Buď $p$ libovolné prvočíslo, které se zcela rozkládá v $L/\mathbb{Q}$.

Označme $\mathcal{P}$ libovolný prvoideál tělesa $\mathbb{Q}_{fm}$, který dělí $p$.

Označme $s$ stupeň inercie prvočísla $p$ v $\mathbb{Q}_{fm}/\mathbb{Q}$.

Označme $\omega : \mathbb{F}_{p^s}^{\times} \longrightarrow \mu_{p^s-1}$ odpovídající Teichmüllerův charakter. Pro libovolné $r \mid m$ označme

$$g_r = N_{\mathbb{Q}_{fr}/\mathbb{Q}_{fr}\cap L}\left(g(\chi^{\frac{m}{r}})^{fr(1-\tau)}\right)^{\frac{2fm}{r}},$$

kde $\chi = \omega^{-\frac{p^s-1}{fm}}$ a $\tau$ je komplexní konjugovanost.

Tvrzení

Nechť přirozené číslo $r \mid m$ a prvočíslo $p \mid \frac{m}{r}$. Platí

$$N_{\mathbb{Q}_{fpr}\cap L/\mathbb{Q}_{fr}\cap L}(g_{pr}) = g_r^{1-Fr_p^{-1}}$$