

Shrnutí vztahů pro kinetickou teorii plynů a transportní vlastnosti

$$M = mN_A, R = kN_A$$

$$\text{Síla } F = ma = m \frac{dv}{dt} = \frac{d(mv)}{dt} \quad \text{Částicová hustota } n^* = \frac{n \cdot N_A}{V} = \frac{p}{kT}$$

$$\text{Tlak } p = n^* m v_x^2 = \frac{n \cdot N_A}{V} m v_x^2$$

$$pV = \frac{1}{3} n M \langle v^2 \rangle = \frac{1}{3} n m N_A \langle v^2 \rangle$$

$$\langle \epsilon \rangle = \frac{1}{2} m \langle v^2 \rangle, pV = \frac{2}{3} n N_A \langle \epsilon \rangle = nRT$$

$$\text{Průměrná kinetická energie } \langle \epsilon_{tr} \rangle = \frac{3}{2} kT$$

$$\text{Střední kvadratická rychlost } \langle v^2 \rangle^{\frac{1}{2}} = c$$

$$\langle v^2 \rangle = \frac{3kT}{m}$$

$$\text{Střední rychlost } \langle v \rangle^{\frac{1}{2}} = \bar{c}$$

$$\langle v \rangle^2 = \frac{8kT}{\pi m}, \frac{8}{\pi} = 2.546\dots$$

$$\text{Nejpravděpodobnější rychlost } c_{mp} = c^*$$

$$c_{mp}^2 = \frac{2kT}{m}$$

$$\text{Očekávaná hodnota (průměr) } \langle Q \rangle = \int P(Q) Q dQ$$

Rozdělení vektoru rychlosti v jednom rozměru

$$F(v) dv_x = \left(\frac{m}{2\pi kT} \right)^{1/2} \exp\left(-\frac{mv_x^2}{2kT} \right) dv_x$$

Rozdělení velikosti rychlosti v 3D

$$F(v) dv = 4\pi v^2 \left(\frac{m}{2\pi kT} \right)^{3/2} \exp\left(-\frac{mv^2}{2kT} \right) dv$$

Počet srážek molekuly 1 s molekulami 2 za jednotku času = frekvence nárazů:

$$Z_2 = \pi b_{\max}^2 \langle v_r \rangle n_2^*$$

Počet srážek molekuly 1 s molekulami 1 za jednotku času:

$$Z_1 = \pi b_{\max}^2 \langle v_r \rangle n_1^* = \pi d^2 \langle v_r \rangle n_1^* \cdot [Z_1] = s^{-1}$$

Počet všech srážek molekul 1 s molekulami 2:

$$Z_{12} = Z_2 n_1^* = \pi b_{\max}^2 \langle v_r \rangle n_1^* n_2^*$$

Počet srážek molekul stejného druhu v m³:

$$Z_{11} = \frac{1}{2} Z_1 n_1^* = \pi d^2 \langle v_r \rangle (n_1^*)^2 \cdot [Z_{11}] = s^{-1} m^{-3}$$

$$\text{Redukovaná hmotnost } \mu = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2}$$

$$\text{Střední relativní rychlost } \langle v_r \rangle = \sqrt{2} \langle v \rangle, \langle v_r \rangle^2 = \frac{8kT}{\pi \mu}$$

$$\text{Střední volná dráha } \lambda = \frac{\langle v \rangle}{Z_1}$$

$$\text{Viskozita = Viskozitní koeficient } \eta = \frac{1}{3} n^* \langle v \rangle \lambda m = \frac{\langle v \rangle m}{2\sqrt{2}\pi d^2}$$

$$\text{Difusní koeficient } D = \frac{1}{3} \langle v \rangle \lambda$$

$$\text{Střední kvadratická vzdálenost uražená difusním pohybem } z_{rms} = \sqrt{2Dt}$$

$$\text{První Fickův zákon difuze: } J_z = -D \left(\frac{\partial n^*}{\partial z} \right)$$

$$\text{Druhý Fickův zákon difuze: } \frac{\partial n^*(z,t)}{\partial t} = D \frac{\partial^2 n^*(z,t)}{\partial z^2}$$

Užitečné intergrály

TABLE 1.1 Integrals of Use in the Kinetic Theory of Gases

$\int_{-\infty}^{\infty} x^{2n} e^{-\beta x^2} dx = 2 \int_0^{\infty} x^{2n} e^{-\beta x^2} dx$	$\int_{-\infty}^{\infty} x^{2n+1} e^{-\beta x^2} dx = 0$
$\int_0^{\infty} e^{-\beta x^2} dx = \frac{1}{2} \sqrt{\pi} \beta^{-1/2}$	$\int_0^{\infty} x e^{-\beta x^2} dx = \frac{1}{2} \beta^{-1}$
$\int_0^{\infty} x^2 e^{-\beta x^2} dx = \frac{1}{2} \sqrt{\pi} \frac{1}{2} \beta^{-3/2}$	$\int_0^{\infty} x^3 e^{-\beta x^2} dx = \frac{1}{2} \beta^{-2}$
$\int_0^{\infty} x^4 e^{-\beta x^2} dx = \frac{1}{2} \sqrt{\pi} \frac{3}{4} \beta^{-5/2}$	$\int_0^{\infty} x^5 e^{-\beta x^2} dx = \beta^{-3}$
$\int_0^{\infty} x^{2n} e^{-\beta x^2} dx = \frac{1}{2} \sqrt{\pi} \frac{(2n)! \beta^{-(n+1/2)}}{2^{2n} n!}$	$\int_0^{\infty} x^{2n+1} e^{-\beta x^2} dx = \frac{1}{2} (n!) \beta^{-(n+1)}$
