

Pole v cívce bez plazmatu:

Magnetické pole:

$$\vec{\nabla} \times \vec{H} = \vec{j} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$
$$H_z \approx \frac{NI}{l}$$

Elektrické pole:

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$
$$E_\varphi = r \frac{\mu_0}{2} \frac{dH}{dt}$$

Pole v cívce s plazmatem:

$$\vec{\nabla} \times \vec{H} = \vec{j} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$
$$\vec{\nabla} \times \vec{H} = \sigma_e \vec{E} + i\omega \varepsilon_0 \vec{E} = i\omega \varepsilon_0 \left(1 - i \frac{\sigma_e}{\varepsilon_0 \omega}\right) \vec{E}$$
$$\Delta \vec{H} = -\mu_0 \varepsilon_0 \left(1 - i \frac{\sigma_e}{\varepsilon_0 \omega}\right) \omega^2 \vec{H}$$
$$\Delta \vec{H} = -k^2 \vec{H}$$

kde pro komplexní relativní permitivitu, index lomu a vlnový vektor platí

$$n^2 = \varepsilon_r = 1 - i \frac{\sigma_e}{\varepsilon_0 \omega}$$
$$\sigma_e = \frac{n e^2}{m(\nu + i\omega)}$$
$$k = \frac{n\omega}{c}$$

Pro složku magnetické intenzity rovnoběžnou s osou cívky dostáváme ve válcových souřadnicích

$$r^2 \frac{\partial^2 H_z}{\partial r^2} + r \frac{\partial H_z}{\partial r} + (rk)^2 H_z = 0$$
$$H_z = A J_0(kr) e^{i\omega t},$$

kde $J_0(x)$ je Besselova funkce prvního druhu řádu nula. Těsně u cívky ještě není magnetické pole ovlivněno plazmatem a pro jeho amplitudu zde můžeme psát $H_0 = NI_{\text{amp}}/l$. Z této okrajové podmínky dostáváme

$$H_z = H_0 \frac{J_0(kr)}{J_0(kR)} e^{i\omega t}$$

Elektrickou intenzitu spočítáme z Maxwellovy rovnice

$$\vec{\nabla} \times \vec{H} = i\omega\varepsilon_0\varepsilon_r\vec{E}.$$

Ve válcových souřadnicích platí

$$\left(\vec{\nabla} \times \vec{H}\right)_\varphi = \frac{\partial H_r}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial r},$$

takže dostáváme

$$\begin{aligned} -\frac{\partial H_z}{\partial r} &= i\omega\varepsilon_0\varepsilon_r E_\varphi \\ E_\varphi &= -\frac{ik}{\omega\varepsilon_0\varepsilon_r} H_0 \frac{J_1(kr)}{J_0(kR)} e^{i\omega t} \end{aligned}$$

Pro velikost vlnového vektoru platí:

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \left[1 - \frac{i}{\varepsilon_0\omega} \frac{ne^2}{m(\nu + i\omega)} \right] = \frac{\omega^2}{c^2} \left[1 - \frac{\omega_{pe}^2}{\nu^2 + \omega^2} - i \frac{\nu}{\omega} \frac{\omega_{pe}^2}{\nu^2 + \omega^2} \right]$$

Pro $\nu \ll \omega$ dostáváme

$$\begin{aligned} k^2 &\approx -\frac{\omega_{pe}^2}{c^2} \\ k &\approx i \frac{\omega_{pe}}{c} \\ \delta &\approx \frac{c}{\omega_{pe}} \propto \frac{1}{\sqrt{n}}, \end{aligned}$$

pro $\nu \gg \omega$

$$\begin{aligned} k^2 &\approx -i \frac{\omega}{\nu} \frac{\omega_{pe}^2}{c^2} \\ \frac{1}{\delta} &\approx \frac{\omega_{pe}}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\nu}} \end{aligned}$$