

Euklidovská vzdálenost dvou bodů

Vzdálenost bodů X_1 a $X_2 = c$.

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$a = X_2[x_2] - X_1[x_1]$$

$$b = X_2[y_2] - X_1[y_1]$$

$$c^2 = (X_2[x_2] - X_1[x_1])^2 + (X_2[y_2] - X_1[y_1])^2$$

$$c = \sqrt{(X_2[x_2] - X_1[x_1])^2 + (X_2[y_2] - X_1[y_1])^2}$$

Uvažujeme-li souřadnice bodů X_1 a X_2 jako vektory, např.:

$$x_1 \leftarrow c(0, 0)$$

$$x_2 \leftarrow c(1, 2)$$

Pak v R:

$$x_2 - x_1$$

$$[1] \ 1 \ 2$$

Protože:

$$x_2[1] - x_1[1] = 1 - 0 = 1$$

$$x_2[2] - x_1[2] = 2 - 0 = 2$$

Tedy obecně funkce:

```
euc_dist <- function(x1, x2) {  
  sqrt(sum((x1 - x2)^2))  
}
```

```
euc_dist(x1, x2)
```

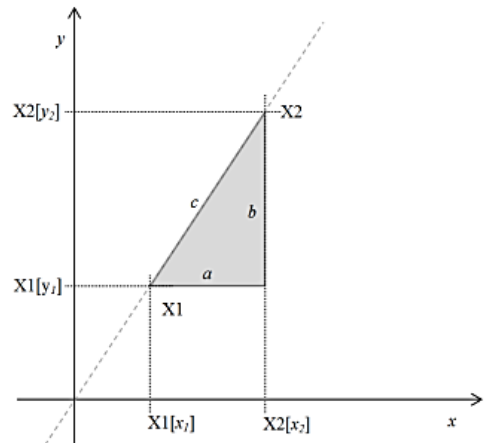
kde funkce `sqrt()` představuje odmocninu a `sum()` součet, můžeme si to představit takto:

$$\sqrt{\text{sum}(X_2 - X_1)^2}$$

Výsledek funkce `euc_dist()` pro body X_1 a X_2 (resp. vektory x_1 a x_2) je:

```
euc_dist(x2, x1)
```

```
[1] 2.236068
```



Vzdálenost bodů v prostoru:

$$d^2 = c^2 + (X2[z_2] - X1[z_1])^2$$

Víme, že:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

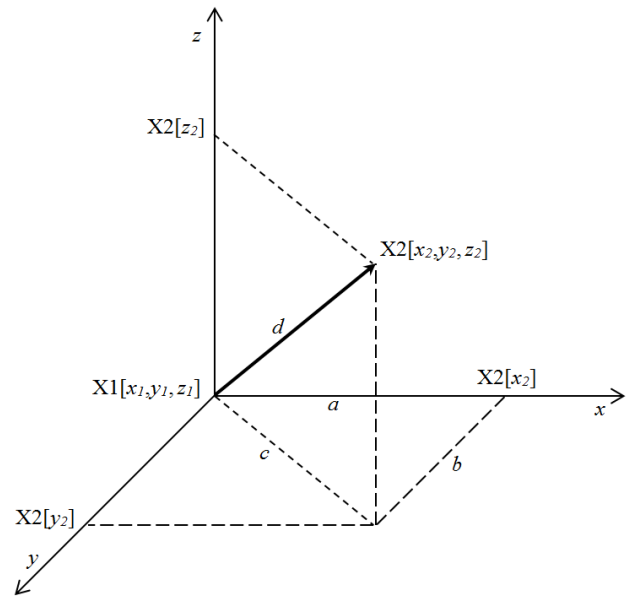
$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$a = X2[x_2] - X1[x_1]$$

$$b = X2[y_2] - X1[y_1]$$

$$c^2 = (X2[x_2] - X1[x_1])^2 + (X2[y_2] - X1[y_1])^2$$

$$d^2 = (X2[x_2] - X1[x_1])^2 + (X2[y_2] - X1[y_1])^2 + (X2[z_2] - X1[z_1])^2$$



Uvažujeme-li souřadnice bodů X1 a X2 jako vektory, např.:

```
x1 <- c(0, 0, 0)
```

```
x2 <- c(1, 2, 3)
```

Tak vidíme, že lze použít stejný vztah jako v předchozím případě. Tzn. funkci:

```
euc_dist <- function(x1, x2) {  
  sqrt(sum((x1 - x2)^2))  
}
```

```
euc_dist(x2, x1)
```

```
[1] 3.741657
```

