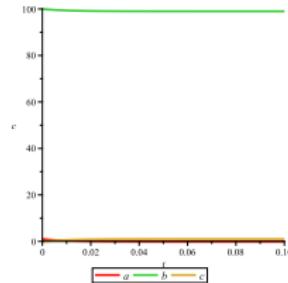
# Reakce druhého řádu přiblížena pseudoprvním řádem

pro rovnici:  $A + B \rightarrow C$

$$c_A(0) = 1 \text{ M}, c_B(0) = 1.1 \text{ M}$$



$$c_A(0) = 1 \text{ M}, c_B(0) = 100 \text{ M}$$



# Reakce pseudoprvního řádu

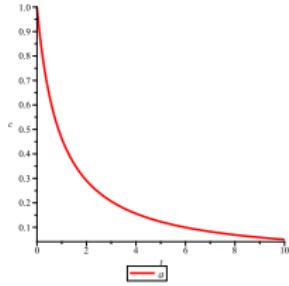
pro reakci:  $A + B \rightarrow C$

platí přesně:  $v = -\frac{dc_A}{dt} = -\frac{dc_B}{dt} = \frac{dc_C}{dt} = k_2 c_A c_B$ .

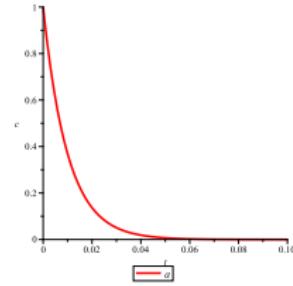
Za podmínky velikého nadbytku látky B, kdy se koncentrace látky B v průběhu reakce v podstatě nezmění, platí:

$v = k^{\text{pseudo}} c_A$ , kde  $k^{\text{pseudo}} = k_2 \cdot c_B$ ,  $c_A$  je **limitující reagent**.

$$c_A = 1 \text{ M}, c_B = 1.1 \text{ M}$$



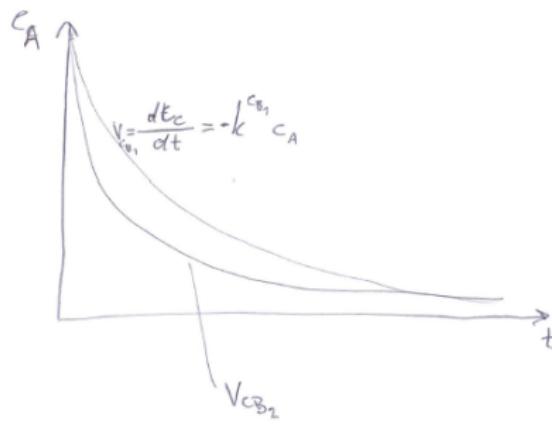
$$c_A = 1 \text{ M}, c_B = 100 \text{ M}$$



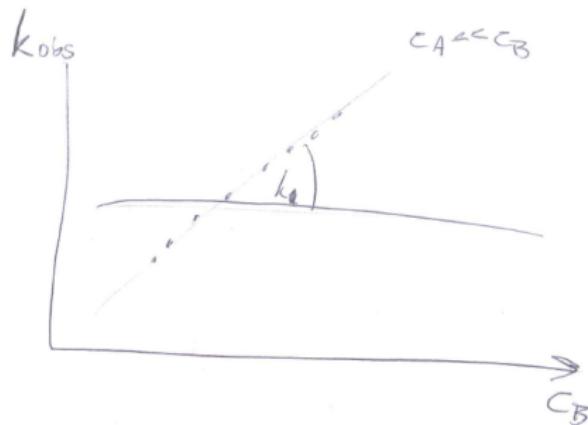
# Stanovení konstanty druhého řádu využitím přiblžení pseudoprvního řádu

pro reakci:  $A + B \rightarrow C$

$$v = k^{\text{pseudo}} c_A$$



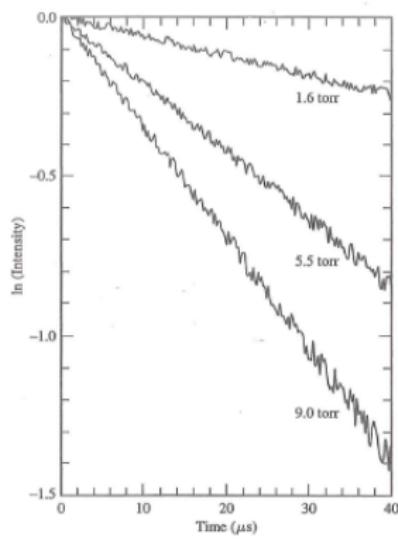
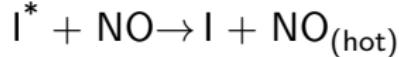
$$k^{\text{pseudo}} = k_2 \cdot c_B$$



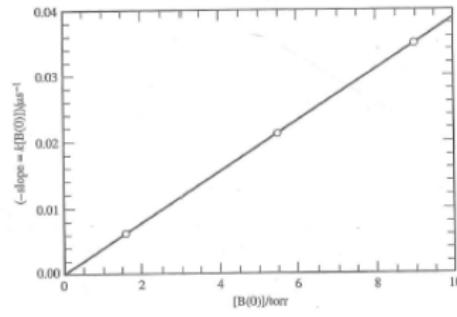
# Izolační metoda

Zjednodušit si reakci tak, aby byly nastaveny podmínky pseudoprvního řádu.

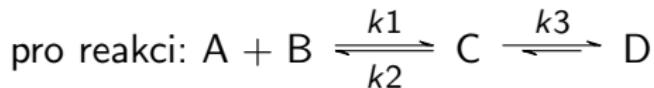
Př. Jaký je řád a rychlostní konstanta pro následující reakci?



$p_{NO}/\text{torr}$	směrnice/ $\mu\text{s}^{-1}$
1.6	$-0.627 \times 10^{-2}$
5.5	$-0.213 \times 10^{-1}$
9	$-0.349 \times 10^{-1}$



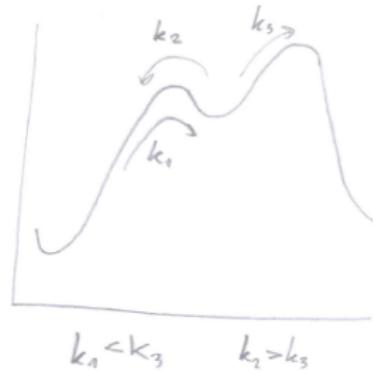
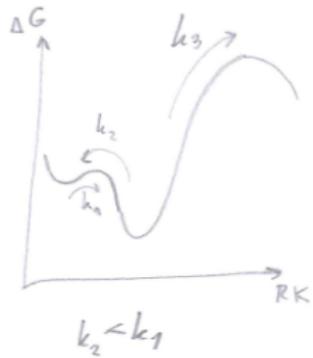
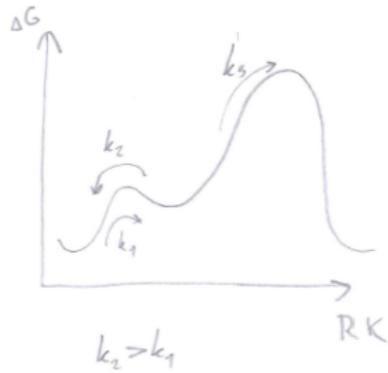
# Předřazená rovnováha



$$K = \frac{c_C}{c_A c_B} = \frac{k_1}{k_2}$$
$$v = \frac{dc_D}{dt} = k_3 c_C = \frac{k_3 k_1}{k_2} c_A c_B$$
$$v = k_{\text{obs}} c_A c_B, \text{ kde } k_{\text{obs}} = \frac{k_3 k_1}{k_2}$$

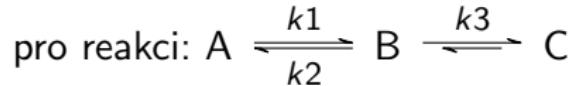
Podmínka předřazené rovnováhy:  $k_2 >> k_3$ .  
Není podmínkou:  $k_1 >> k_3$ .

# Podmínka předřazené rovnováhy: $k_2 \gg k_3$



# Hypotéza ustáleného stavu

Pro reakci přes meziprodukt platí, že po indukční době se koncentrace meziproduktu již nebude měnit a bude podstatně menší než koncentrace výchozích látek.



Podmínka pro ustálený stav:  $(k_2 + k_3) \gg k_1$ .

Není podmínkou:  $k_1 \gg k_3$ .

$$v = \frac{dc_B}{dt} = k_1 c_A - (k_2 + k_3) c_B \doteq 0$$

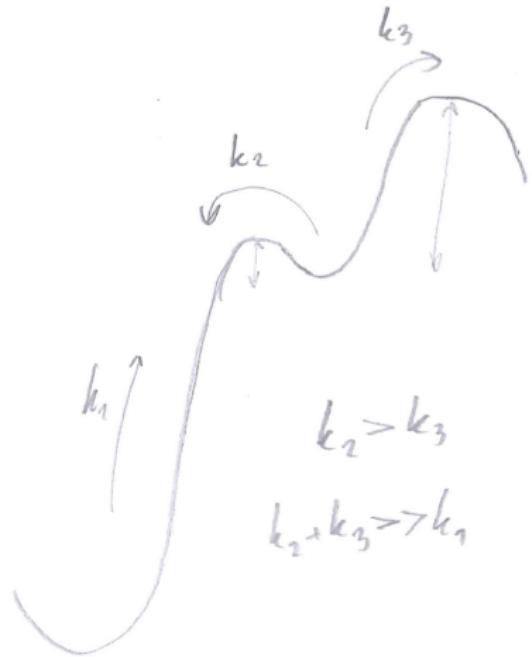
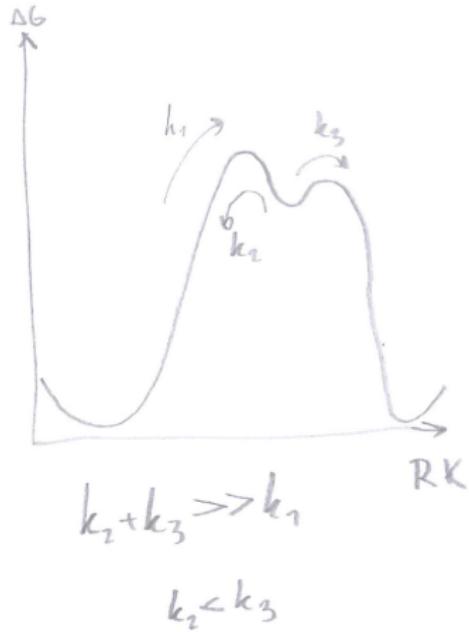
$$v = -\frac{dc_A}{dt} = k_1 c_A - k_2 c_B$$

$$v = -\frac{dc_A}{dt} = k_{\text{obs}} c_A, \text{ kde } k_{\text{obs}} = \frac{k_1 k_3}{k_2 + k_3}$$

Integrované řešení:

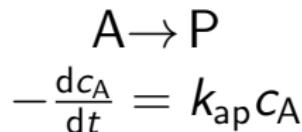
$$c_A(t) = c_A(0) e^{-k_{\text{obs}} t}; c_C(t) = c_C(0) + c_A(t)(1 - e^{-k_{\text{obs}} t})$$

Hypotéza ustáleného stavu:  $(k_2 + k_3) \gg k_1$

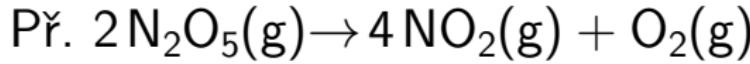


# Unimolekulární rozklad

Při vysokých tlacích bylo pozorováno, že molekula **A** přechází na **Produkt** podle rychlostní rovnice:

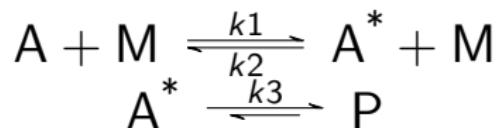


$k_{ap}$  je pozorovaná rychlostní konstanta.



$$v = k_{ap} c_{\text{N}2\text{O}5}$$

# Lindemannův mechanismus unimolekulárního rozkladu (1922)



přiblížení **ustáleného stavu**:

$$\frac{dc_{\text{A}^*}}{dt} = k_1 c_{\text{A}} c_{\text{M}} - k_2 c_{\text{A}^*} c_{\text{M}} - k_3 c_{\text{A}^*} = 0$$

pro  $c_{\text{A}^*}$ :

$$c_{\text{A}^*} = \frac{k_1 c_{\text{A}} c_{\text{M}}}{k_2 c_{\text{M}} + k_3}$$

$$\text{dosadíme pro } c_{\text{P}}: \frac{dc_{\text{P}}}{dt} = k_3 c_{\text{A}^*} = \frac{k_3 k_1 c_{\text{A}} c_{\text{M}}}{k_2 c_{\text{M}} + k_3}$$

# Lindemannův mechanismus unimolekulárního rozkladu (1922)

Zjednodušení:  $c_M \sim c_A$

Pak

$$\frac{dc_P}{dt} = \frac{k_3 k_1 c_A c_M}{k_2 c_M + k_3} = \frac{k_3 k_1 c_A^2}{k_2 c_A + k_3}$$

Pro nízké  $c_A$ :

$$k_2 c_A \ll k_3 \text{ a tedy } \frac{dc_P}{dt} = k_1 c_A^2$$

Pro vysoké  $c_A$ :

$$k_2 c_A \gg k_3 \text{ a tedy } \frac{dc_P}{dt} = \frac{k_1 k_3}{k_2} c_A$$

# Lindemannův mechanismus unimolekulárního rozkladu (1922)

Definujme:  $k_{\text{app}} \equiv \frac{1}{c_A} \frac{dc_P}{dt}$

Pak

Pro nízké  $c_A$ :  $\frac{1}{c_A} \frac{dc_P}{dt} = k_1 c_A$

Pro vysoké  $c_A$ :  $\frac{1}{c_A} \frac{dc_P}{dt} = \frac{k_1 k_3}{k_2}$

