

## 8 Kritické obory parametrických jednovýběrových testů

- Test o rozptylu (test o směrodatné odchylce)

$$- H_{11}: \sigma^2 \neq \sigma_0^2 \quad W = (0; \chi_{\alpha/2}^2(n-1)) \cup \langle \chi_{1-\alpha/2}^2(n-1), \infty \rangle$$

$$- H_{12}: \sigma^2 > \sigma_0^2 \quad W = \langle \chi_{1-\alpha}^2(n-1); \infty \rangle$$

$$- H_{13}: \sigma^2 < \sigma_0^2 \quad W = (0; \chi_{\alpha}^2(n-1))$$

$\chi_{\alpha}^2(n-1)$  je  $\alpha$  kvantil  $\chi^2$  rozdělení o  $n-1$  stupních volnosti ... `qchisq(alpha, n-1)`

- Test o střední hodnotě při známém rozptylu

$$- H_{11}: \mu \neq \mu_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha/2}) \cup \langle u_{1-\alpha/2}, \infty \rangle$$

$$- H_{12}: \mu > \mu_0 \quad W = \langle u_{1-\alpha}; \infty \rangle$$

$$- H_{13}: \mu < \mu_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha})$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha)`

- Test o střední hodnotě při neznámém rozptylu (Párový test)

$$- H_{11}: \mu \neq \mu_0: \quad W = (-\infty; t_{\alpha/2}(n-1)) \cup \langle t_{1-\alpha/2}(n-1), \infty \rangle$$

$$- H_{12}: \mu > \mu_0 \quad W = \langle t_{1-\alpha}(n-1); \infty \rangle$$

$$- H_{13}: \mu < \mu_0 \quad W = (-\infty; t_{\alpha}(n-1))$$

$t_{\alpha}(n-1)$  je  $\alpha$  kvantil Studentova rozdělení o  $n-1$  stupních volnosti ... `qt(alpha, n-1)`

- Test o korelačním koeficientu  $\rho$

$$- H_{11}: \rho \neq \rho_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha/2}) \cup \langle u_{1-\alpha/2}, \infty \rangle$$

$$- H_{12}: \rho > \rho_0 \quad W = \langle u_{1-\alpha}; \infty \rangle$$

$$- H_{13}: \rho < \rho_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha})$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha)`

- Test o nezávislosti (test o nulovém korelačním koeficientu  $\rho$ )

$$- H_{11}: \rho \neq 0: \quad W = (-\infty; t_{\alpha/2}(n-2)) \cup \langle t_{1-\alpha/2}(n-2), \infty \rangle$$

$$- H_{12}: \rho > 0 \quad W = \langle t_{1-\alpha}(n-2); \infty \rangle$$

$$- H_{13}: \rho < 0 \quad W = (-\infty; t_{\alpha}(n-2))$$

$t_{\alpha}(n-2)$  je  $\alpha$  kvantil Studentova rozdělení o  $n-2$  stupních volnosti ... `qt(alpha, n-2)`

- Test o pravděpodobnosti

$$- H_{11}: p \neq p_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha/2}) \cup \langle u_{1-\alpha/2}, \infty \rangle$$

$$- H_{12}: p > p_0 \quad W = \langle u_{1-\alpha}; \infty \rangle$$

$$- H_{13}: p < p_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha})$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha)`

## 9 Kritické obory parametrických dvouvýběrových testů

- Test o podílu rozptylů (F-test)

$$- H_{11}: \sigma_1^2/\sigma_2^2 \neq \sigma_0^2 \quad W = (0; F_{\alpha/2}(n_1 - 1, n_2 - 1)) \cup \langle F_{1-\alpha/2}(n_1 - 1, n_2 - 1), \infty \rangle$$

$$- H_{11}: \sigma_1^2/\sigma_2^2 > \sigma_0^2 \quad W = \langle F_{1-\alpha}(n_1 - 1, n_2 - 1); \infty \rangle$$

$$- H_{11}: \sigma_1^2/\sigma_2^2 < \sigma_0^2 \quad W = (0; F_{\alpha}(n_1 - 1, n_2 - 1))$$

$F_{\alpha}(n_1 - 1, n_2 - 1)$  je  $\alpha$ -kvantil Fisherova-Snedecorova rozdělení o  $n_1 - 1$  a  $n_2 - 1$  stupních volnosti ... `qf(alpha, n1 - 1, n2 - 1)`

- Klasický dvouvýběrový  $t$ -test

$$- H_{11}: \mu_1 - \mu_2 \neq \mu_0 \quad W = (-\infty; t_{\alpha/2}(n_1 + n_2 - 2)) \cup \langle t_{1-\alpha/2}(n_1 + n_2 - 2), \infty \rangle$$

$$- H_{12}: \mu_1 - \mu_2 > \mu_0 \quad W = \langle t_{1-\alpha}(n_1 + n_2 - 2); \infty \rangle$$

$$- H_{13}: \mu_1 - \mu_2 < \mu_0 \quad W = (-\infty; t_{\alpha}(n_1 + n_2 - 2))$$

$t_{\alpha}(n_1 + n_2 - 2)$  je  $\alpha$  kvantil Studentova rozdělení o  $n_1 + n_2 - 2$  stupních volnosti ... `qt(alpha, n1 + n2 - 2)`

- Dvouvýběrový  $t$ -test s Welchovou aproximací

$$- H_{11}: \mu_1 - \mu_2 \neq \mu_0 \quad W = (-\infty; t_{\alpha/2}(df)) \cup \langle t_{1-\alpha/2}(df), \infty \rangle$$

$$- H_{12}: \mu_1 - \mu_2 > \mu_0 \quad W = \langle t_{1-\alpha}(df); \infty \rangle$$

$$- H_{13}: \mu_1 - \mu_2 < \mu_0 \quad W = (-\infty; t_{\alpha}(df))$$

$t_{\alpha}(df)$  je  $\alpha$  kvantil Studentova rozdělení o  $df$  stupních volnosti ... `qt(alpha, df)`

- Test o rozdílu korelačních koeficientů  $\rho_1 - \rho_2$

$$- H_{11}: \rho_1 - \rho_2 \neq \rho_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha/2}) \cup \langle u_{1-\alpha/2}; \infty \rangle$$

$$- H_{12}: \rho_1 - \rho_2 > \rho_0 \quad W = \langle u_{1-\alpha}; \infty \rangle$$

$$- H_{13}: \rho_1 - \rho_2 < \rho_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha})$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$ -kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha)`

## 10 Kritické obory neparametrických testů

- Wilcoxonův jednovýběrový exaktní test (Wilcoxonův párový exaktní test)

$$- H_{11} : \tilde{x} \neq \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; s_{\alpha/2}(m) - 1) \cup \langle s_{1-\alpha/2}(m); \infty \rangle$$

$$- H_{12} : \tilde{x} > \tilde{x}_0 \quad W = \langle s_{1-\alpha}(m); \infty \rangle$$

$$- H_{13} : \tilde{x} < \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; s_{\alpha}(m) - 1)$$

$s_{\alpha}(m)$  je  $\alpha$ -kvantil rozdělení testové statistiky jednovýběrového Wilcoxonova exaktního testu ... `qsignrank(alpha, m)`;  $m$  je počet nenulových rozdílů  $X_i - \tilde{x}_0$

- Wilcoxonův jednovýběrový asymptotický test (Wilcoxonův párový asymptotický test)

$$- H_{11} : \tilde{x} \neq \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha/2}) \cup \langle u_{1-\alpha/2}; \infty \rangle$$

$$- H_{12} : \tilde{x} > \tilde{x}_0 \quad W = \langle u_{1-\alpha}; \infty \rangle$$

$$- H_{13} : \tilde{x} < \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha})$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha, 0, 1)`

- Znaménkový jednovýběrový exaktní test (Znaménkový párový exaktní test)

$$- H_{11} : \tilde{x} \neq \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; b_{\alpha/2}(m, 1/2) - 1) \cup \langle b_{1-\alpha/2}(m, 1/2); \infty \rangle$$

$$- H_{12} : \tilde{x} > \tilde{x}_0 \quad W = \langle b_{1-\alpha}(m, 1/2); \infty \rangle$$

$$- H_{13} : \tilde{x} < \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; b_{\alpha}(m, 1/2) - 1)$$

$b_{\alpha}(m, 1/2)$  je  $\alpha$  kvantil binomického rozdělení ... `qbinom(alpha, m, 1/2)`;  $m$  je počet nenulových rozdílů  $X_i - \tilde{x}_0$

- Znaménkový jednovýběrový asymptotický test (Znaménkový párový asymptotický test)

$$- H_{11} : \tilde{x} \neq \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha/2}) \cup \langle u_{1-\alpha/2}; \infty \rangle$$

$$- H_{12} : \tilde{x} > \tilde{x}_0 \quad W = \langle u_{1-\alpha}; \infty \rangle$$

$$- H_{13} : \tilde{x} < \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha})$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha)`

- Wilcoxonův dvouvýběrový exaktní test (Mannův–Whitneyův exaktní  $U$  test)

$$- H_{11} : \tilde{x}_1 - \tilde{x}_2 \neq \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; w_{\alpha/2}(n_1, n_2)) \cup \langle w_{1-\alpha/2}(n_1, n_2); \infty \rangle$$

$$- H_{12} : \tilde{x}_1 - \tilde{x}_2 > \tilde{x}_0 \quad W = \langle w_{1-\alpha}(n_1, n_2); \infty \rangle$$

$$- H_{13} : \tilde{x}_1 - \tilde{x}_2 < \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; w_{\alpha}(n_1, n_2))$$

$w_{\alpha}(n_1, n_2)$  je  $\alpha$ -kvantil rozdělení testové statistiky dvouvýběrového Wilcoxonova exaktního testu ... `qwilcox(alpha, n1, n2)`

- Wilcoxonův dvouvýběrový asymptotický test (Mannův–Whitneyův asymptotický  $U$  test)

$$- H_{11} : \tilde{x}_1 - \tilde{x}_2 \neq \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha/2}) \cup \langle u_{1-\alpha/2}; \infty \rangle$$

$$- H_{12} : \tilde{x}_1 - \tilde{x}_2 > \tilde{x}_0 \quad W = \langle u_{1-\alpha}; \infty \rangle$$

$$- H_{13} : \tilde{x}_1 - \tilde{x}_2 < \tilde{x}_0 \quad W = (-\infty; u_{\alpha})$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha)`

- Spearmanův pořadový exaktní test o nezávislosti

$$- H_{11}: r_S \neq 0 \quad W = \langle -1; r_{\alpha/2}(n) \rangle \cup \langle r_{1-\alpha/2}(n); 1 \rangle$$

$$- H_{12}: r_S > 0 \quad W = \langle r_{1-\alpha}(n); 1 \rangle$$

$$- H_{13}: r_S < 0 \quad W = \langle -1; r_{\alpha}(n) \rangle$$

$r_{\alpha}(n)$  je  $\alpha$ -kvantil rozdělení testové statistiky Spearmanova pořadového exaktního testu o nezávislosti ... `SuppDists::qSpearman(alpha, n)`

- Spearmanův pořadový asymptotický test o nezávislosti

$$- H_{11}: r_S \neq 0 \quad W = \langle -\infty; u_{\alpha/2} \rangle \cup \langle u_{1-\alpha/2}; \infty \rangle$$

$$- H_{12}: r_S > 0 \quad W = \langle u_{1-\alpha}; \infty \rangle$$

$$- H_{13}: r_S < 0 \quad W = \langle -\infty; u_{\alpha} \rangle$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha)`

## 11 Kritické obory testů závislosti v kontingenčních tabulkách

- Pearsonův  $\chi^2$  test

$$- W = \langle \chi_{1-\alpha}^2((r-1)(s-1)); \infty \rangle$$

$\chi_{1-\alpha}^2((r-1)(s-1))$  vypočítáme příkazem `qchisq(1 - alpha, (r - 1) * (s - 1))`

- Test podílem šancí

$$- W = \langle -\infty; u_{\alpha/2} \rangle \cup \langle u_{1-\alpha/2}; \infty \rangle$$

$u_{\alpha}$  je  $\alpha$  kvantil standardizovaného normálního rozdělení ... `qnorm(alpha)`