

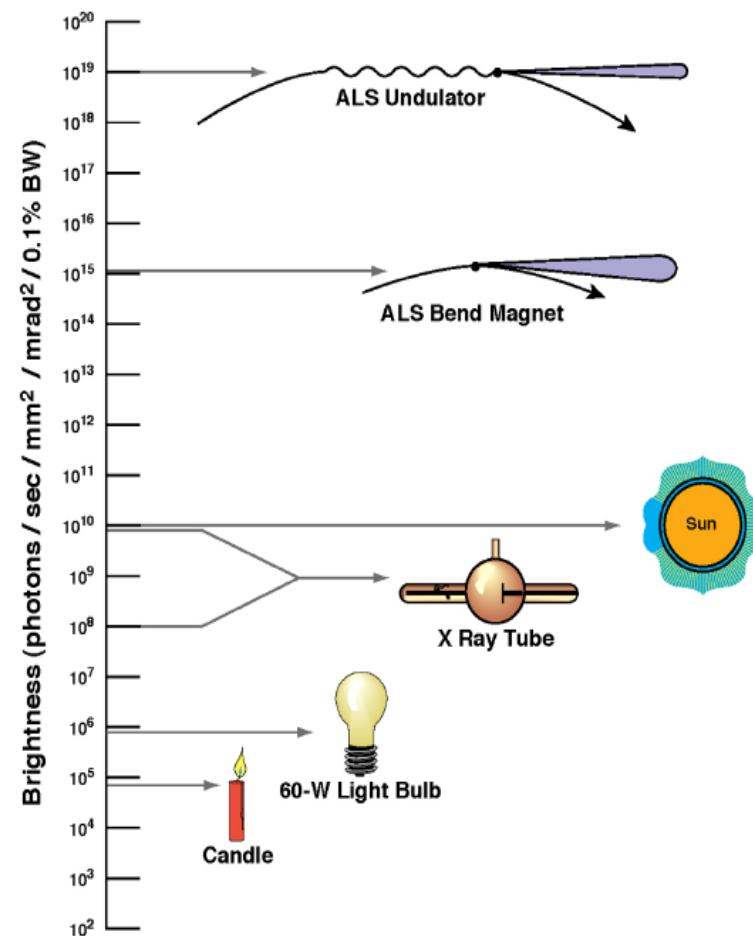
# SYNCHROTRON – ZÁŘENÍ PRO VĚDU A VÝZKUM

Vítězslav Otruba

# Výjimečné vlastnosti synchrotronového záření

2

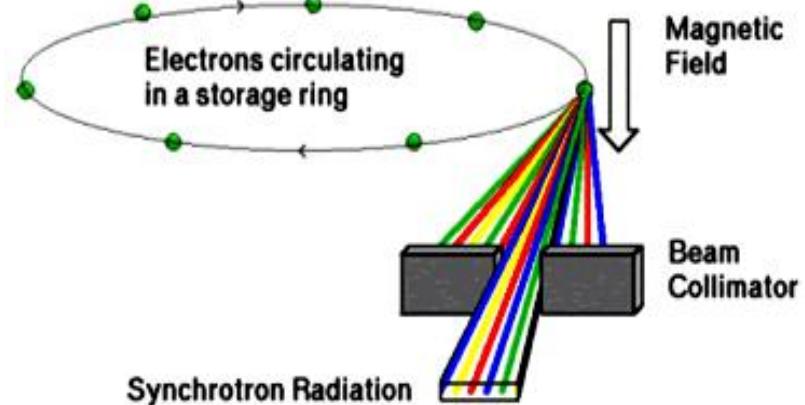
- Velmi vysoká intenzita
- Široký rozsah volitelné vlnové délky (IR až rtg)
- Úzký svazek → jemné detaily
- Pulzní (až fs, ideální pro ultrarychlé procesy)



# Synchrotronové záření

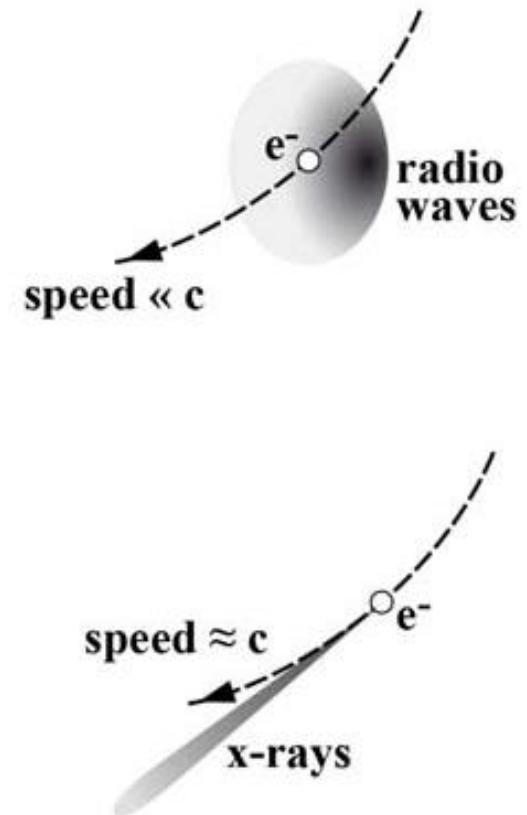
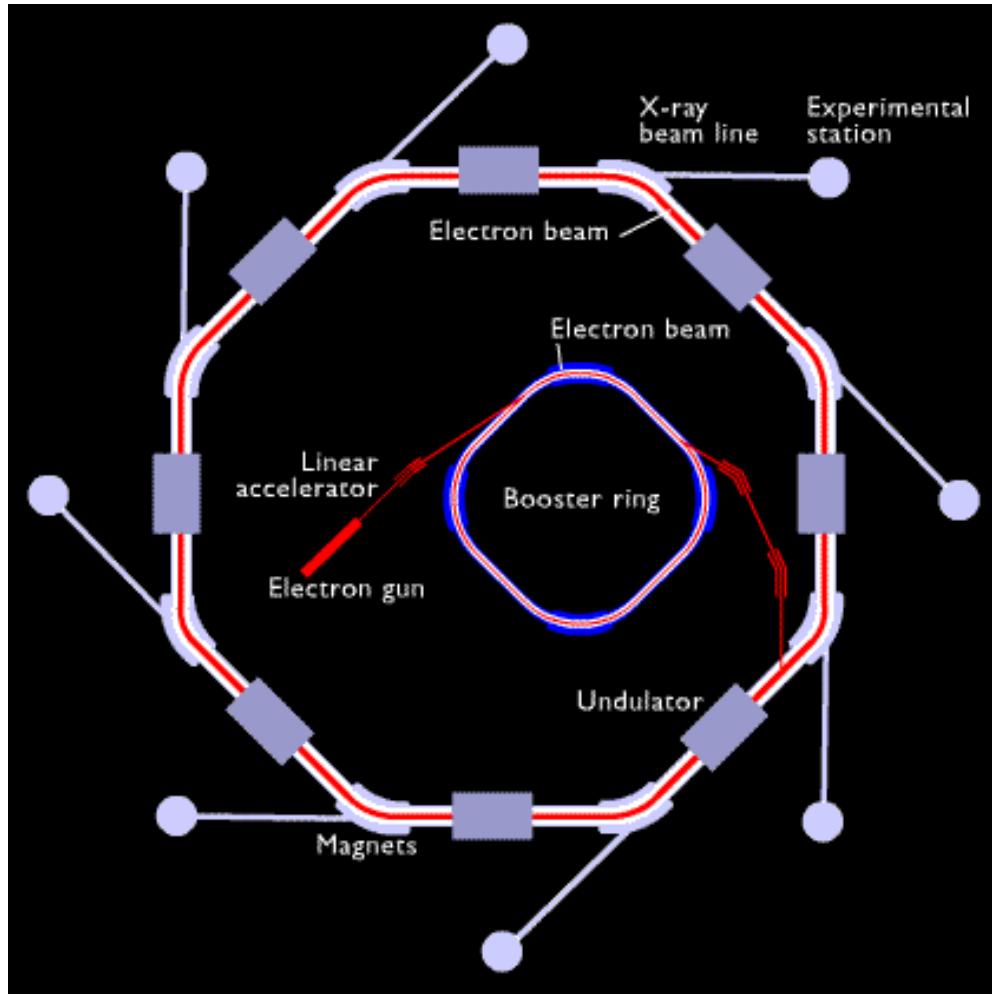
3

- Elektromagnetické záření vzniká při interakci urychlených elektronů s magnetickým polem  
 $E \approx GeV; v \approx c$
- Pokud se trajektorie nabité částice ( $e^-$  nebo  $e^+$ ) mění z přímočaré na zakřivenou, částice vyzařuje fotony. Při relativistických rychlostech jsou fotony emitovány v úzkém kuželu, jehož směr je tangenta k místu ohybu.



# Synchrotron

4



# Synchrotronové záření

5

- **Synchrotronové záření (SZ)** je elektromagnetické záření, které vyzařuje nabité relativistická částice (prakticky pouze elektron nebo vzácně i pozitron), pohybující se na zakřivené dráze. Na rozdíl od nerelativistického elektronu, který září prakticky do všech směrů, relativistický elektron září do úzkého kuželevého směru pohybu. Vrcholový úhel tohoto kuželevého záření závisí na energii elektronů a je zpravidla v desítkách až stovkách úhlových vteřin. Pozorovatel tedy zaregistrouje relativistický elektron pohybující se po kruhové dráze pouze tehdy, když tento kužel protne místo, kde se nachází detektor záření, který zaregistrouje ostrý puls. I když je pojem synchrotronové záření znám i z astronomie, v pozemských podmínkách prakticky vždy označuje záření elektronů při jejich pohybu v urychlovačích.

# Spektrální briliance

6

- Pro porovnání zdrojů synchrotronového záření se zavádí pojem **spektrální briliance (spectral brilliance)**, udávající počet vyzařovaných fotonů za sekundu na 1 mm<sup>2</sup> plochy zdroje záření, na divergenci 1 mrad<sup>2</sup> a na 10% šířky ( $\Delta\lambda/\lambda=0,1$ ) vlnového oboru. Čím užší a paralelnější je svazek záření a čím více jsou fotony koncentrovány do co nejužšího vlnového oboru, tím je vyšší spektrální briliance.
- Ta je v nepřímém poměru k **emitanci (emittance)**, což je v podstatě součin rozměru zdroje záření a divergence záření.

# Kritická energie fotonů

7

- V kruhových urychlovačích elektronů se jejich dráha zakřivuje v **ohybových magnetech (bending magnets – BM)** a ty se pak stávají zdrojem záření. Z BM se záření vyvádí evakuovanou trubicí do experimentální stanice (**beamline**). Ostrý puls obsahuje vždy značné množství harmonických. Jelikož elektrony vyzařují fotony, jejich energie klesá a je jím v urychlovači opět dodávána. Vzhledem k této fluktuaci energie elektronů se harmonické natolik rozmyjí, že se spektrum jeví jako spojité, a to od radiových vln až do rentgenové oblasti.
- Spektrum se obvykle charakterizuje tzv. **kritickou energií** fotonů  $E_c$ . To je taková energie fotonů, pro kterou platí, že celková vyzařovaná energie pro fotony s energií větší než  $E_c$  se rovná celkové vyzařované energii pro fotony s nižší energií.  $E_c$  roste s energií elektronů a magnetickým polem magnetů. Platí dostatečně přesně vztah

$$E_c \text{ [KeV]} = 0.665 B[\text{T}] E^2 \text{ [GeV]}$$

Např. pro magnetické pole  $B = 1\text{T}$  a energii elektronů  $E = 6\text{ GeV}$  je  $E_c = 24\text{ keV}$ . Zkušenost ukazuje, že z hlediska intenzity jsou ještě použitelné fotony o energii 4 – 5 krát vyšší, v krajiném případě i 10 krát vyšší.

# Parametr $\gamma$

- Pro záření o kritické energii platí, že vrcholový úhel výše zmíněného kuželu je  $1/\gamma$ , kde  $\gamma = E/m_0c^2$ , nebo také  $\gamma = E [\text{MeV}]/0,5$ . Pro ESRF(Grenoble) je  $1/\gamma = 8.3 \times 10^{-5}$  (asi  $17''$ ). Vzdálenost experimentálního místa od zdroje záření je např. 40 m, pak vertikální rozměr svazku v místě experimentu je 3 – 4 mm. Horizontální rozměr svazku pak závisí na tom, z jaké velké části oblouku orbity v BM záření odebíráme a jaká je konfigurace štěrbin. Prakticky bývá horizontální rozměr svazku až 10 – 15 cm. V horizontální rovině orbitu je SZ lineárně polarizované. Nad a pod rovinou orbitu narůstá  $\pi$  polarizační složka fázově posunutá tak, že záření je elipticky polarizované, přičemž smysly rotace nad a pod rovinou orbitu jsou opačné.
- Elektrony na orbitě urychlovače tvoří shluky (**bunches**). Každý shluk vytváří puls SZ, jehož délka závisí na délce shluku. Frekvence pulsů pak závisí na počtu shluků na orbitě. Ten je možné regulovat od jednoho (**single bunch mode**) až do desítek (**multi bunch mode**). V ESRF se délka pulsů pohybuje okolo 100 ps a frekvence v MHz.

# Viglery a undulátory

9

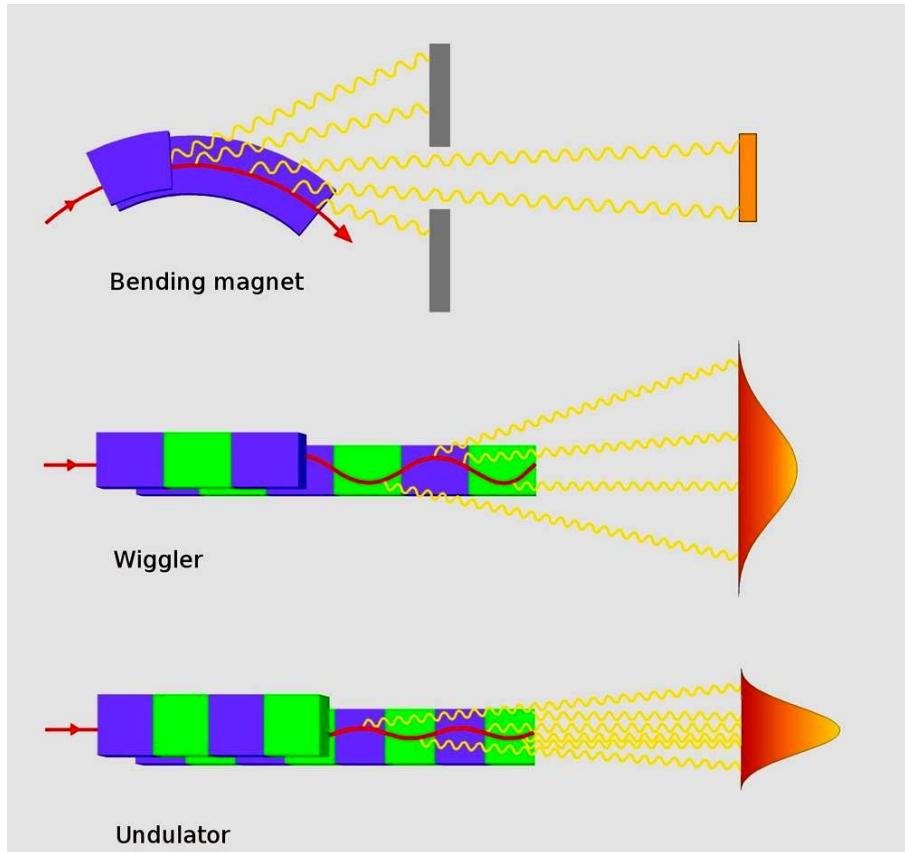
- Pro zdroje synchrotronového záření současné (**třetí**) generace je charakteristické použití tzv. **viglerů (wrigglers)** nebo **undulátorů (undulators)**. Jejich úkolem je horizontálně, nebo v některých případech i vertikálně, zvlnit dráhu elektronů (tzv. **insertion device**, zkráceně **ID**). V češtině se objevil i název **zvlňovač**. Jedná se o periodické uspořádání magnetů na dráze elektronů tak, že magnetické pole  $B$  je vertikální (případně horizontální) a periodicky mění smysl. Dráha elektronů při průchodu zvlňovačem se pak horizontálně (nebo i vertikálně) zvlní. Je li magnetické pole dostatečně silné, i zvlnění je výrazné a zařízení se v podstatě chová jako soustava ohybových magnetů. Z toho plynou stejné spektrální vlastnosti emitovaného záření jako u BM s tím, že se intenzity od jednotlivých prvků zvlňovače sčítají, čímž se zvyšuje intenzita, briliance a výkon vyzařovaného záření. Výkon ve svazku záření může dosahovat až několika KW! Toto zařízení je nazýváno vigler. Vigler navíc může být i supravodivý, s magnetickým polem až 10 T, což radikálně ovlivní spektrum a vyzařovaný výkon

# Undulátrory

10

- V případě slabého magnetického pole pozorovatel nedetekuje ostré úzké pulsy ale jen periodicky modulovaný signál, ve zcela ideálním případě harmonicky modulovaný signál. Takové zařízení se nazývá **undulátor**. V ideálním případě undulátor vyzařuje monochromatickou vlnu, jejíž vlnová délka je proti periodě undulátoru zkrácená vlivem relativistického a Dopplerova jevu. Vlnová délka této vlny závisí na periodě undulátoru, energii elektronů, magnetickém poli a má i směrovou závislost. Příspěvky záření od jednotlivých prvků undulátoru interagují koherentně, takže se sčítají amplitudy. Vlivem interference se snižuje i divergence záření. Výsledkem je, že se undulátor proti vigleru vyznačuje podstatně vyšší briliancí, i když celkový vyzařovaný výkon je podstatně menší. Vysoká je ale hustota výkonu ve svazku, která dosahuje hodnot až stovek  $\text{W/mm}^2$ . Vlnová délka undulátoru klesá s rostoucí energií elektronů a s klesajícím magnetickým polem. Tyto zdroje poskytují rentgenové záření s vysokou spektrální briliancí.

# Synchrotronové záření



## Zdroje magnetického pole

- bending magnets
- insertion devices  
(undulators or  
wigglers)
- free electron lasers

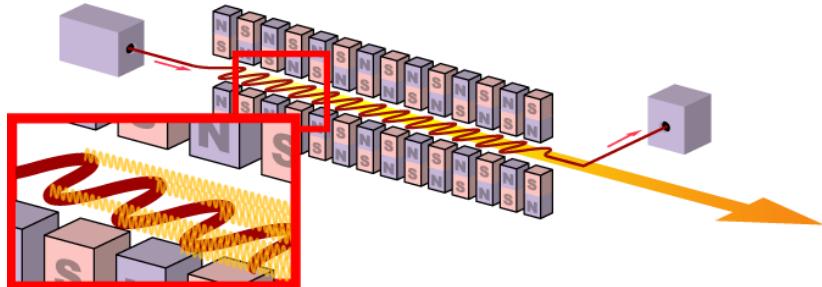
# Laser na volných elektronech

12

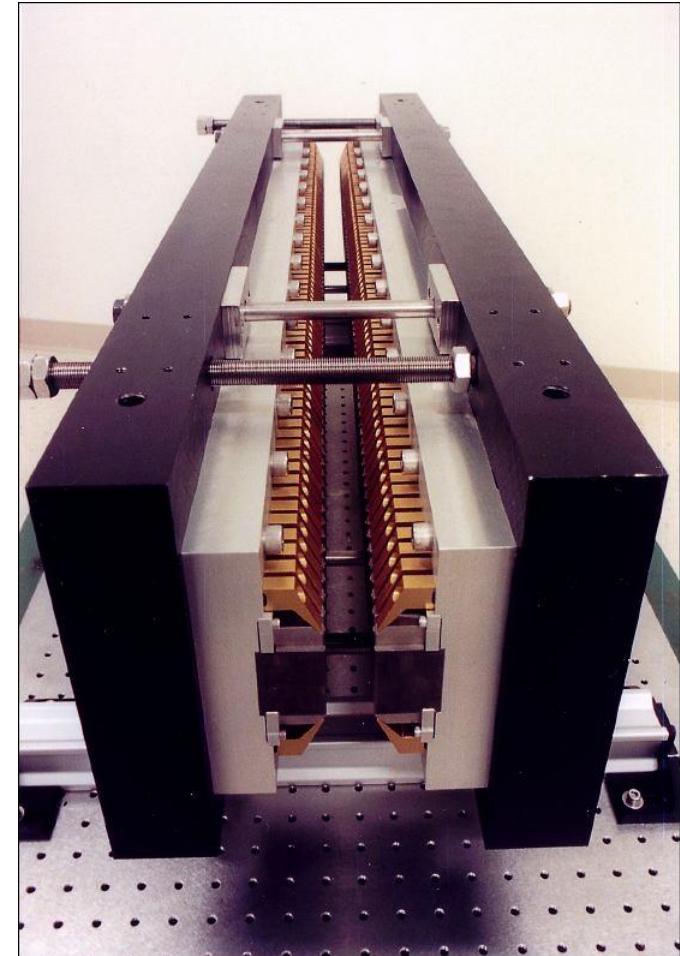
- **Čtvrtá generace** zdrojů SZ je založena na využití lineárních urychlovačů, které umožňují snížit emitanci a zkrátit délku pulsů. Probíhá-li krátký elektronový shluk dostatečně dlouhým undulátorem, pak elektromagnetická vlna generovaná v každém místě undulátoru postupuje společně s elektronovým svazkem a interahuje s ním. Vzniká tak **laser na volných elektronech**, neboli **free electron laser – FEL**. Ten se vyznačuje vysokou briliancí, podstatně vyšší než u klasického undulátoru, koherencí a krátkostí pulsů, dosahujících desítek fs. K urychlení elektronů na hodnoty řádu GeV je zapotřebí velmi dlouhého lineárního urychlovače.

# Laser na volných elektronech

13



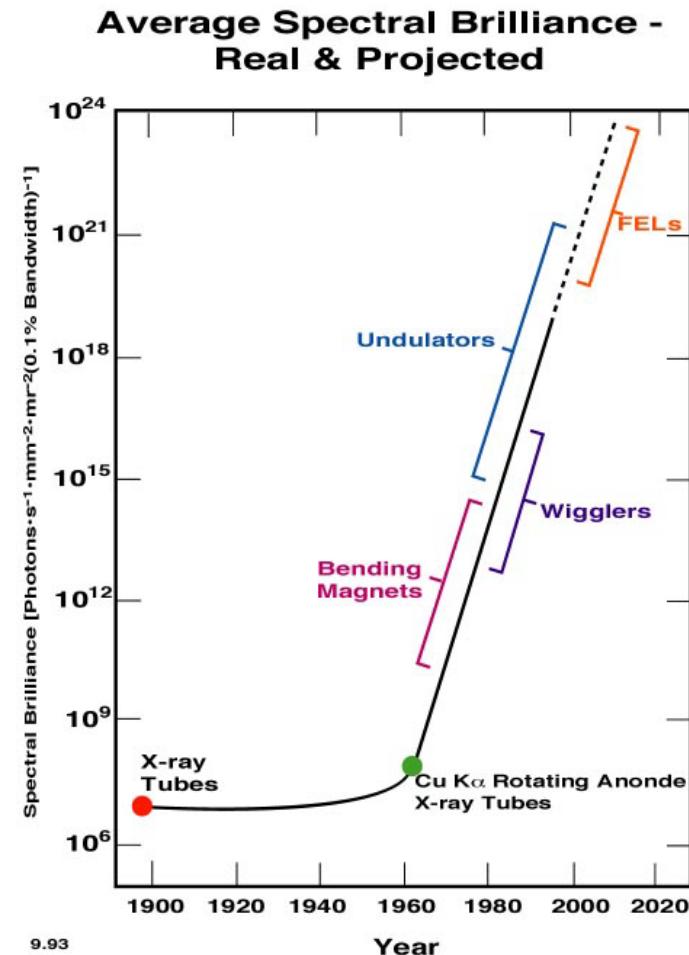
Shluky elektronů se pohybují po vlnkovité dráze. Nabité částice, které mění svou rychlosť (postačí směr), nutně září. Pro pochopení si představme, že se elektrony v shluku pohybují po sinusoidě podél undulátoru. Pokud se na ně díváme z konce této osy, nevidíme, že se pohybují směrem k nám, ale vidíme kmitat shluk nabitých částic. Nejen, že už nás nepřekvapí, že vyzařuje, ale je i jasné, proč musí být elektronový svazek rozdělený do shluků, separovaných podle rozložení indukce mezi magnety undulátoru: jednotlivé oscilátory – kmitající shluky elektronů – musí elektromagnetické pole ve směru podél osy zesilovat, nikoli zeslabovat. Díky velkému množství oscilátorů se pole v příčném směru v důsledku interference naopak zeslabuje. Shluky tak generují koherentní rentgenový paprsek. Za undulátorem jsou silným magnetickým polem elektrony odkloněny a vzniklý rentgenový laserový paprsek pokračuje do haly s experimenty



# Energy recovery linac

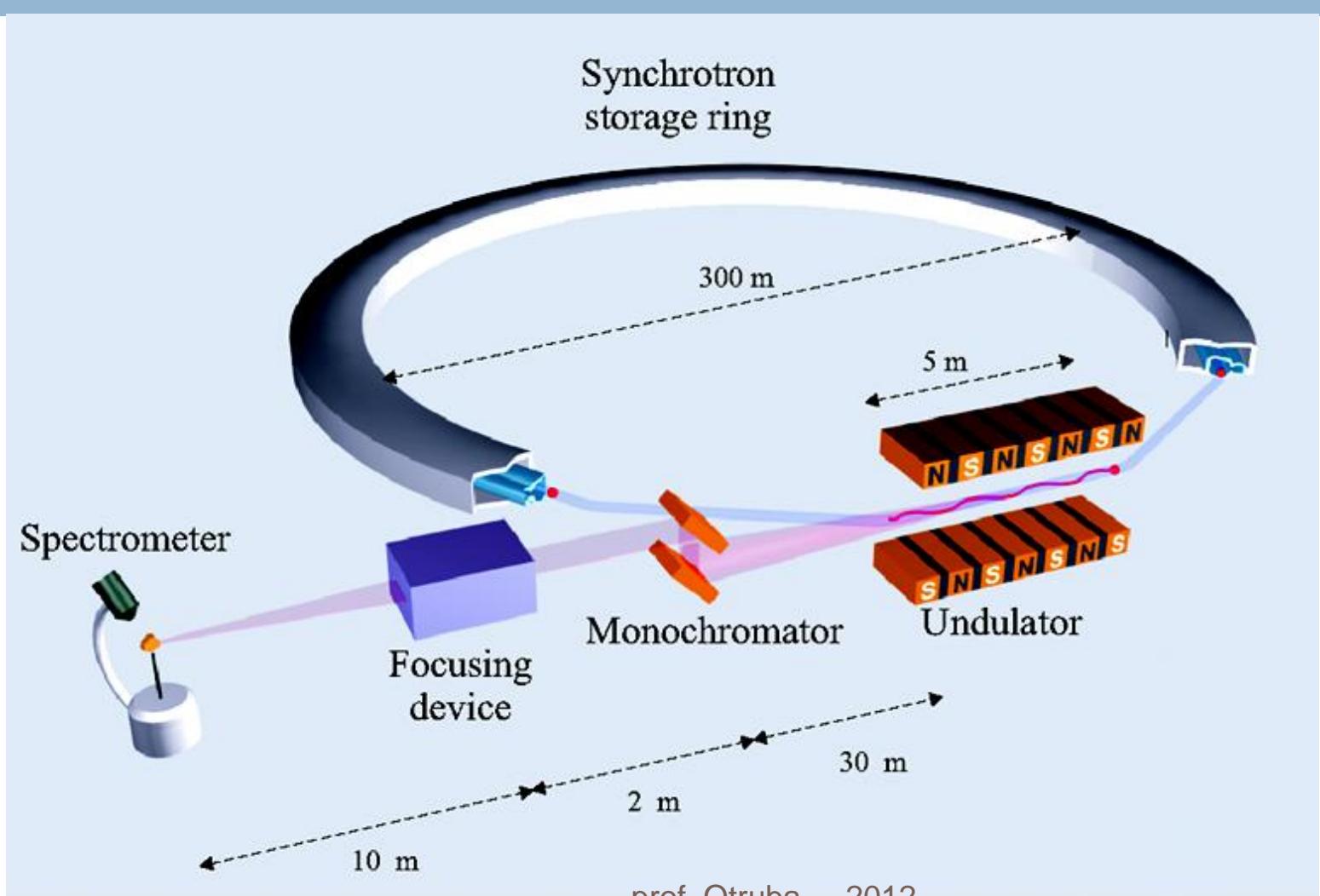
14

- V poslední době se přistupuje k řešení, kdy se elektrony po proběhnutí undulátoru vrací zpět do lineárního urychlovače a urychlovač pak může být podstatně kratší. Takové zařízení se nazývá **energy recovery linac - ERL**. Ten, ve spojení s undulátory, může generovat femtosekundové pulsy o vysoké brilianci. ERL kombinovaný s FEL představuje blízkou budoucnost zdrojů SZ čtvrté generace poskytujících vysoko briliantní koherentní svazky rtg. záření ve formě femtosekundových pulsů. Na obrázku je znázorněn historický vývoj střední briliance synchrotronového záření a porovnání jednotlivých zdrojů.



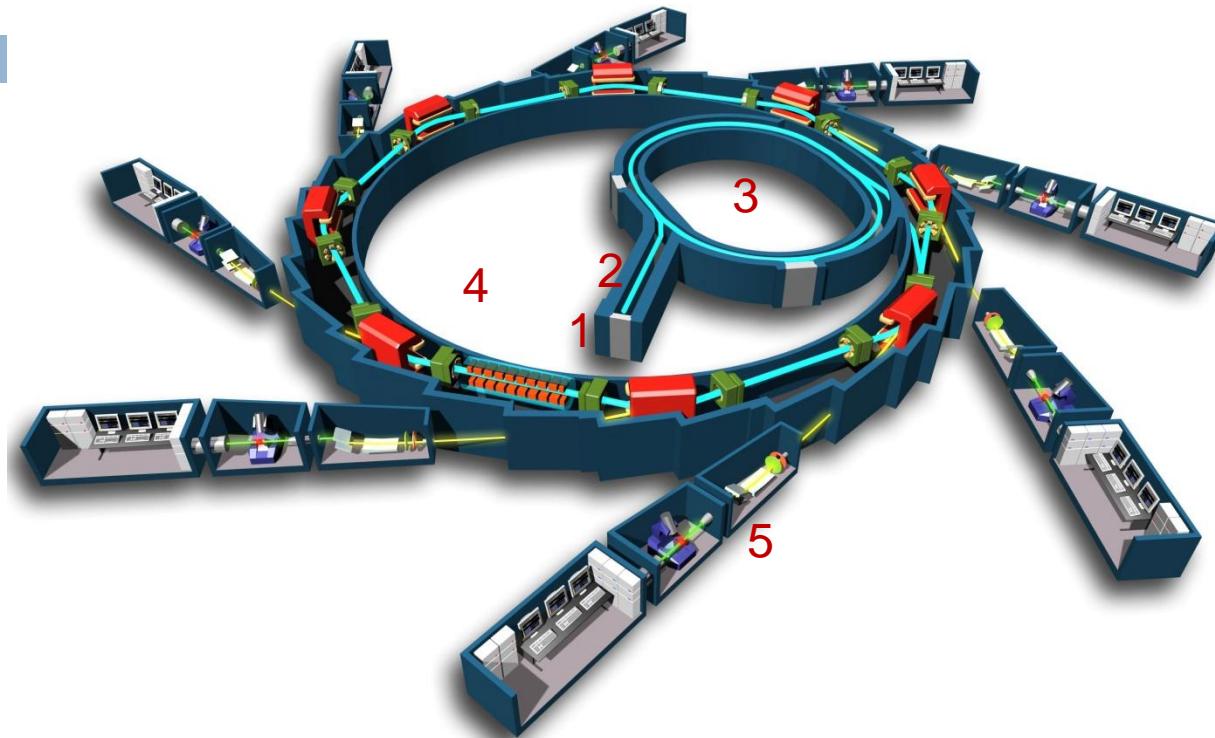
# Synchrotron

15



# Synchrotron

16



Hlavní části zařízení pro synchrotronové záření

1 zdroj elektronů

2 předurychlovač (např. linak či speciální cyklotron)

3 synchrotronový urychlovač na konečnou energii (booster)

4 synchrotronový akumulační prstenec (storage ring)

5 beamlines (vývody synchrotronového záření z undulátorů)

prof. Otruba 2012

# Vlastnosti synchrotronového záření

17

- pulsní charakter  $t < 1\text{ ns}$ , svazek ohýbaný silným dipólovým magnetem: široké spektrum (malé  $t \rightarrow$  velké  $f$ )
- slalom mezi slabými, opačně orientovanými dipóly: undulátor - superpozice mnoha svazků
  - vysoká intenzita
  - díky interferenci úzké peaky (více period dipólů → vyšší monochromatičnost)
  - laditelná vlnová délka (pomocí délky periody dipólů a jejich mag. pole)

Moderní průmyslové synchrotrony mohou být velmi rozměrné (na obrázku Soleil blízko Paříže).

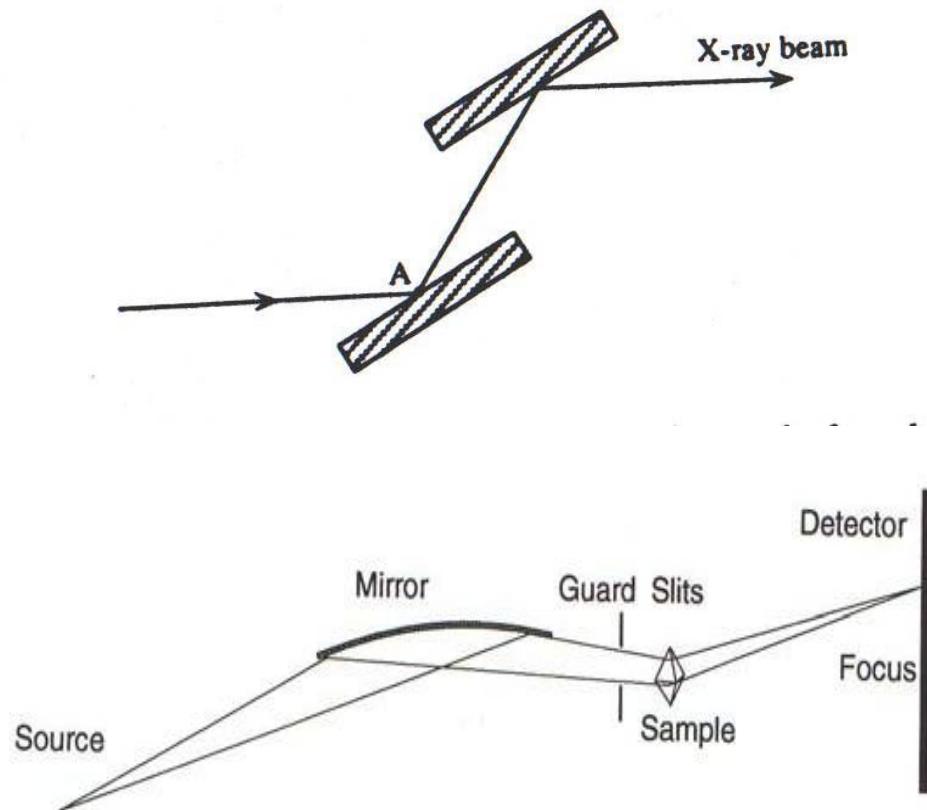
18



# Zaostření a monochromatizace

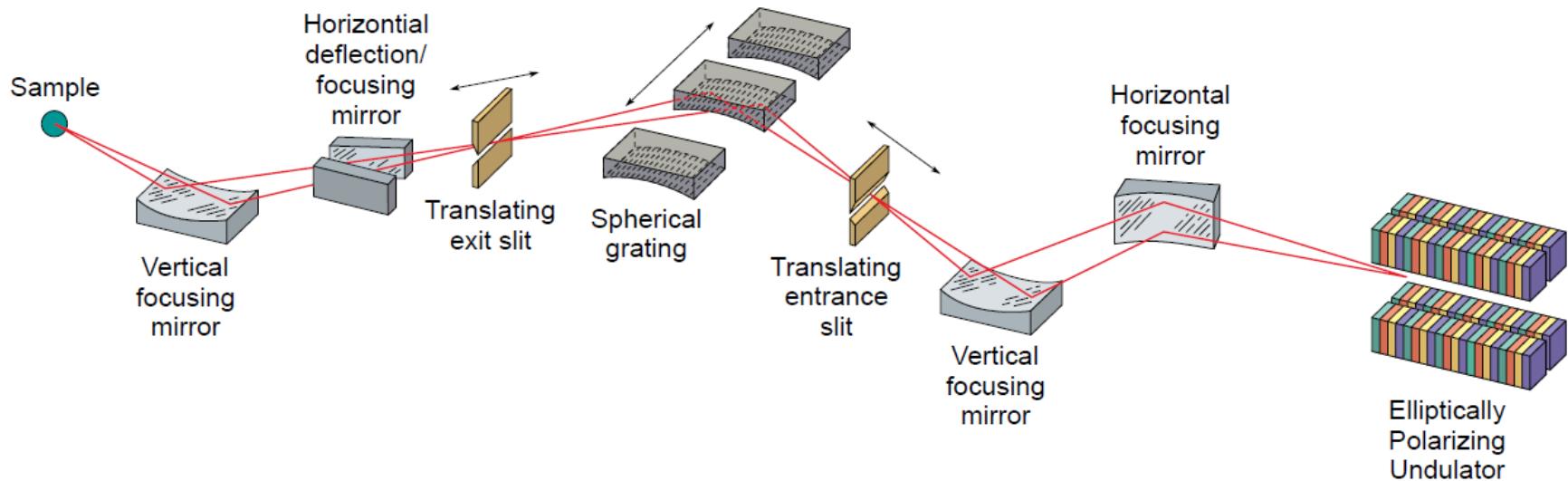
19

- Grafitový monochromátor  
grafitový krystal  
odrážející rentgenové  
záření o vlnové délce  
 $1.5418\text{\AA}$
- Synchrotronové  
monochromátory křemík  
nebo germanium  
jednoduché nebo dvojitě  
ploché nebo ohnuté
- Toroidní zrcadla sklo nebo  
křištál, vrstva Au nebo Pt



# High Spectral Resolution (meV) Beamline

20



# Rentgenová mikroradiografie a mikrotomografie

21

- Rentgenová mikroradiografie a mikrotomografie jsou techniky, které umožní snímání vnitřní struktury 2D resp. 3D objektů s vysokým plošným resp. prostorovým rozlišením. Název tomografie pochází z řeckých slov *tomos* (řez) a *grafó* (kreslím), což znamená, že tomografie je technika schopná zobrazování v řezech, tedy možnost zobrazování vnitřní struktury bez fyzického narušení objektu. Mikrotomografie je proces tomografické rekonstrukce libovolného objektu s rozlišením v řádu mikrometrů. První mikrotomografický systém byl navržen a sestrojen Elliotem na začátku 80. let 20. století. První publikovaná mikrotomografická rekonstrukce malého sladkovodního mlže *Biomphalaria glabrata*, velkého cca 0,6mm měla rozlišení kolem 15 mikrometrů.

# Výhody použití synchrotronového záření v tomografii

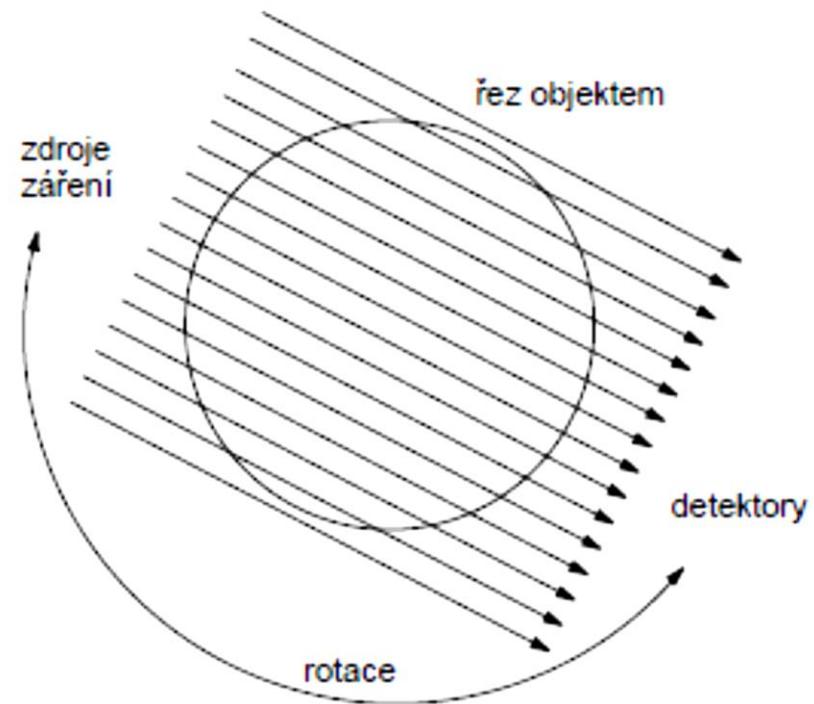
22

Vlastnost	Vyplývající výhoda
Monochromatické záření	<p>Možnost zobrazení na energiích odpovídajících <math>K</math> a <math>L</math> absorpčním hranám.</p> <p>Kvantitativní tomografická měření.</p> <p>Optimalizace energie rentgenového záření a tím snížení dávky rentgenového záření.</p>
Prostorová koherence	Možnost využití zobrazení pomocí fázového kontrastu.
Intenzita záření	Redukce expozičních časů.
Kolimovaný svazek	Paralelní svazek, jednoduší tomografická rekonstrukce, redukce rozptylu záření.

# Princip tomografie

23

- Tomografie umožňuje kvantitativní pohled dovnitř zkoumaného objektu, aniž bychom museli objekt rozřezat nebo do něj jinak zasahovat. K sestrojení (rekonstrukci) vnitřní struktury objektu stačí získat projekce objektu
- Kruh představuje příčnou rovinu objektu, tedy řez, v němž chceme zjistit průběh hledané veličiny. Touto rovinou prochází objektem svazek paprsku vhodného záření. Za objektem je svazek detekován a zaznamenán. Budeme-li nyní současně otáčet zdroj a detektor vzhledem k objektu, získáme pro každý úhel natočení úhlovou projekci objektu. Všechny úhlové projekce tvoří sadu, která je základem k rekonstrukci vybrané fyzikální veličiny v jednom rezu. Výsledný prostorový obraz objektu pak získáme opakováním postupu pro řezy v různé výšce objektu a následnou interpolací.



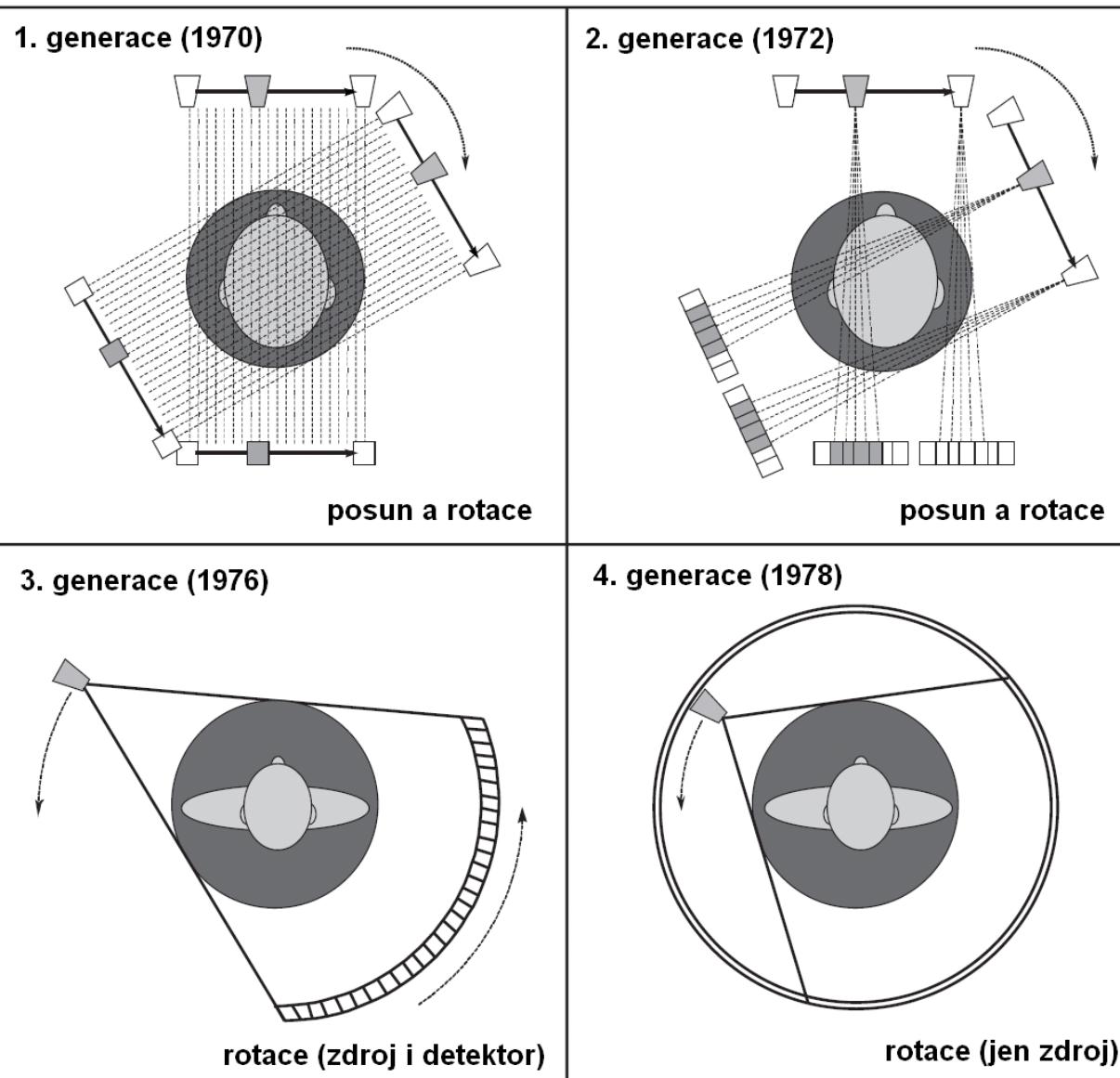
# Rozdělení tomografie

24

- podle druhu interakce záření s objektem na
  - Absorpční
  - Emisní
  - Fázovou
- podle samotného druhu záření na
  - Optickou
  - Rentgenovou
  - Ultrazvukovou
  - Mikrovlnnou a další

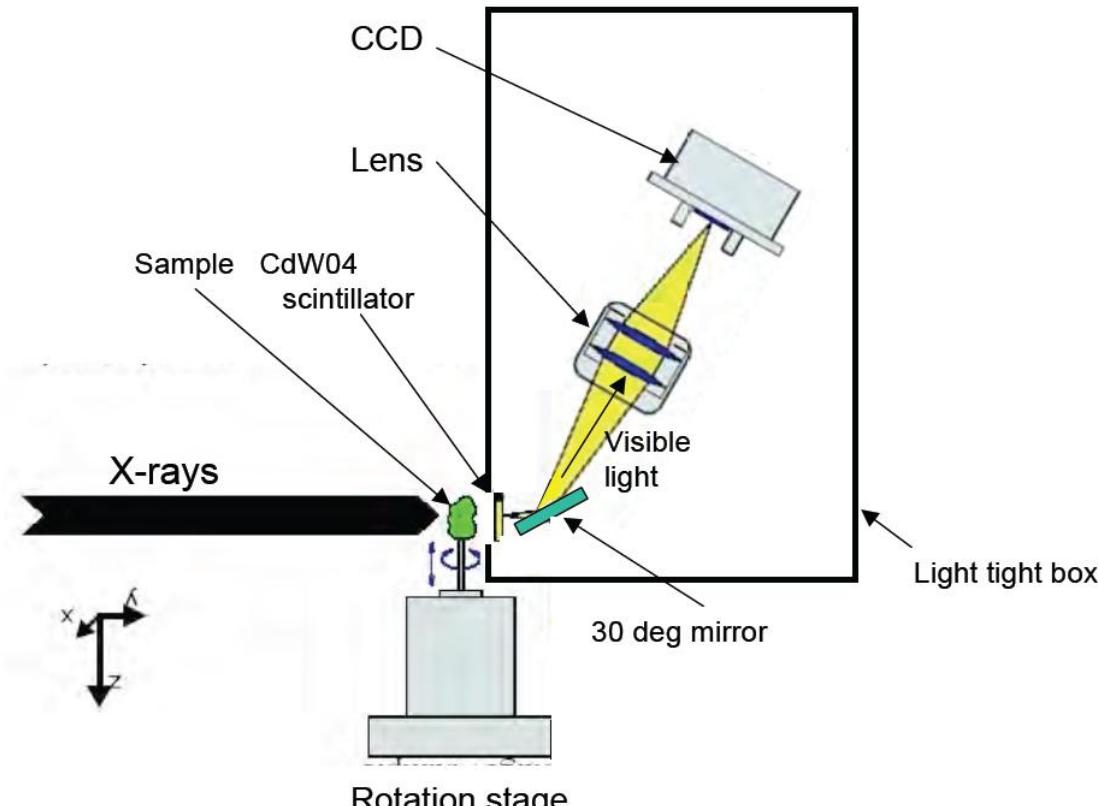
# Historický vývoj tomografie

25



# Tomografická kamera - schema

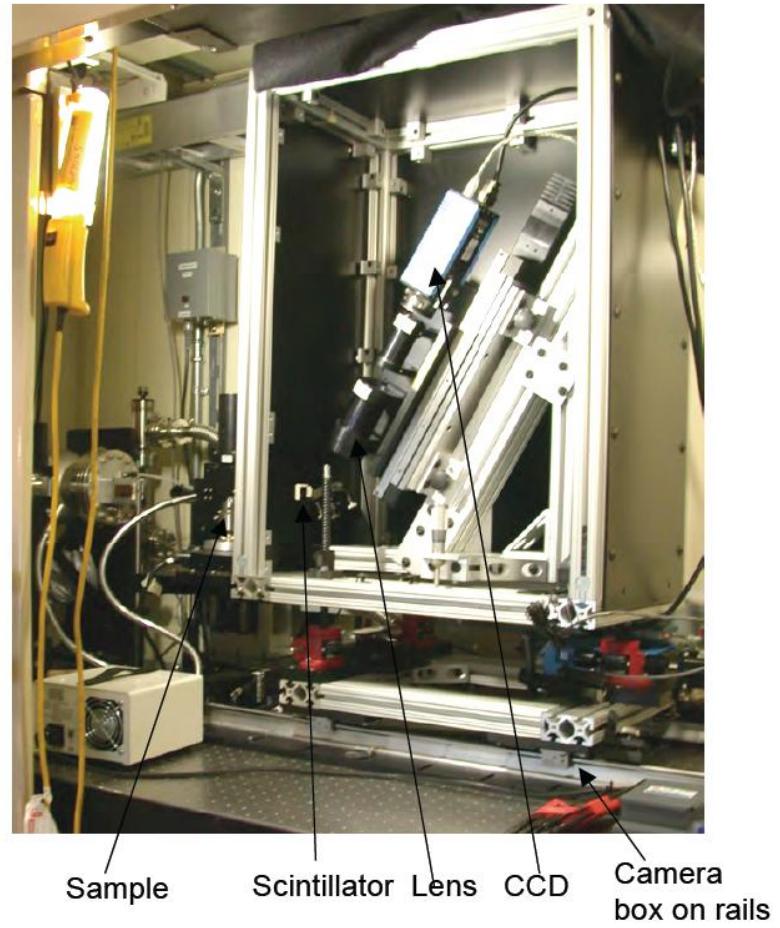
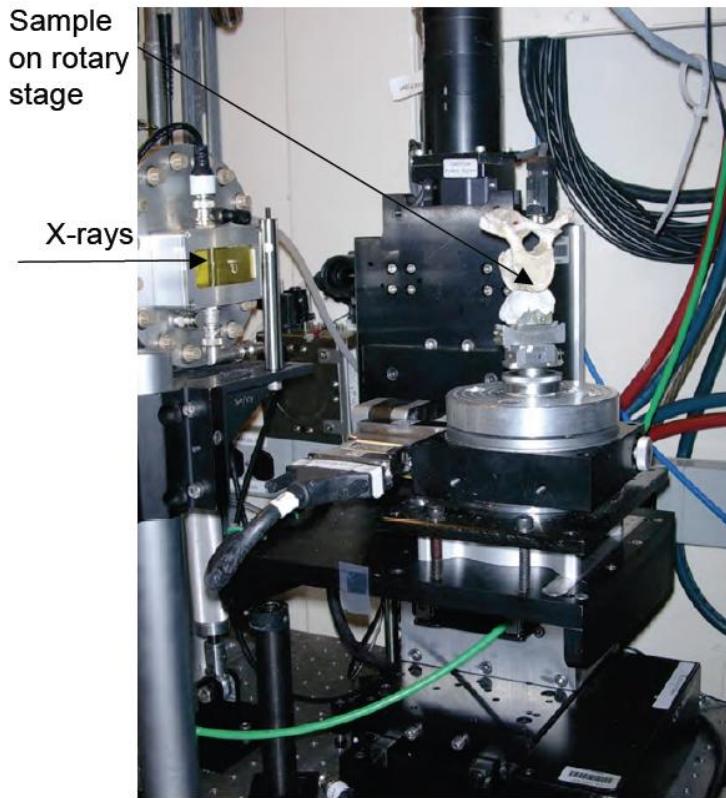
26



CCD out of the orbit plane to avoid gamma rays from SR

# Tomografická kamera

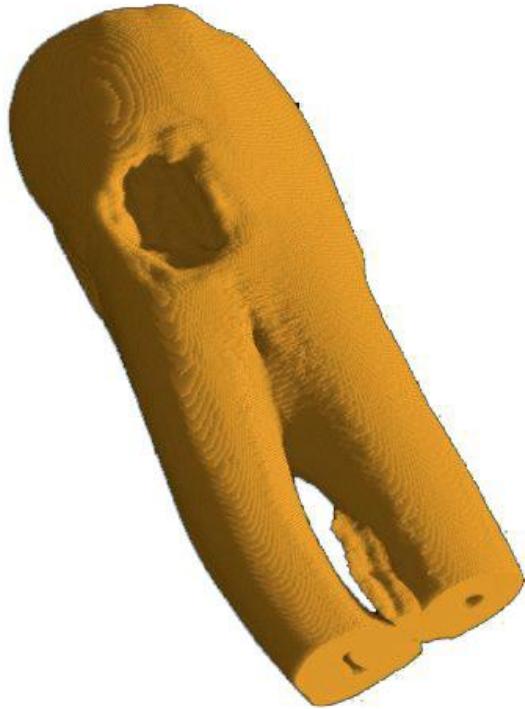
27



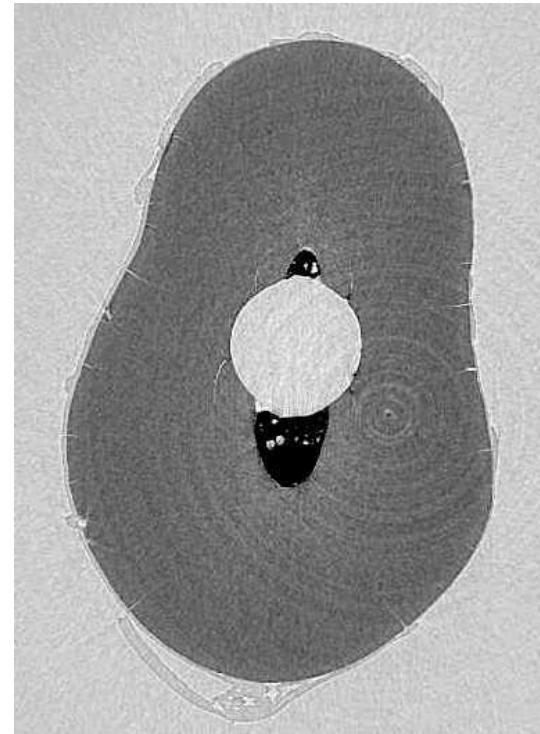
# Absorpční tomografie

28

- Zkoumaný objekt je určen funkcí lineárního absorpčního koeficientu  $\mu(x, y)$ .



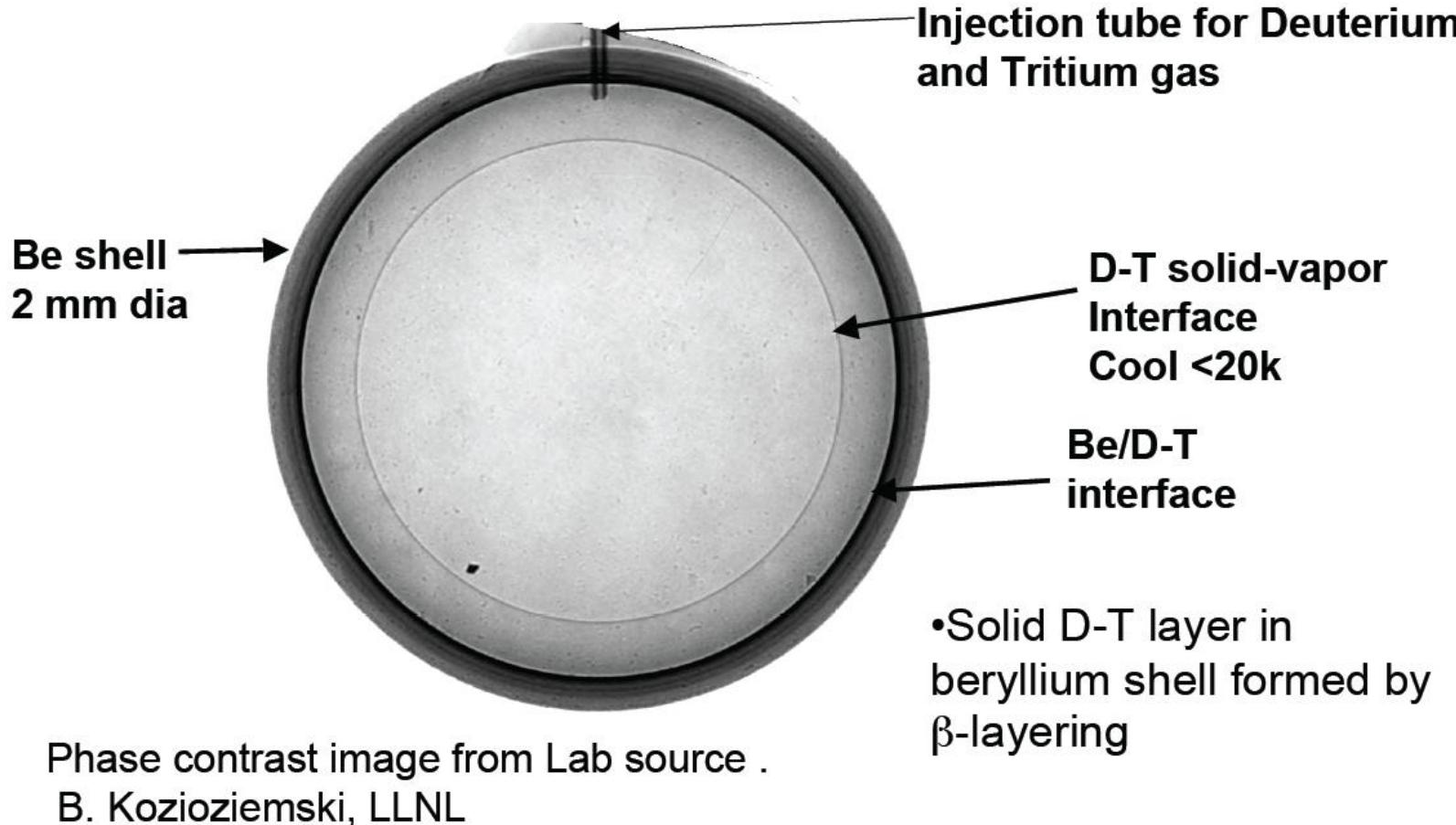
Příklad 3D rekonstrukce zuba



Rekonstrukce řezu jiným vzorkem. Patrny jsou zbytky kořenové výplně (černé) a uprostřed opracovaný otvor pro čep. Šířka zobrazené oblasti je 3,5 mm.

prof. Otruba 2012

# The Fusion capsule

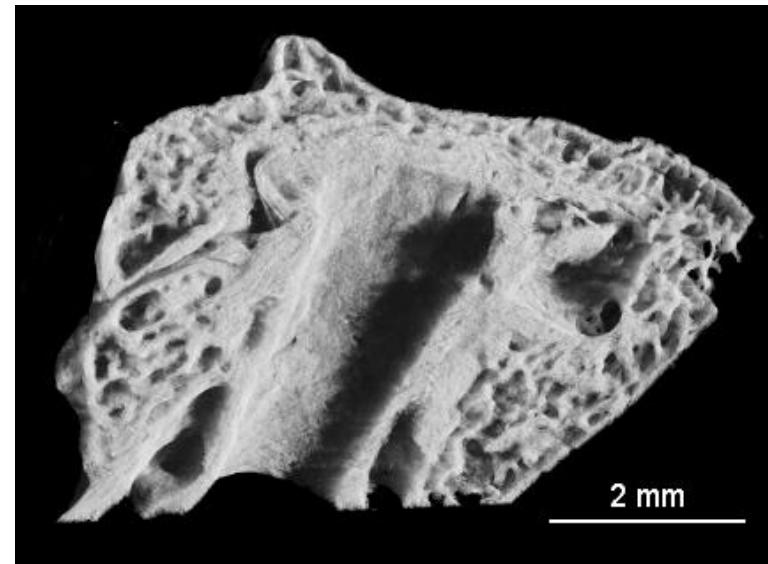
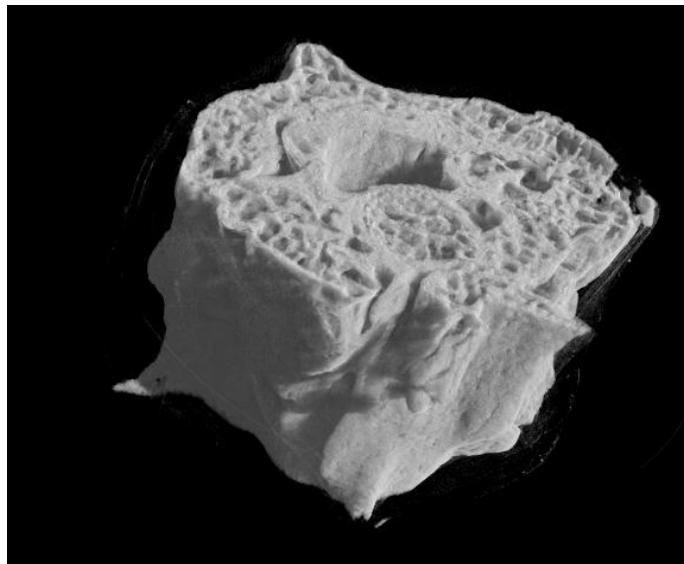


D.Montgomery et al, Rev Sci Instrum 75 3986-3988 (2004)  
J. K. Hoffer and L. R. Foreman, PRL 60, 1310 (1988)

# Mikrotomografie

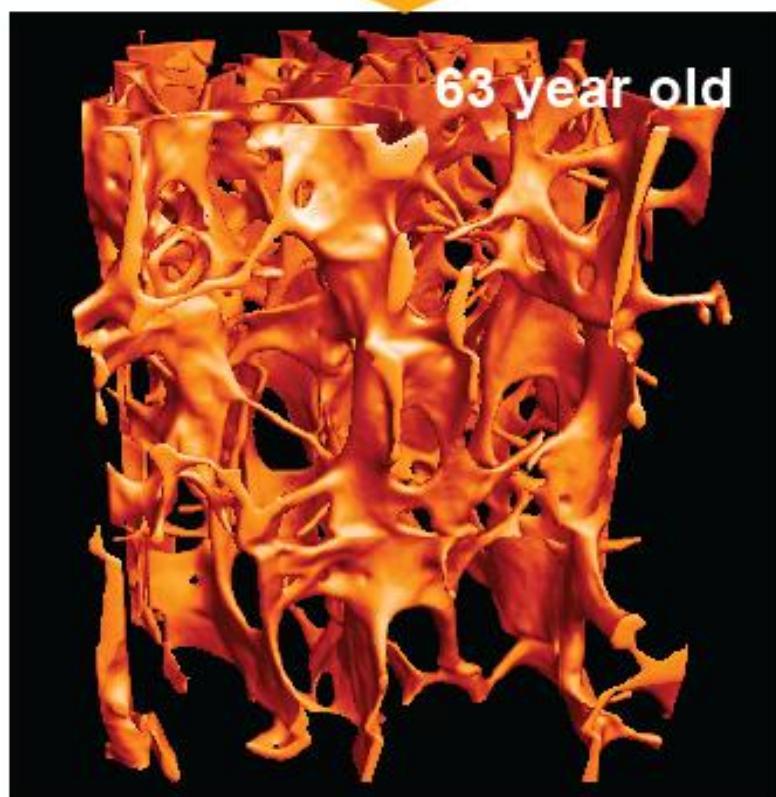
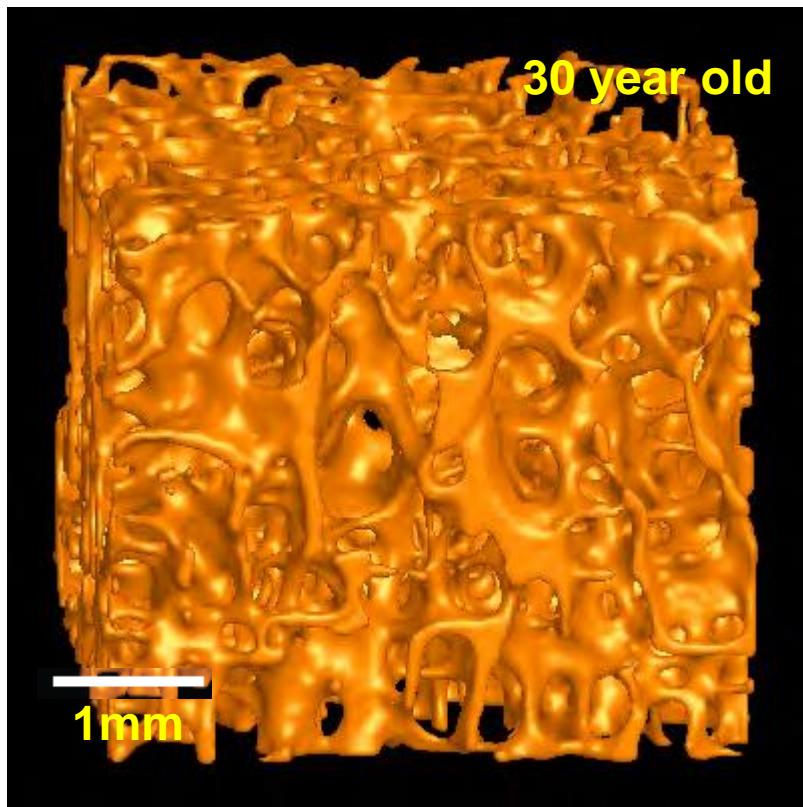
30

- Na obr. je demonstrována možnost aplikace mikrotomografického zařízení na pracovní stanici SYRMEP synchrotronu Elettra v Terstu na zobrazování paleontologických vzorků. Část obratle asi  $10^6$  let starého hada byl rekonstruován z 1440 projekcí. Vzdálenost vzorek-detektor byla 20 cm, použitý detektor měl pixely o velikosti  $9 \mu\text{m}$ .



# Aplikace – struktura kosti

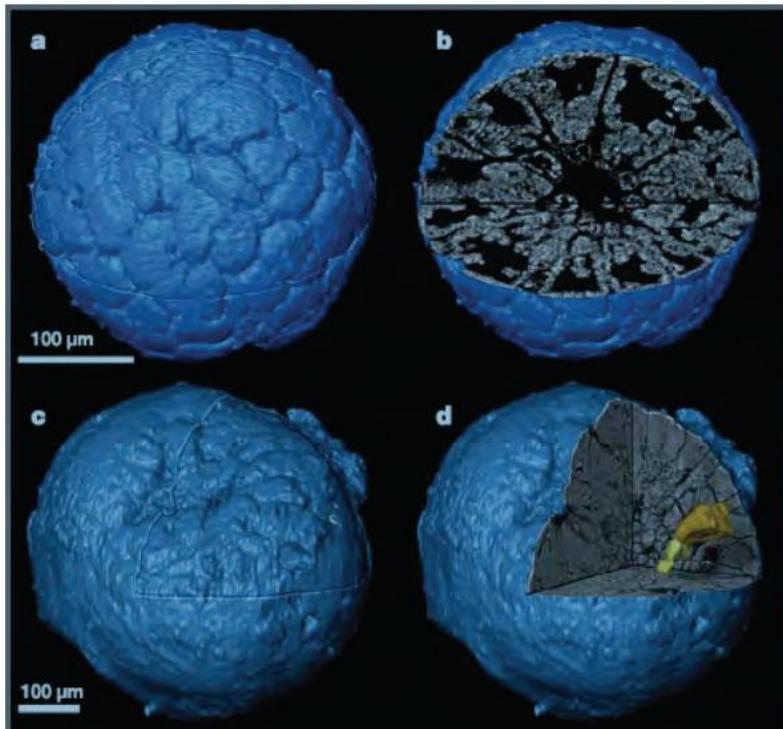
31



# Příklady RTG mikrotomografie

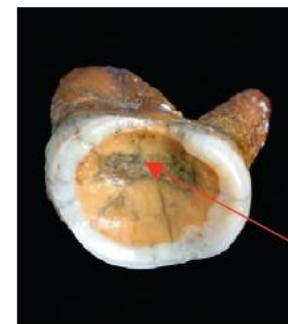
32

Fossil embryos 500M years old

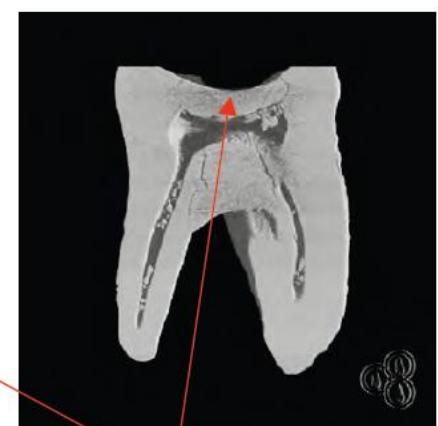


P.Donghue, Nature 442, 680-683 (2006)  
Swiss Light Source (SLS)

*Homo Neanderthalensis*



D.Hunt  
Smithsonian Institute  
Work at the ALS



Secondary dentine

prof. Otruba 2012

# Závislost lineárního absorpčního koeficientu $\mu$ na vlnové délce záření

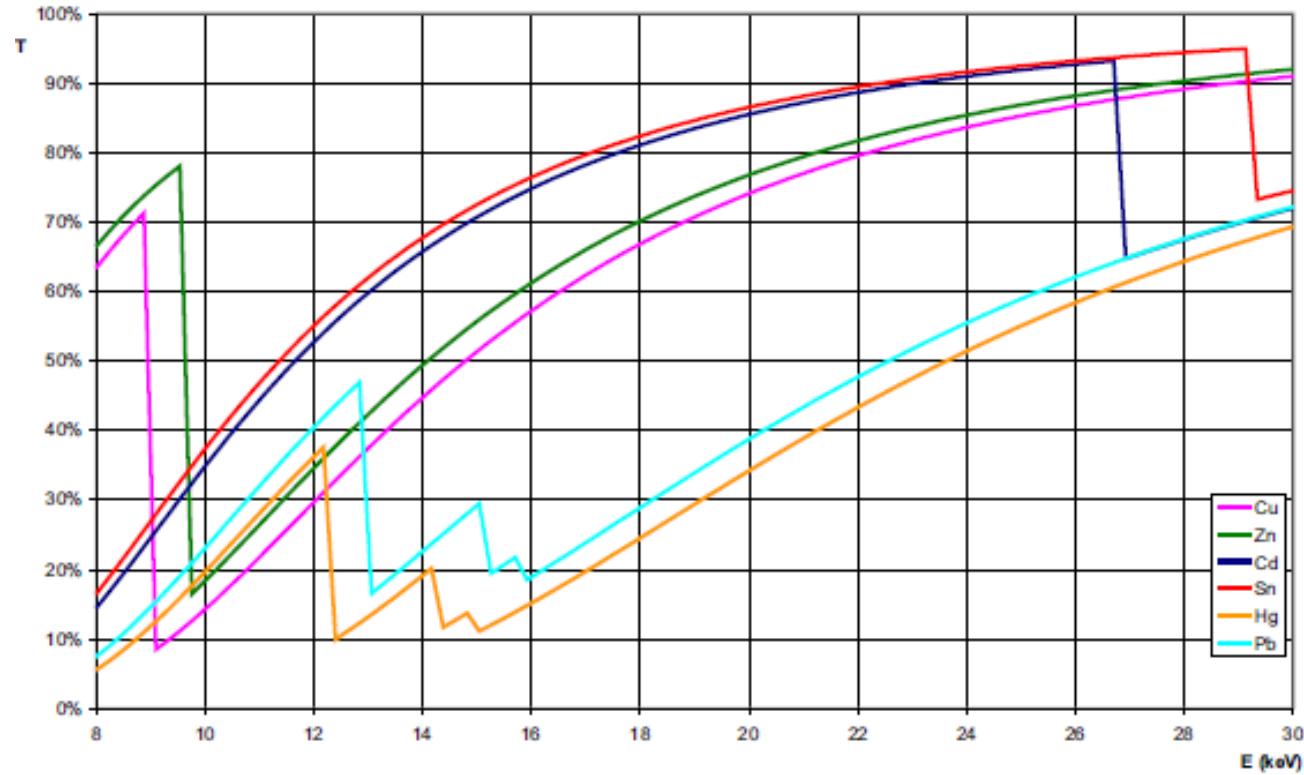
33

- Obecně lze říci, že velikost koeficientu  $\mu$  pro každý prvek klesá s rostoucí energií fotonu, tedy vzrůstá s rostoucí vlnovou délkou. Propustnost materiálu roste se vzrůstající energií (klesající vlnovou délkou). Při určité energii však dochází k náhlé zmene. Oblasti kolem náhlých změn se nazývají absorpčními hranami. Polohy jednotlivých absorpčních hran souhlasí s polohami spektrálních car v emisních spektrech, energie všech emisních car dané série (např. K) jsou nižší, než energie určité absorpční hrany, kterou označíme EK. Jednotlivé absorpční hrany lze tedy přiradit jednotlivým sériím emisních spekter. Podrobnější rozbor ukazuje, že je lze ztotožnit s hranami jednotlivých emisních sérií. Jednotlivé energie EK, EL, ... tedy reprezentují ionizační energie elektronu příslušných slupek. Je tudíž zřejmé, že polohy absorpčních hran rentgenových spekter různých prvku musí vyhovovat Moseleyovu zákonu:

$$\sqrt{f} = k_n(Z - S_n)$$

# Detekce stopových prvků

34

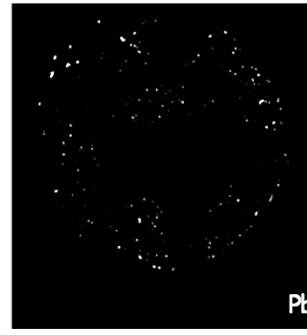
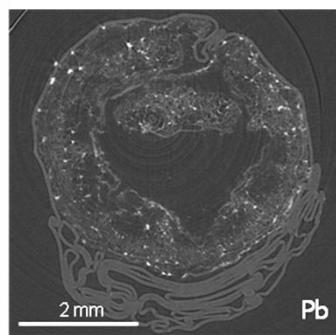
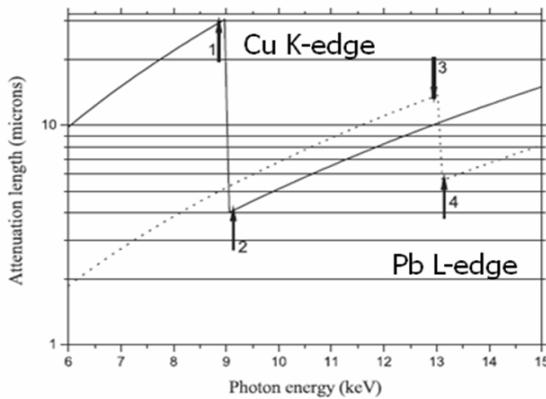


Graf závislosti relativní propustnosti materiálu tloušťky  $10 \mu\text{m}$  na energii záření pro vybrané prvky v energiovém intervalu  $8 - 30 \text{ keV}$

# Dvouenergiová mikroradiografie a mikrotomografie

35

- (Kvazi)monochromatické synchrotronové záření umožňuje selekci úzkého spektrálního rozsahu a při použití speciálního optomechanického systému, lokalizaci pomocí absorpce záření vybrané vlnové délky (energie) odpovídající chemickým prvkům uvnitř vzorku (obr. 8a). Energii synchrotronového záření absorbují K, L, M ... elektrony daného prvku, proto je velikost absorpce nezávislá na chemických vazbách a přímo určuje koncentraci daného prvku.
- Pomocí rozdílu hodnot map intenzit (2D radiogramů) vzorku nebo tomografických řezů, měřených použitím záření s energií větší a menší než je hodnota energie absorpční hrany, se dá určit kvalitativně (i kvantitativně) rozložení daného chemického prvku uvnitř zkoumaného objektu (obr. 8b).



prof. Otruba 2012

# Absorpční a fázový kontrast

36

- Index lomu prostředí pro EUV a rentgenové záření odvozený využitím vlnové rovnice a z předpokladů, že vlnová délka záření je srovnatelná s atomovými rozměry a energie záření je srovnatelná s vazební energií elektronů v atomu se běžně používá ve tvaru:

$$n=1-\delta+i\beta \quad (1)$$

- V konvenční absorpční radiografii se detekuje změna intenzity záření látkou. Změna intenzity se dá popsat pomocí vztahu:

$$\Delta I/I = e^{c\Delta\mu} \quad (2)$$

kde  $c$  je rozměr vzorku ve směru šíření záření

- lineární absorpční koeficient  $\Delta\mu$  souvisí s imaginární částí indexu lomu  $n$  se vztahem:

$$\mu=4\pi\beta/\lambda, \quad (3)$$

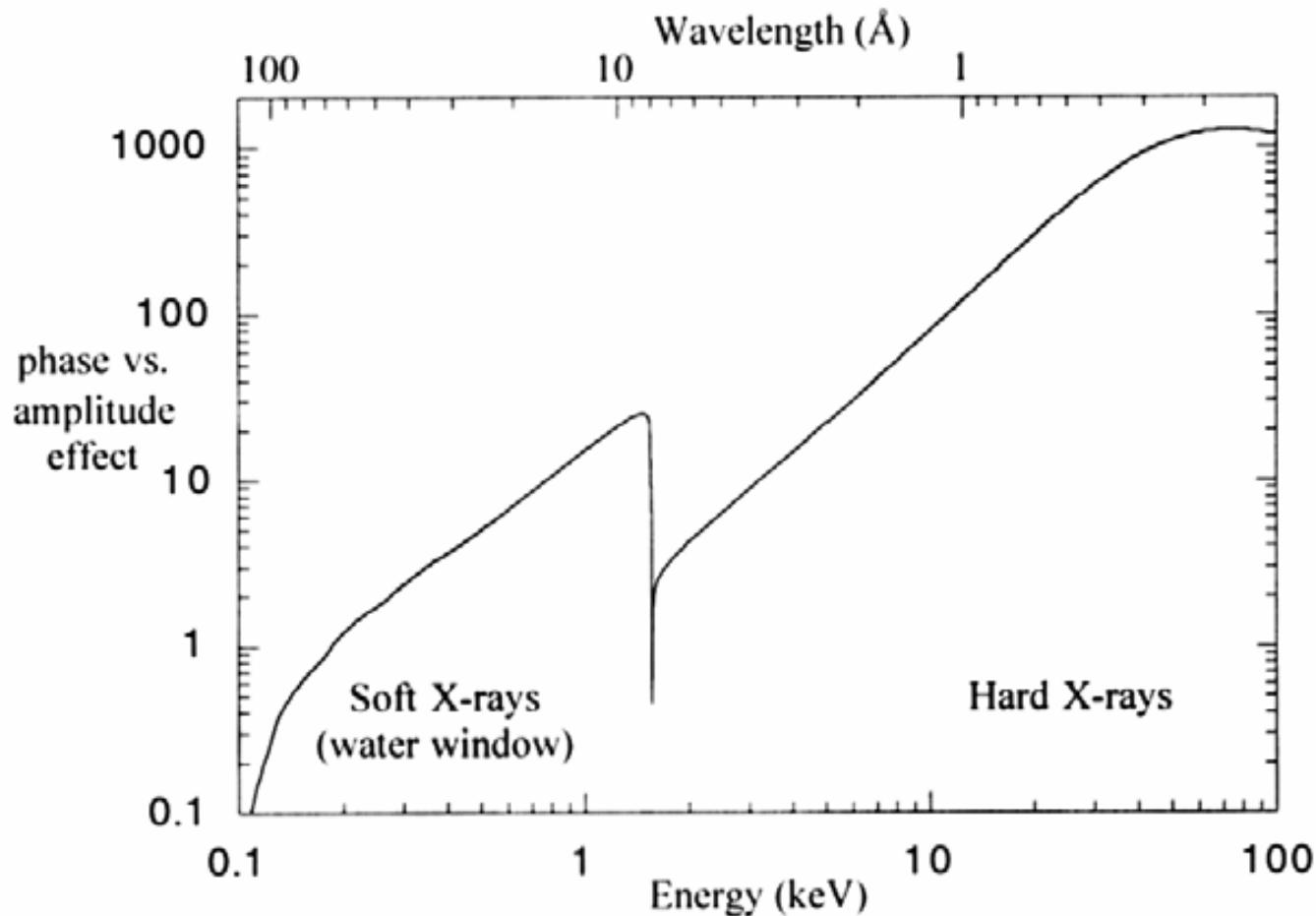
kde  $\lambda$  je vlnová délka záření.

- Vysoká koherence synchrotronového záření umožňuje detektovat i změny fáze původní vlny, způsobené zkoumaným objektem. Změna fáze souvisí se změnou reálné části indexu lomu  $\delta$ :

$$\Delta\Phi=2\pi c\Delta\delta/\lambda. \quad (4)$$

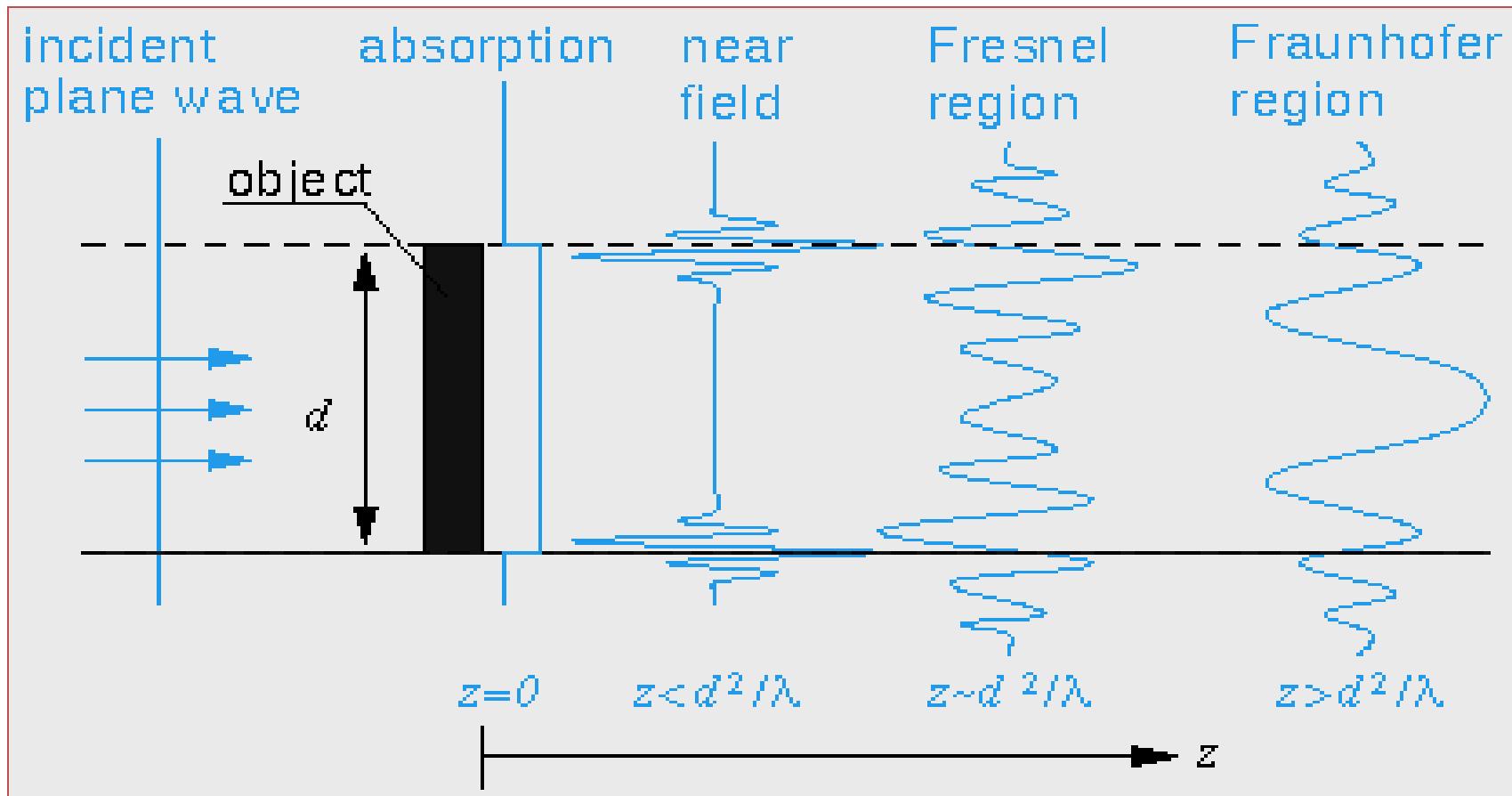
# závislost poměru koeficientů $\delta/\beta$ pro hliník

37



# Experimentální realizace zobrazení ve fázovém kontrastu

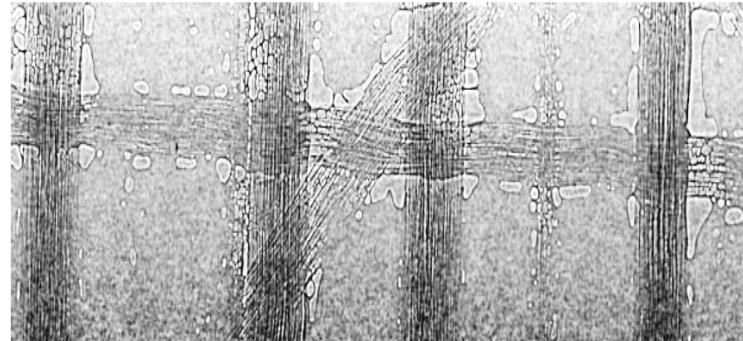
38



# Fázový kontrast

39

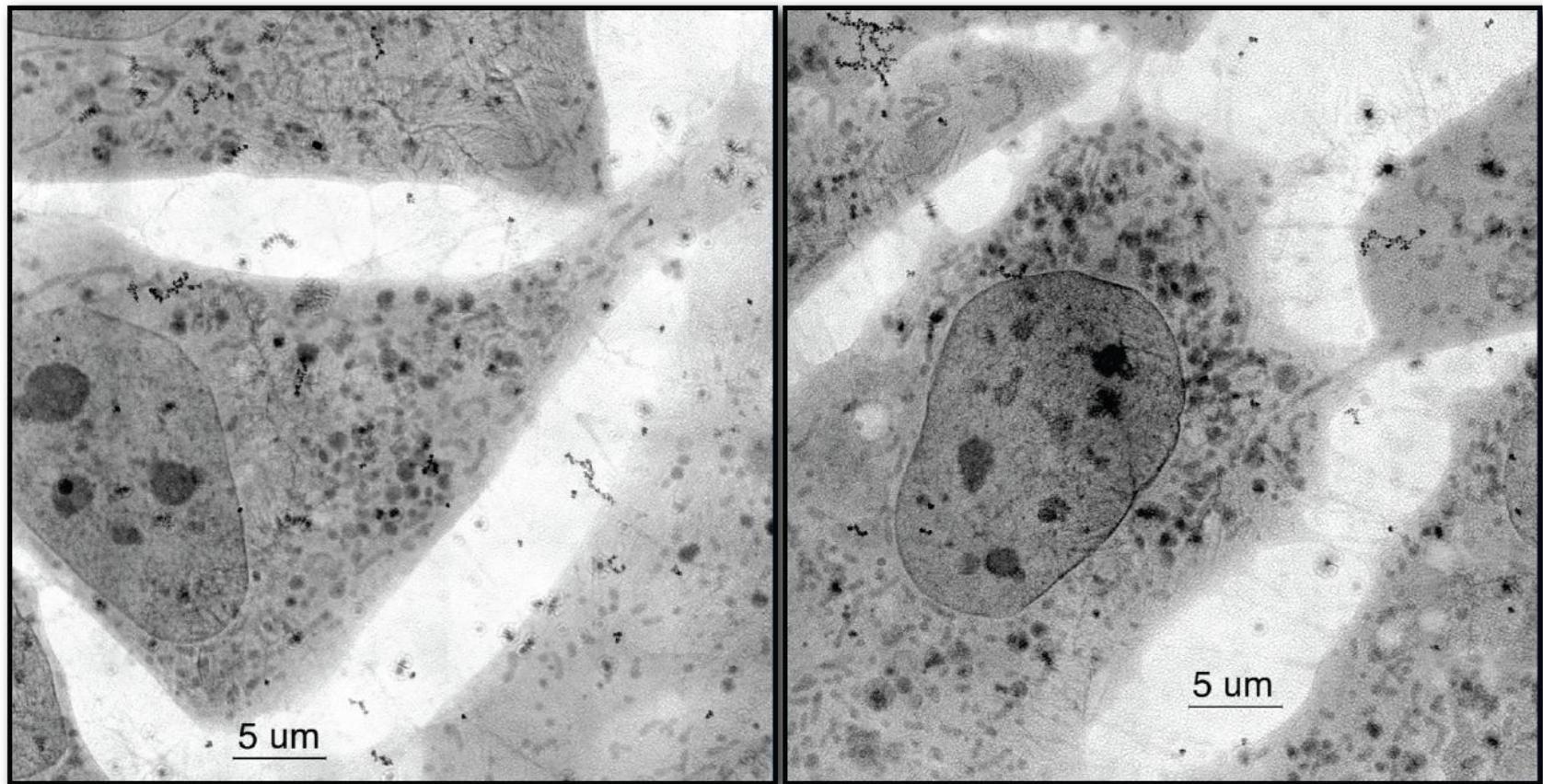
- Z experimentálního hlediska je realizace zobrazení využitím fázového kontrastu snadná, spočívá ve správném nastavení vzdálenosti detektor – vzorek). Je ale nutno poznamenat, že výsledný obraz je vždy konvolucí fázového a absorpčního kontrastu a k získání informace o samotné změně fáze je nutno použít speciálních technik („phase retrieval“).



Snímky části moderní tkaniny pro plachetnice (kombinace Twaron® + Spectra®) získány na synchrotronu Elettra v Terstu s využitím absorpčního kontrastu ( $E=15$  keV,  $z=2$  cm) a fázového kontrastu ( $E=15$  keV,  $z=66$  cm). Rozměry zkoumaného objektu  $16,8$  mm  $\times$   $5,3$  mm

# Cryo X-ray Microscopy of NIH 3T3 Fibroblasts

40



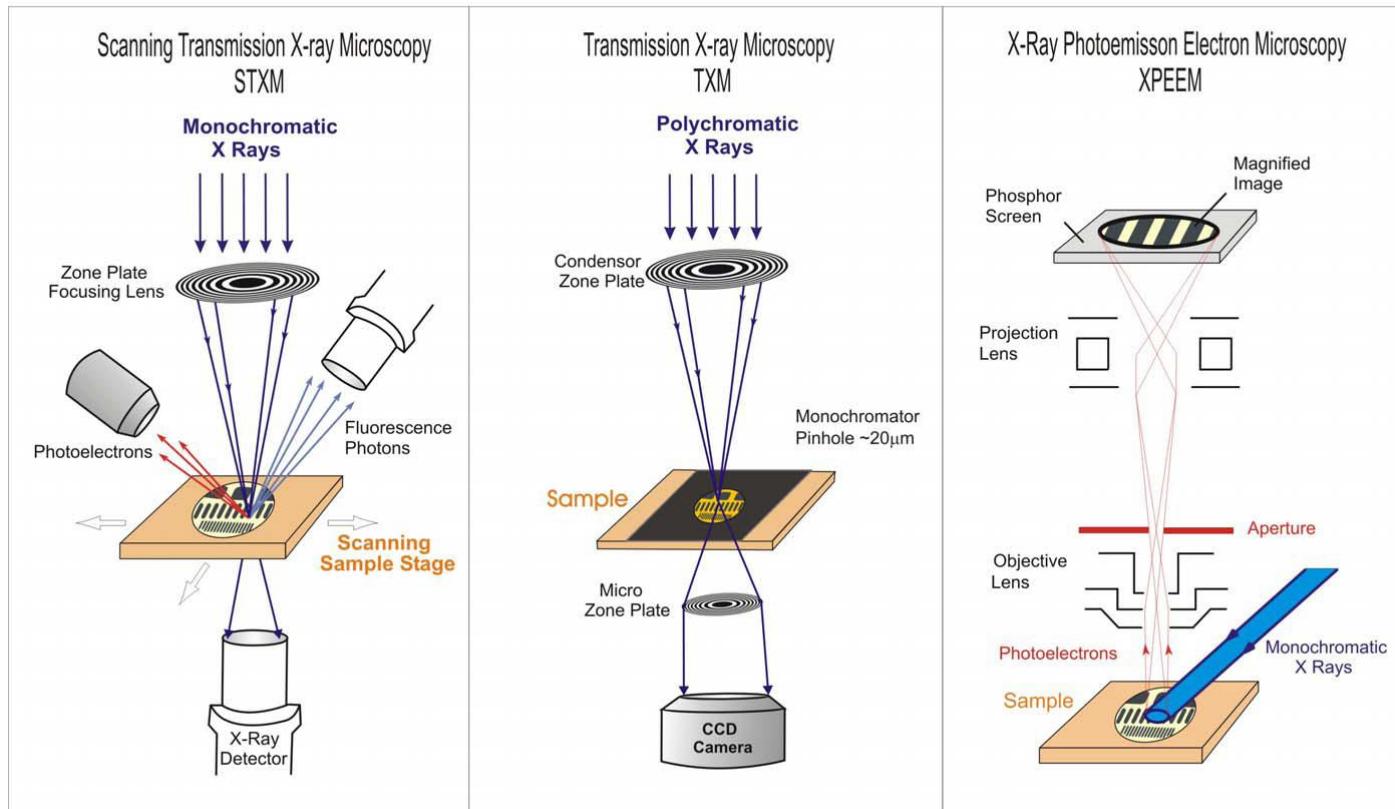
Meyer-Ilse, W., Hamamoto, D., Nair, A., Lelievre, S.A., Denbeaux, G., Johnson, L., Pearson, A.L., Yager, D., LeGros, M.A., and Larabell, C.A. (2001). *J. Microscopy*. 201, 395-403.

prof. Otruba 2012

# X-ray Microscopes

41

## X-Ray Microscopy Methods - toward Nanometer Resolution

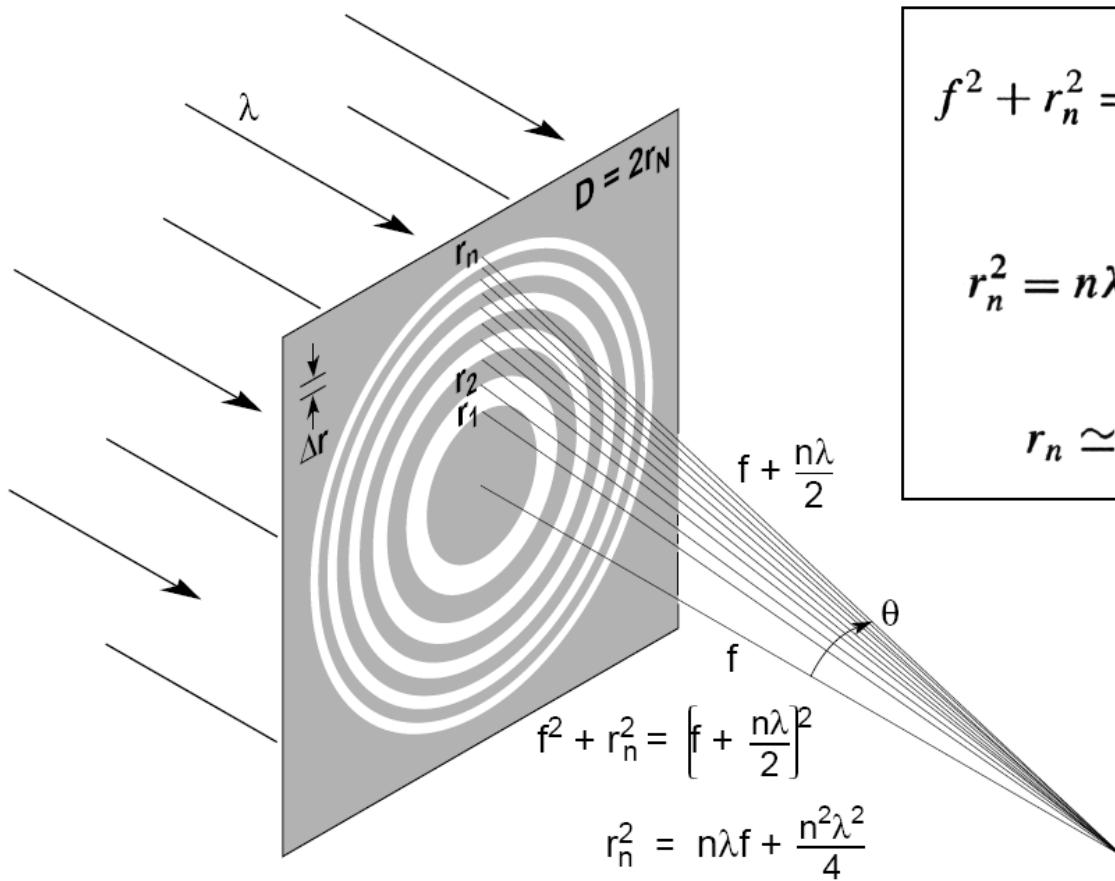


Present resolution in the 20 - 40 nm range

prof. Otruba 2012



## A Fresnel Zone Plate Lens



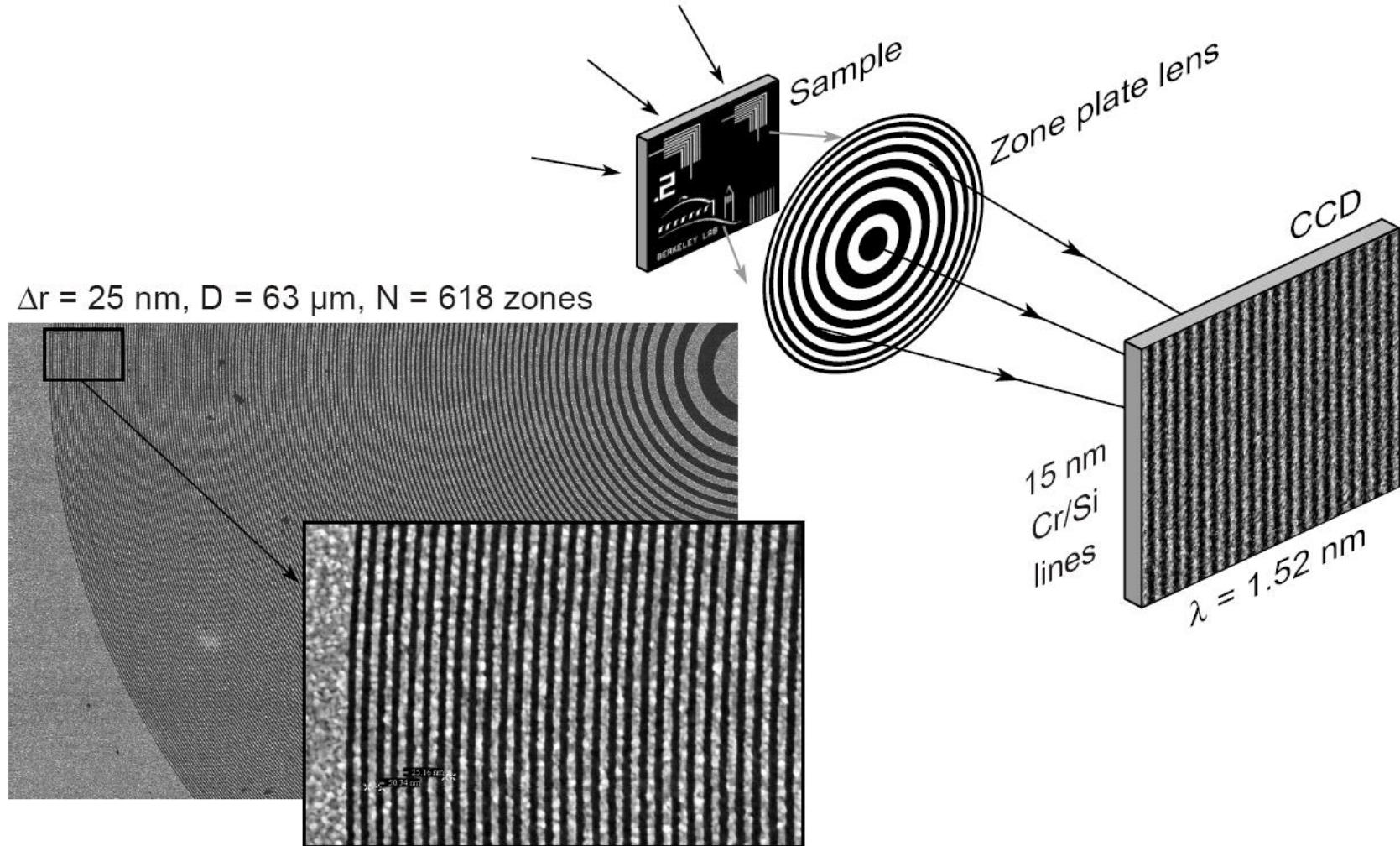
$$f^2 + r_n^2 = \left( f + \frac{n\lambda}{2} \right)^2 \quad (9.8)$$

$$r_n^2 = n\lambda f + \frac{n^2\lambda^2}{4} \quad (9.9)$$

$$r_n \simeq \sqrt{n\lambda f} \quad (9.10)$$



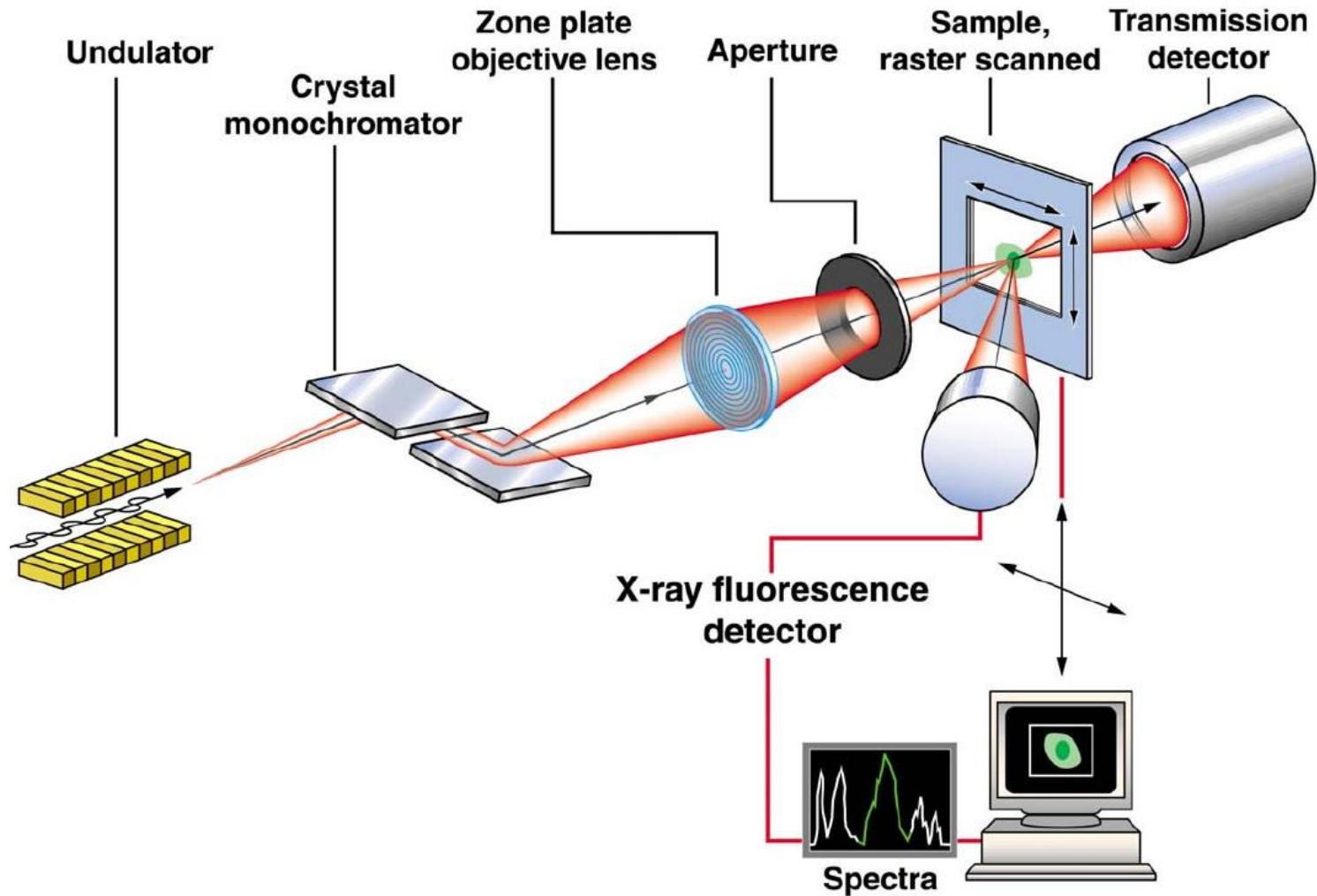
# Soft X-Ray Microscopy at the ALS



Courtesy of E. Anderson and W. Chao, UCB & LBNL

# Schéma skenovací RTG mikrosondy

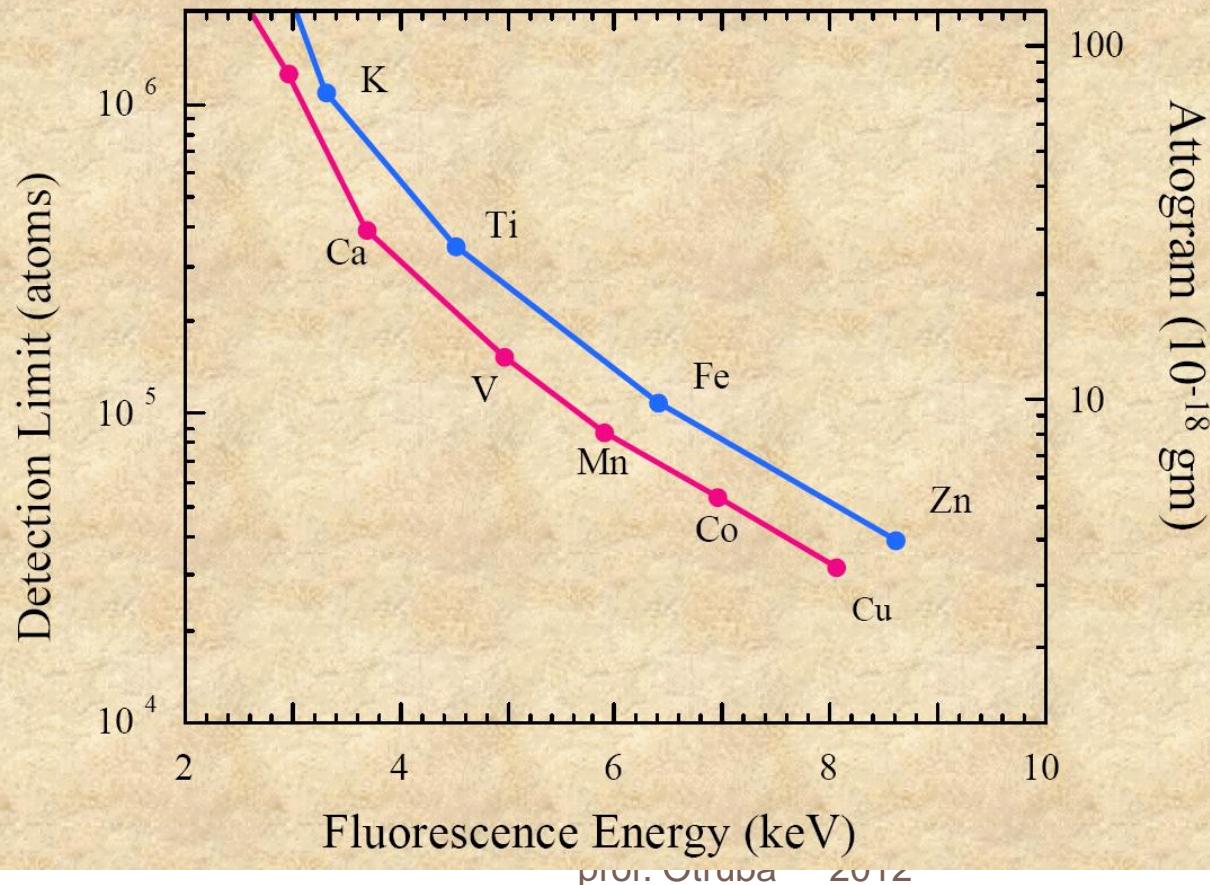
44



# Detekční limity

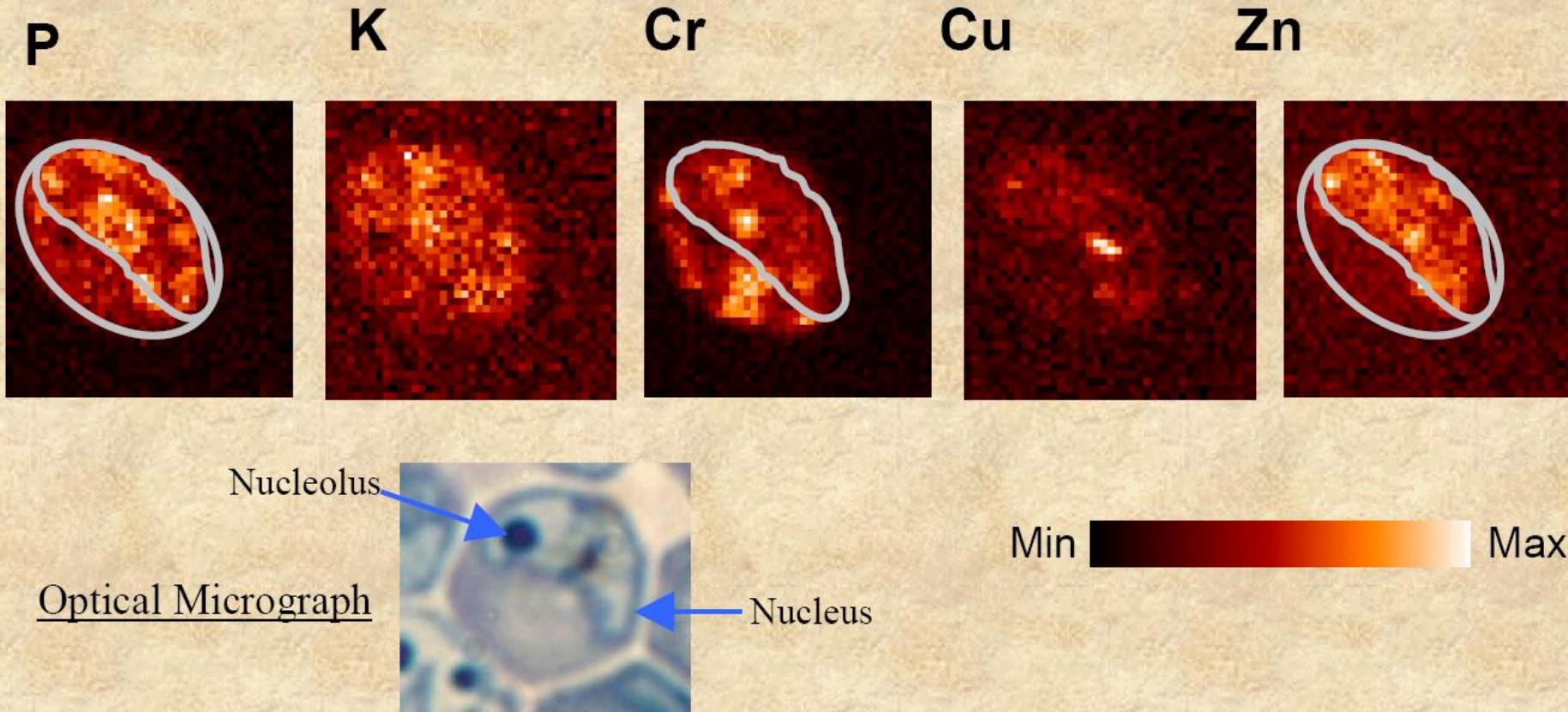
45

for 1 sec. acquisition time,  $0.2 \times 0.2 \mu\text{m}^2$  spot, E=10 keV



# Řez plicní buňkou křečka po expozici Cr(VI)

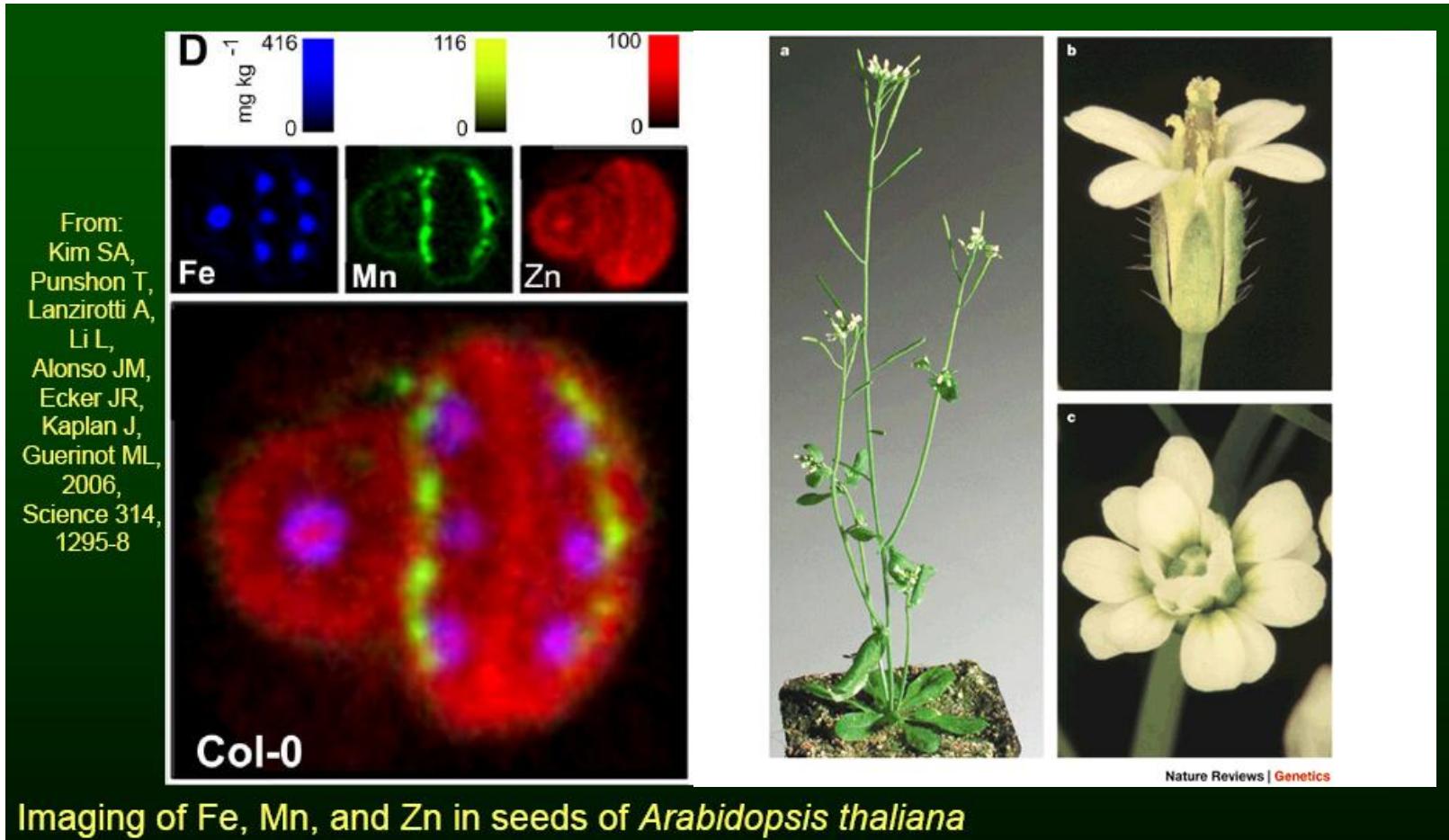
46



Scan dimensions =  $11 \times 11 \mu\text{m}$ ; Beam size = 300 nm diameter.

# Huseníček rolní - semeno

47



# Využití synchrotronového záření

48

- Small Angle X-Ray Scattering - neocenitelná při výzkumu heterostruktur a vícevrstevných systémů v řádu nm - nanotechnologie
- X-Ray Absorption Spectroscopy - poskytuje informace o typu a vzdálenostech sousedních atomů. Synchrotron je jako intenzivní přeladitelný zdroj jediný možný! (amorfní látky, nanomateriály, povrchy. . . )
- X-Ray Fluorescence - reemitované rtg z materiálu odpovídá atomovému číslu - kvalitativní chemická analýza, až  $10^8$  atomů/cm<sup>2</sup>, μm rozlišení → polovodičový průmysl
- Rentgenová fotoemisní spektroskopie - informace o elektronové struktuře valenčního pásu, pro polovodičový průmysl
- Transmisní rtg mikroskopie - dobrý kontrast, vysoké rozlišení až 15nm, časové rozlišení