

Sada příkladů č. 3. skupina A Limity

1. Vypočítejte následující limity funkcí ve vlastním bode

(a) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 4x + 4}{x + 2}$ (5)

(b) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x - 4\sqrt{x} + 4}{\sqrt{x} - 2}$ (0)

(c) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x}{1-x} - \frac{x+1}{x^2-1}$ (0)

(d) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^2 + x^3 - x^5}{x^3}$ (neexistuje)

(e) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sin(x))^2}{5x^2}$ ($\frac{1}{5}$)

(f) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\sin(x)}{x} \cos(x)$ (0)

2. Vypočítejte následující limity funkcí v nevlastním bod

(a) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 2x + 15}{x^2 + 3x - 15}$ (∞)

(b) $\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{2x^2 + x - 4} - \sqrt{2x^2 - x + 2}$ ($\frac{1}{\sqrt{2}}$)

(c) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin(x) \cos(x)}{x}$ (0)