

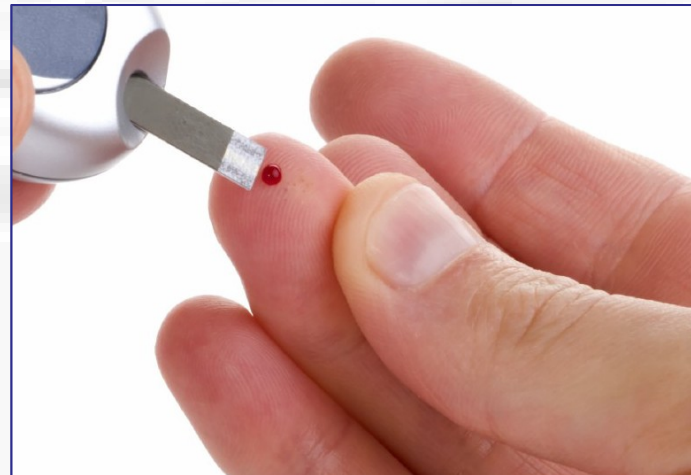
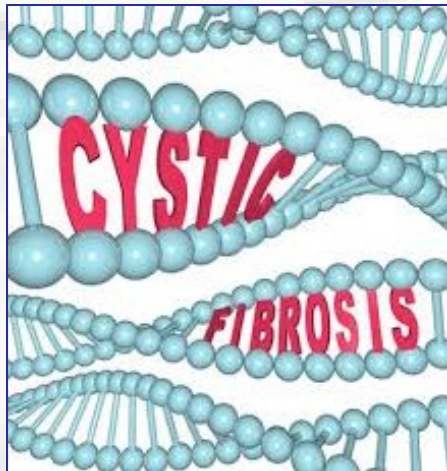
Pravděpodobnost v genetické analýze a předpovědi



Pravděpodobnost v genetické analýze a předpovědi

Součástí genetického poradenství

- rodokmen, rodinná anamnéza
 - výpočet pravděpodobnosti rizika
 - cytogenetické vyšetření – sestavení karyotypu
- dva pohledy na pravděpodobnost
např. **pravděpodobnost 25 %**
- riziko narození postiženého potomka – jeví se jako **vysoká**
 - riziko onemocnění – zdá se nám relativně **nízká** zbývá přece ještě 75 %



Pravděpodobnost jevu A = $p(A)$

Pravděpodobnost jevu B = $p(B)$

např. vznik genotypu s určitou pravděpodobností, narození chlapce apod.

1) Jev A vylučuje jev B

- vzájemně se vylučující jevy (narodí se buď chlapec nebo dívka)
- pravděpodobnost, že nastane jeden nebo druhý jev je součtem jejich jednotlivých pravděpodobností

$$p(A \text{ nebo } B) = p(A) + p(B)$$

pravidlo adice

2) Jev A nemá vliv na výskyt jevu B a naopak

- jevy jsou nezávislé (v zygotě bude alela A i alela B)
- pravděpodobnost jejich současného výskytu je násobkem jejich jednotlivých pravděpodobností

$$p(A \text{ a } B) = p(A) \times p(B)$$

pravidlo multiplikace

Příklady:

1) Pravděpodobnost shody dvou lidí v krevně-skupinovém systému AB0

Zastoupení krevních skupin AB0 v naší populaci:

A: 41,5 %
 0: 37,8 %
 B: 14,1 %
 AB: 6,6 %

a) Pravděpodobnost shody v jednotlivých skupinách u dvou náhodně vybraných jedinců:

A a A:	$0,415 \times 0,415$	= 0,172
0 a 0:		= 0,143
B a B:		= 0,0199
AB a AB:		= 0,0044

b) Pravděpodobnost shody v celém krevněskupinovém systému AB0:

$$P = 0,172 + 0,143 + 0,0199 + 0,0044 = \underline{\underline{0,339}}$$

asi 34 %, tedy každý 3. člověk má shodu



Příklady:

2) Předpokládejte, že jste genetický poradce. Rodiče se standardním fenotypem mají albinotické dítě a plánují, že budou mít další děti. Jestliže předpokládáme, že albinismus je autozomálně recesivní, co byste řekli rodičům o pravděpodobnosti, že:

- jedno dítě bude bez poruchy a druhé albinotické, jestliže se narodí v uvedeném pořadí.
- jedno dítě bude albinotické a druhé bez poruchy, bez ohledu na pořadí, v němž se narodí.

a) Pravděpodobnost (NA):

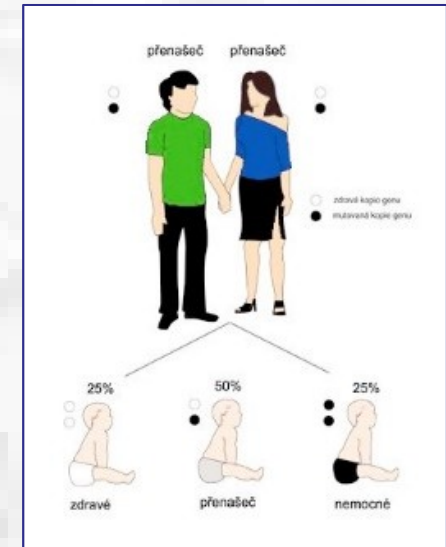
$$NA = 3/4 \times 1/4 = \mathbf{3/16} \quad 18,75 \%$$

b) Pravděpodobnost, že ze dvou dětí bude jedno albinotické a jedno zdravé:

$$NA = 3/4 \times 1/4 = 3/16$$

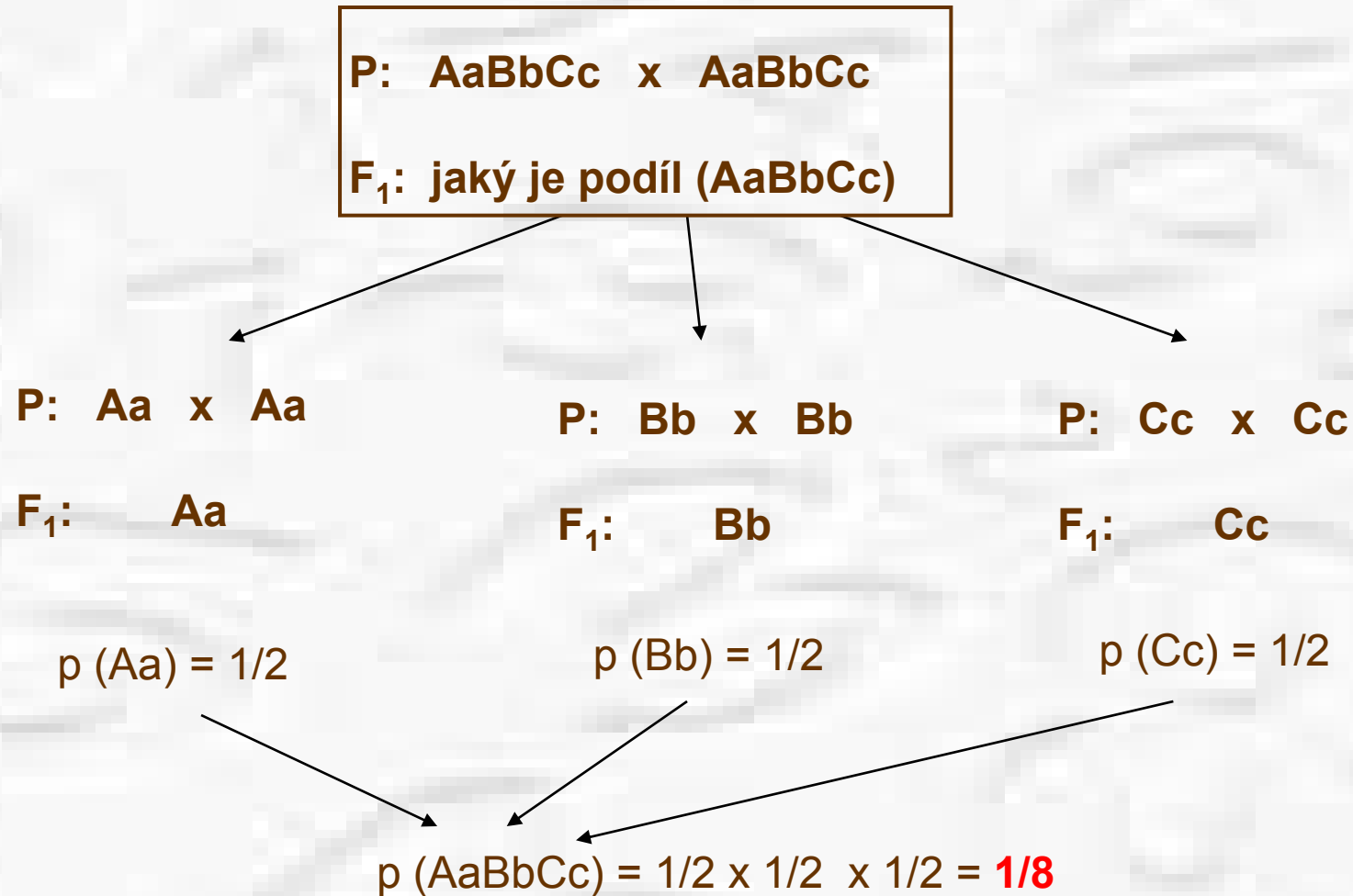
$$AN = 1/4 \times 3/4 = 3/16$$

$$P = 3/16 + 3/16 = 6/16 = \mathbf{3/8} \quad 37,5 \%$$



Příklady:

3) Křížíme $AaBbCc$ s $AaBbCc$, kde alely A, B, C jsou dominantní vůči a, b, c . Všechny tři geny vykazují volnou kombinaci. Jaký podíl potomstva bude heterozygotní pro všechny tři geny?



Příklady:

4) Křížíme $AaBbCCDdEE$ s $AabbCcDdee$, kde všechny geny vykazují navzájem nezávislou kombinaci. Jaký bude podíl jedinců genotypu $aabbCcddEe$ a kolik různých genotypů bude přítomno v potomstvu?

P: $AaBbCCDdEE$ x $AabbCcDdee$

F₁: p ($aabbCcddEe$)

P: Aa x Aa
F ₁ : aa

1/4

Bb x bb
bb

1/2

CC x Cc
Cc

1/2

Dd x Dd
dd

1/4

EE x ee
Ee

1

$$p(aabbCcddEe) = 1/4 \times 1/2 \times 1/2 \times 1/4 \times 1 = \mathbf{1/64} \quad \mathbf{1,56 \%}$$

Počet různých genotypů:

3

2

2

3

1

$$= 3 \times 2 \times 2 \times 3 \times 1 = \mathbf{36}$$

Příklady:

5) Jaká je pravděpodobnost, že v rodině se třemi dětmi budou všechny stejného pohlaví?

$$p(DDD) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$p(CCC) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

Oba jevy se vzájemně vylučují, tedy pravděpodobnost že se narodí tři děti stejného pohlaví je $\frac{1}{8} + \frac{1}{8} = \frac{2}{8} = \mathbf{\frac{1}{4}}$

??? P 2D + 1C

$$p(DDC) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$p(DCD) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$p(CDD) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$p = \mathbf{\frac{3}{8}}$$

Celkově je distribuce pravděpodobností zastoupení pohlaví v rodině se 3 dětmi následující:

$$\begin{array}{l}
 DDD = (1/2)^3 = 1/8 \\
 DDC, DCD, CDD = 3 \times (1/2)^2 \times 1/2 = 3/8 \\
 CCD, CDC, DCC = 3 \times (1/2)^2 \times 1/2 = 3/8 \\
 CCC = (1/2)^3 = 1/8 \\
 \hline
 \text{celkem} = 1,0
 \end{array}$$

Obecně lze výpočet pro konkrétní kombinace **zjednodušit**, zobecnit **pomocí rozvoje binomického výrazu** $(p + q)^n$, kde

p – pravděpodobnost narození děvčete = $1/2$

q - pravděpodobnost narození chlapce = $1/2$

n – počet dětí

tedy např. pro rodinu se 3 dětmi:

$$(p + q)^3 = p^3 + 3p^2q + 3pq^2 + q^3$$

\downarrow \swarrow
 3 děvčata 2D + 1C

Pro rodinu s 5 dětmi:

$$(p + q)^5 = p^5 + 5p^4q + 10p^3q^2 + 10p^2q^3 + 5pq^4 + q^5$$

$$3D + 2C$$

$$1D + 4C$$

Např. vypočítej pravděpodobnost 2D + 3C

a) v uvedeném pořadí

$$- \text{jako } p^2q^3 = (1/2)^2 \times (1/2)^3 = 1/32 \quad (3,1 \%)$$

b) v jakémkoliv pořadí, zajímá nás jen poměr pohlaví 2:3

$$10p^2q^3 = 10 (1/2)^2 \times (1/2)^3 = 10/32 = 5/16 \quad (31,25 \%)$$

1	1				
1	2	1			
1	3	3	1		
1	4	6	4	1	
1	5	10	10	5	1

??? Jak zjistím počet kombinací ???

a) z Pascalova trojúhelníku

b) pomocí faktoriálu

Zobecnění

Je-li pravděpodobnost výskytu jevu (A) p a pravděpodobnost výskytu alternativního jevu (B) q , pak pravděpodobnost, že se v n -pokusech bude jev (A) vyskytovat s -krát a jev (B) t -krát, je:

a) v určitém pořadí

$$p^s q^t$$

$$\begin{aligned} s + t &= n \\ p + q &= 1 \end{aligned}$$

b) bez ohledu na pořadí

$$(n!/s!t!)(p^s q^t)$$

např. 4A + 2B
 $n = 6$

Počet různých kombinací je: $6!/4!2! = 15$ tedy $p(4A \text{ a } 2B) = 15p^4q^2$

Příklady:

Příklady:

6) Manželé heterozygotní v genu pro albinismus plánují čtyři děti. Jaká je pravděpodobnost, že tyto děti budou dvě albinotické a dvě zdravé bez ohledu na pořadí, v němž se narodí.

P: Aa x Aa

**plánují 4 děti
? 2A : 2N**

$$p(A) = 1/4$$

$$p(N) = 3/4$$

$$n = 4$$

$$s = 2$$

$$t = 2$$

$$(4! / 2! 2!) (1/4)^2 (3/4)^2 = \mathbf{27/128} \quad \mathbf{21 \%}$$

Příklady:

- 7) Vypočítejte pravděpodobnost, že křížení mezi dvěma heterozygoty dá přesně očekávaný fenotypový poměr dominantních fenotypů k recesivním 3:1. Předpokládejme, že chceme vědět, jak často by rodiny s osmi dětmi měly šest dětí s dominantním fenotypem a dvě děti s recesivním.

3A : 1a v rodinách s osmi dětmi **6A : 2a**

$$p(A) = 3/4$$

$$p(a) = 1/4$$

$$n = 8$$

$$s = 6$$

$$t = 2$$

$$(8! / 6! 2!) (3/4)^6 (1/4)^2 = \mathbf{0,31} \quad \mathbf{31 \%}$$

Příklady:

8) Pravděpodobnosti u dvojčat.

A) Jaká je pravděpodobnost, že dvě dizygotická dvojčata budou mít stejné pohlaví?

$$p(\text{CC}) = 1/2 \times 1/2 = 1/4$$

$$p(\text{DD}) = 1/2 \times 1/2 = 1/4$$

$$p = 1/4 + 1/4 = 2/4 = \mathbf{1/2}$$

Jak vzniknou dvojvaječná dvojčata?



B) Jaká je pravděpodobnost, že dvě monozygotická dvojčata budou mít stejné pohlaví?

Jak vzniknou jednovaječná dvojčata?

Dizygotická dvojčata se rodí s četností asi 20/1 000 porodů (2,0 % vs. 1,2 % před 15 lety)

Monozygotická dvojčata se rodí s četností asi 4/1 000 porodů (0,4 %).

V roce 2009 **116 261 porodů** (118 667 dětí).

= z toho lze odvodit, že případů **dizygotických dvojčat** mohlo být asi **2 326**,
z toho **jednovaječných** asi **465**