

C1480: ÚVOD DO MATEMATIKY - SEMINÁŘ
TÉMA 4: EXTRÉMY FUNKCÍ DVOU PROMĚNNÝCH

SKUPINA: **0V**

VERONIKA HORSKÁ
PODZIMNÍ SEMESTR, 2022

4.1 Parciální derivace

Příklad 4.1. Parciální derivace prvního řádu

Určete první parciální derivace následujících funkcí

- | | |
|---|--|
| 1. $f(r, t) = r^2 + t^2 + rt + e^r + \ln t + \cos(r) + \sin(t)$ | $2r + t + e^r - \sin(r); 2t + r + \frac{1}{t} + \cos(t)$ |
| 2. $f(u, s) = e^{-2us}$ | $-2se^{-2us}; -2ue^{-2us}$ |
| 3. $f(p, k) = \sin(p^2 + k^2)$ | $2p \cos(p^2 + k^2); 2k \cos(p^2 + k^2)$ |

Příklad 4.2. Parciální derivace druhého řádu

Určete druhé parciální derivace následujících funkcí.

- | | |
|---|---|
| 1. $f(r, t) = r^2 + t^2 + rt + e^r + \ln t + \cos(r) + \sin(t)$ | $2 + e^r - \cos(r); 2 - \frac{1}{t^2} - \sin(t); 1$ |
| 2. $f(u, s) = e^{-2us}$ | $4s^2e^{-2us}; 4u^2e^{-2us}; 2e^{-2us}(2us - 1)$ |

Příklad 4.3. Lokální extrémy funkce dvou proměnných

Najděte stacionární body následujících funkcí a rozhodněte, zda se jedná o extrém. Pokud ano, určete jeho typ.

- | | |
|---|--|
| 1. $f(x, y) = x^2 + xy + y^2 - 6x - 9y$ | $m[1, 4]$ |
| 2. $f(r, s) = 2r^3 + rs^2 + 5r^2 + s^2$ | $m[0, 0]; M[-\frac{5}{3}, 0]; S[-1, -2], S[-1, 2]$ |