

Sada příkladů č. 4. skupina B

Funkce, derivace

1. Vypočítejte následující derivace

- (a) $3x^5 + \frac{1}{\sqrt{x}} - \ln(x) + \sin(x)$
- (b) $e^{(x^2)}$
- (c) $\cos(x^2) + \sin(\ln(x))$
- (d) $\tan(x) \cdot a^x$
- (e) $\frac{x+1}{\sin(x)}$
- (f) $\frac{\ln(x)}{x^2+1}$
- (g) $\sqrt{x+1} \cdot \sin(x)$

2. Vypočítejte derivace vyšších řádů

- (a) $(\cos(x) \cdot (x^2 + 1))''$
- (b) $(\frac{x-1}{x+2})''$
- (c) $(\ln(x^2))'''$

3. Vypočítejte limity s použitím L'Hospitalova pravidla

- (a) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x)}{x^2 - x}$
- (b) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + x^2 - 4x - 4}{x^2 + 4x + 4}$
- (c) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + x^2 - 4x}{x^2 + 4x + 4}$

4. Pro funkce $f(x) = \sin(x)$:

- (a) nakreslete její graf
- (b) určete definiční obor
- (c) určete obor hodnot
- (d) uveďte hodnoty funkce v zajímavých bodech