

Odpovědi ke cvičením

2 $\int_a^x f(t) dt = F(x) - F(a)$, kde a je nějaká konstanta. Takže primitivní funkce je dána jen s přesností na aditivní konstantu $F(a)$.

3 Ad 1. $\ln \frac{3}{2}$; Ad 2. $\frac{3^{1-1}}{22}$; Ad 3. $\frac{2\sqrt{2}}{5}$; Ad 4. $\frac{\pi}{a}$; Ad 5. $\frac{\pi}{2\sqrt{b}}$.

4 Ad 1. $\frac{\pi}{3\sqrt{3}}$; Ad 2. $\ln\left(1 + \frac{2}{\sqrt{3}}\right)$; Ad 3. π .

5 Ad 1. $\ln \frac{\sqrt{3}}{2}$; Ad 2. $\ln 2$; Ad 3. $\frac{1}{2} \ln 2$; Ad 4. $\ln \frac{3}{2}$.

6 Ad 1. To se uvidí, co Vám dají ☺. Ad 2. $\frac{1}{2}$; Ad 3. $\frac{2}{3} - \frac{5}{6\sqrt{2}}$; Ad 4. $\ln(\sqrt{2} + 1)$; Ad 5. $\frac{1}{a+b}$;

Ad 6. π .

7 Ad 1. $\frac{1}{10} \ln \frac{x-3}{x+7}$; Ad 2. $\frac{1}{108} \ln \frac{x+3}{x-3} + \frac{1}{36} \left[\frac{1}{x-3} - \frac{1}{x+3} \right]$; Ad 3. $\frac{1}{5} \left[\frac{1}{2} \arctg \frac{x}{2} - \frac{1}{3} \arctg \frac{x}{3} \right]$;

Ad 4. $\frac{1}{6} \ln \frac{(x-1)^2}{x^2+x+1} - \frac{1}{\sqrt{3}} \arctg \frac{2x+1}{\sqrt{3}}$; Ad 5. $\frac{1}{6} \ln \frac{(x+1)^2}{x^2-x+1} + \frac{1}{\sqrt{3}} \arctg \frac{2x-1}{\sqrt{3}}$.

8 Ad 1. 1; Ad 2. 2; Ad 3. -1; Ad 4. $\frac{\pi}{4} - \frac{1}{2}$; Ad 5. $\frac{1}{2}$.

9 Ad 1. Pro n sudé: $\frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots (n-1)}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdots n} \frac{\pi}{2} = \frac{(n)!}{2^n \left(\frac{n}{2}\right)!} \frac{\pi}{2}$. Pro n liché: $\frac{2 \cdot 4 \cdots (n-1)}{1 \cdot 3 \cdots n} = \frac{2^{n-1} \left(\frac{n-1}{2}\right)!}{n!}$.