

# Stochastické modelování s binárním endpointem

Jiří Jarkovský, Simona Littnerová

# Binární endpointy klinických dat

# Mortalita a přežití: čím se liší?

- Základní endpointy v studiích na klinických datech
- Rozdílný význam i metodika analýzy

Pacient přijat  
k hospitalizaci



- Úmrtí za hospitalizace
- Žijící při propuštění

} Analýza hospitalizační mortality  
• bez vlivu času  
• logistická regrese aj.



--> Úmrtí } Analýza přežití  
- - -> Žijící } • klíčový je vliv doby sledování  
• cenzorování pacientů  
• Kaplan-Meier, Coxova regrese

Pacient propuštěn nebo  
zemřel za hospitalizace

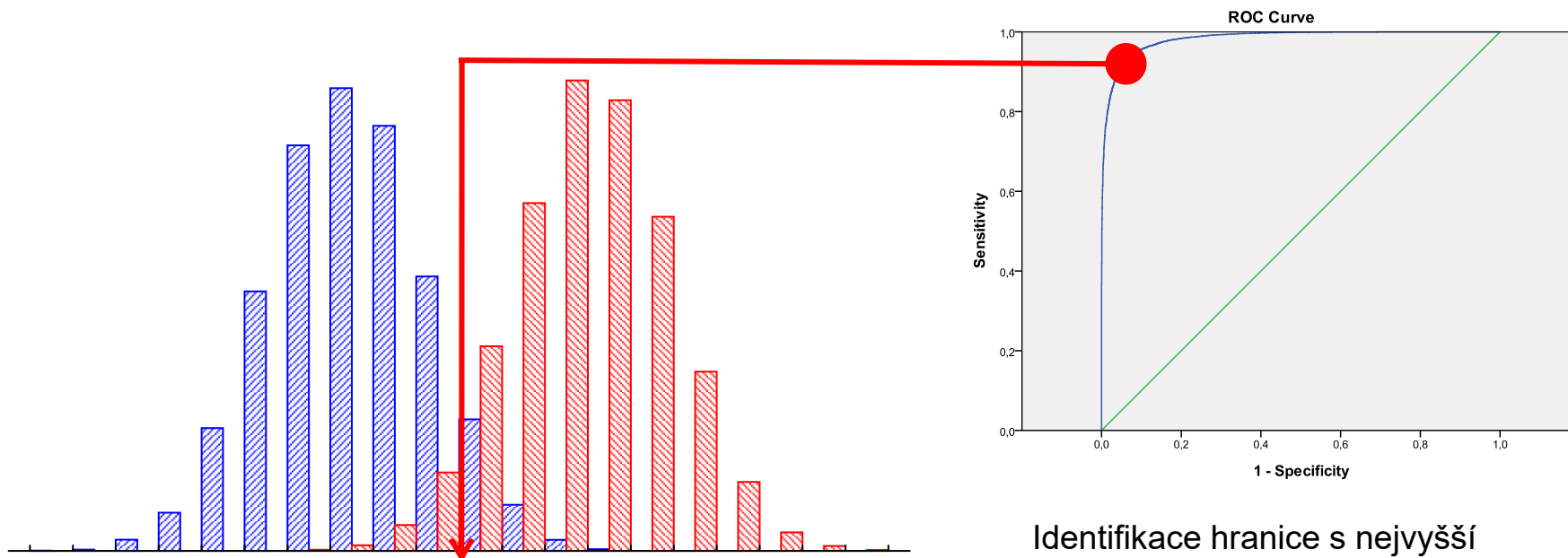
# Analýza faktorů ovlivňujících mortalitu a přežití

- Identifikace faktorů zvyšujících riziko úmrtí je jedním z hlavních cílů analýzy dat v medicíně
- Podle typu endpointu (hospitalizační mortalita vs. dlouhodobé přežití) se odvíjí použité metody
- Dva obecné přístupy
  - Identifikace rizikových skupin pacientů a následná stratifikace do podsouborů (např. samostatná analýza kardiogenního šoku u ASS); modely jsou následně vytvářeny samostatně v rámci podsouborů
  - Vývoj modelů = rovnice, rozhodovací pravidla, neuronové sítě apod. kombinující prediktory (vysvětlující proměnné) za účelem vysvětlení endpointu (zde nejčastěji mortality)

# ROC analýza

- Identifikace cutt offs pro kategorizaci spojitých proměnných aby při jejich užití v modelech byla maximalizována jejich sensitivita a specificita

Kde leží optimální hranice mezi skupinami?

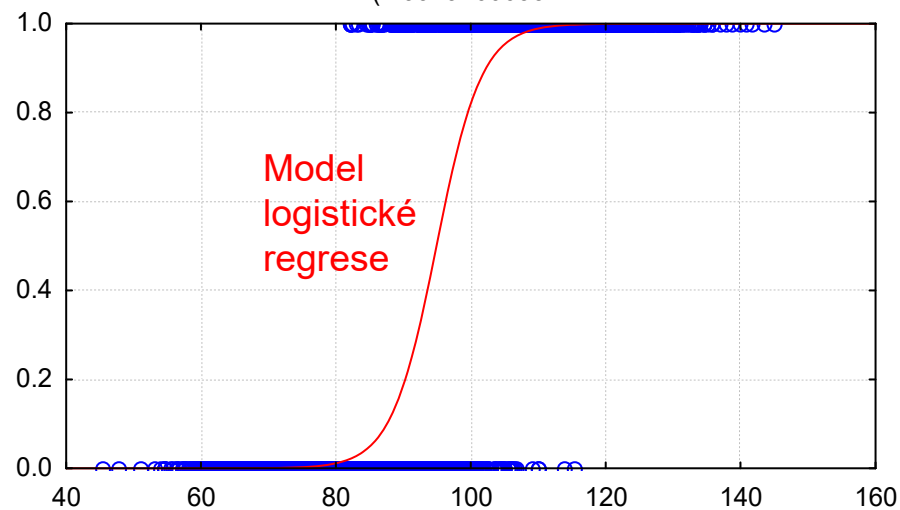


Identifikace hranice s nejvyšší  
sensitivitou a specificitou pro  
odlišení skupin

# Logistická regrese

- Standardní metoda pro analýzu binárních charakteristik (zemřelý/žijící) bez vlivu času
- Modeluje závislost výskytu úmrtí na binárních, kategoriálních nebo spojitých proměnných
- Výsledkem rovnice je pravděpodobnost, že u daného pacienta nastane hodnocená endpoint
- Alternativou jsou např. rozhodovací stromy, neuronové sítě a další klasifikační metody

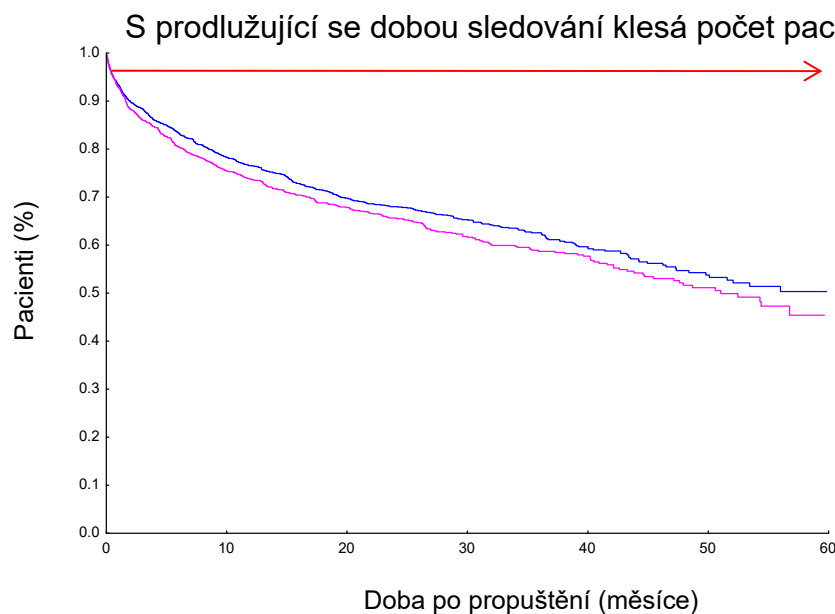
$$y = \frac{\exp(-28.41096581446 + (.29929760633475)*x)}{1 + \exp(-28.41096581446 + (.29929760633475)*x)}$$



Příklad logistické regrese: predikce binární charakteristiky (osa y) za pomoci spojitě proměnné (osa x)

# Coxův model proporcionálních rizik

- Standardní metoda pro analýzu dlouhodobého přežití (kromě dat o úmrtí musíme znát i dobu sledování pacientů)
- Modeluje závislost výskytu úmrtí na binárních, kategoriálních nebo spojitých proměnných při započítání doby sledování a cenzorování pacientů
- Doba sledování je klíčovou součástí výpočtu, sledovaný efekt musí mít „čas se projevit“

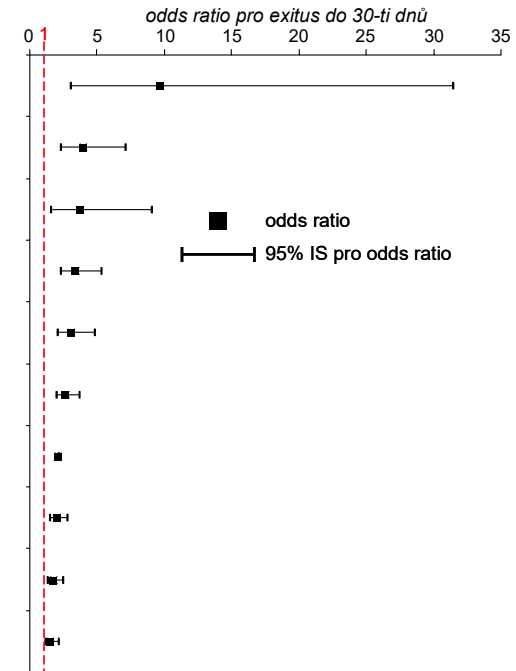


Počet pacientů v čase klesá díky úmrtím a cenzorování (pacient již není v daném čase dále sledován)

Řada testů pro srovnání skupin pacientů (log-rank, Gehan test) i modelovacích technik (Coxův model proporcionálních rizik)

# Odds ratio, relativní riziko a hazard ratio

- Různé způsoby vyjádření rizika pacientů
  - s danou vlastností (muži vs. ženy, kategorie NYHA, zestárnutí o 10 let)
  - pro výskyt události (mortalita, komplikace atd.)
- Většinou vyjádřeny jako OR/RR/HR (95% IS)
- **ODDS RATIO**
  - Spjato s logistickou regresí nebo kontingenčními tabulkami
  - Retrospektivní studie
- **RELATIVNÍ RIZIKO**
  - Odvozeno od kontingenčních tabulek
  - Prospektivní studie
- **HAZARD RATIO**
  - Spjato s Coxovým modelem proporcionálních rizik
  - Studie pracující s přežitím a cenzorovanými pacienty



Podobný, ale nikoliv identický význam.

Matematické vlastnosti výhodné pro různé účely.

Vazba na určité statistické metody a typy studií.



# Relative risk vs. Odds ratio ?

Relative risk  
(relativní riziko)



Odds ratio  
(poměr šancí)

- Smysl RR a OR
- Výpočet
- Srovnatelnost
- Interpretace
- Výhody a nevýhody
  
- Aplikace v klinickém hodnocení

# Smysl RR a OR

- Popis vlivu faktoru (léčba, klinický parametr) na výskyt události (úmrtí, progresse aj.)

Relative risk  
(relativní riziko)



Odds ratio  
(poměr šancí)

- ✓ Snadná přirozená interpretace rizik vyjádřených jako procento událostí

**ALE**

- ✓ Matematická omezení pro některé aplikace

- ✓ Pouze málo lidí má přirozenou schopnost interpretovat OR

**ALE**

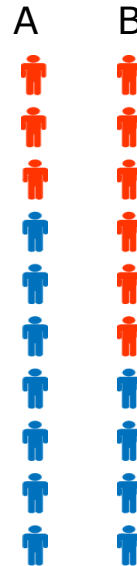
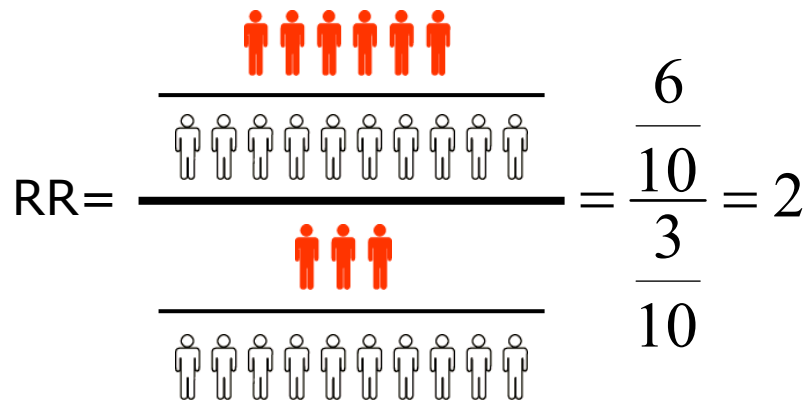
- ✓ OR v řadě aplikací výhodnější matematické vlastnosti

# Výpočet

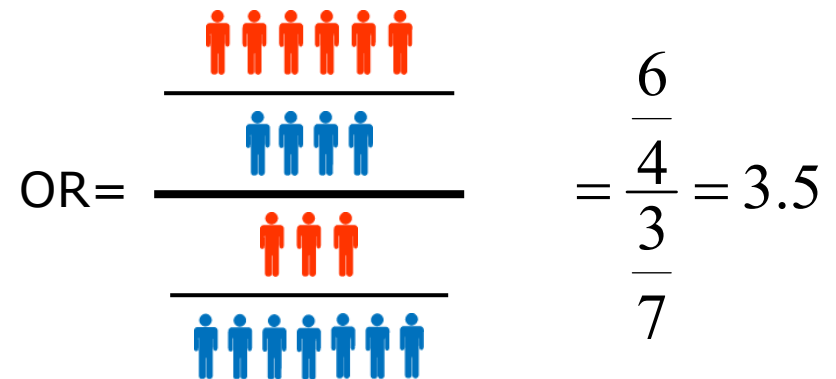


- Srovnání výskytu události mezi dvěma rameny (A,B) studie

Relative risk  
(relativní riziko)



Odds ratio  
(poměr šancí)

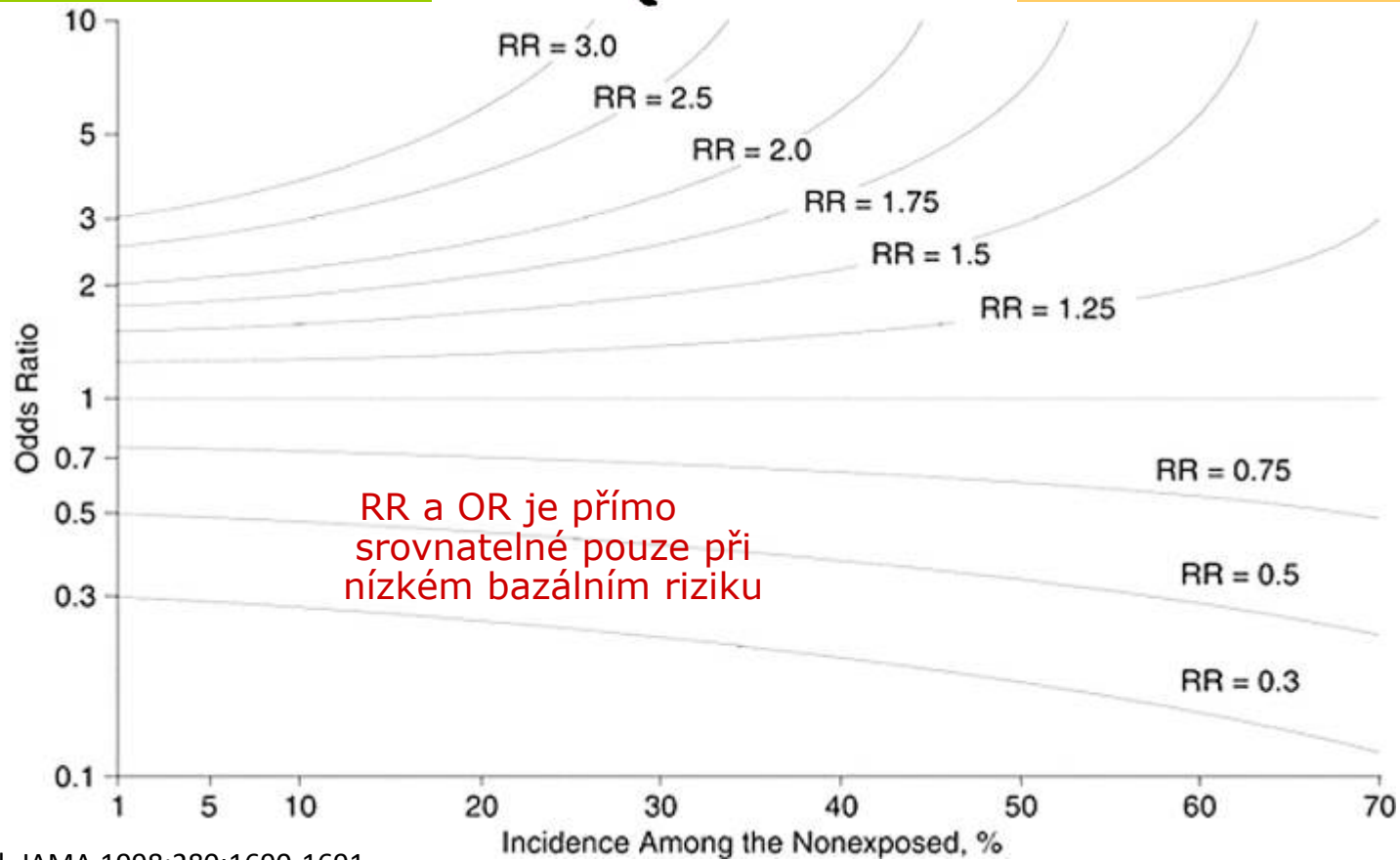


# Vztah mezi RR a OR

Relative risk  
(relativní riziko)



Odds ratio  
(poměr šancí)



Zhang, J. et al. JAMA 1998;280:1690-1691.

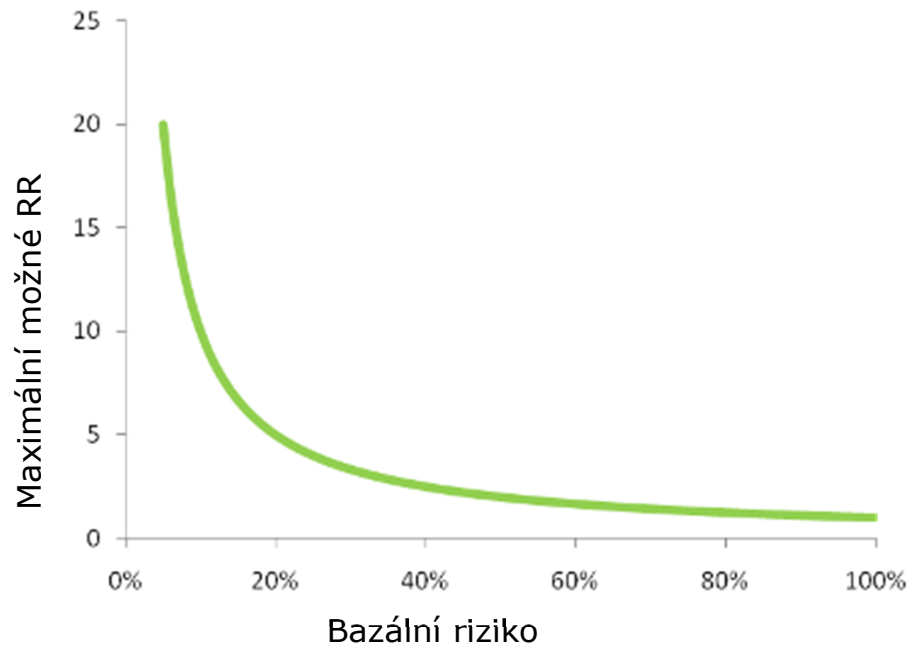
# Srovnatelnost RR a OR I: maximum

## Relative risk (relativní riziko)



## Odds ratio (poměr šancí)

- ✓ RR mění své maximum podle bazálního rizika



- ✓ RR ve studiích s různým bazálním rizikem jsou nesrovnatelná !!!!

- ✓ Odds ratio má vždy rozsah od 0 do nekonečna
- ✓ Velikost OR není závislá na velikosti bazálního rizika

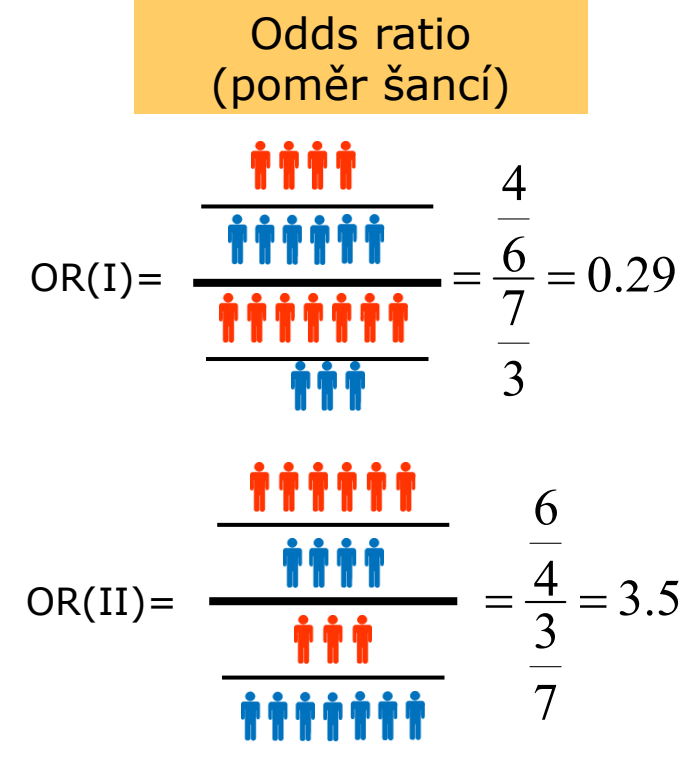
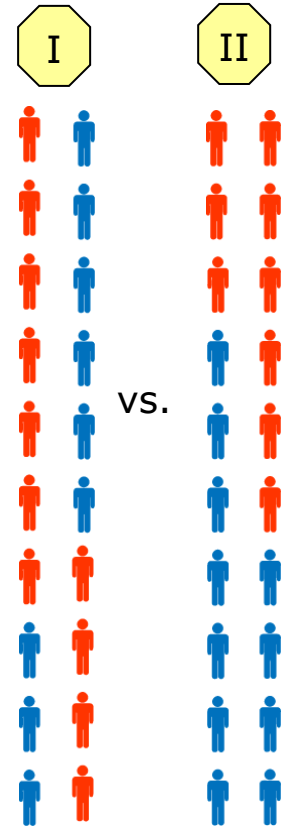
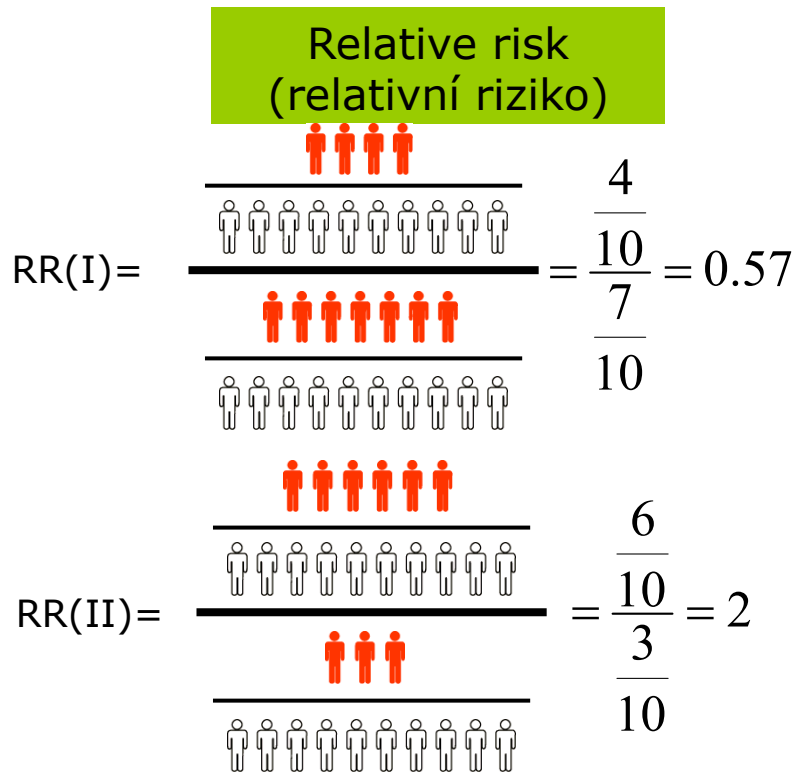
- ✓ OR lze použít pro srovnání studií s různým bazálním rizikem !!!!

- ✓ Výhodné pro metaanalýzu

# Srovnatelnost RR a OR II: symetrie

- Existuje mezi RR a O rozdíl v případě

výměny definice eventu a non-eventu?

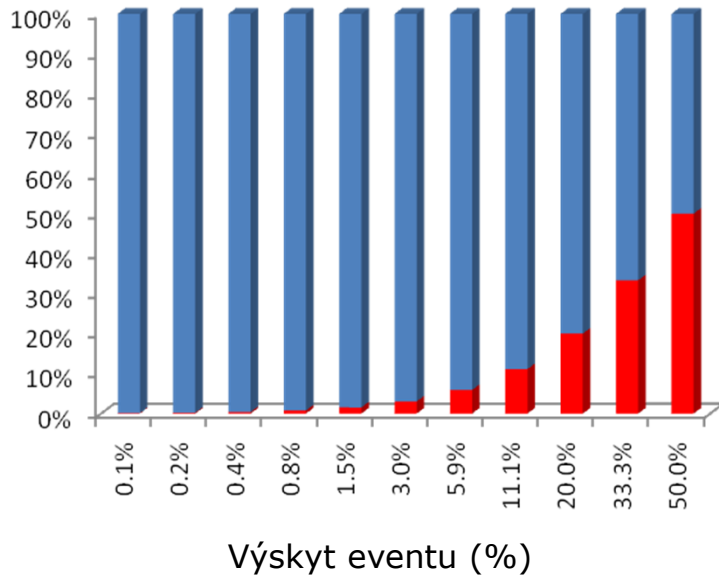


$$RR(I) \neq \frac{1}{RR(II)}$$

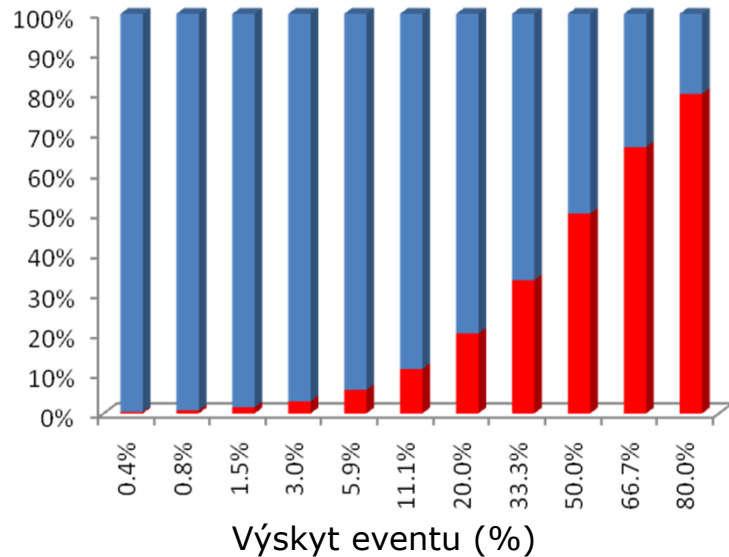
$$OR(I) = \frac{1}{OR(II)}$$

# RR a OR ve studiích s různou mírou bazálního rizika

Control

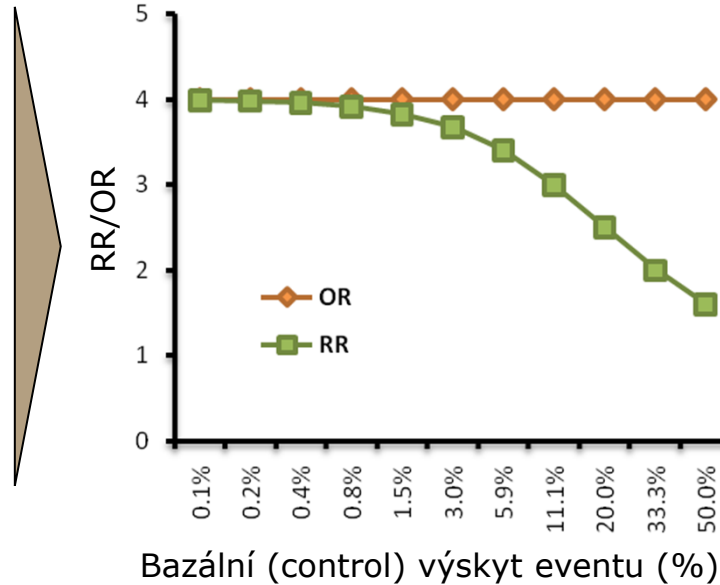


Case



Odds ratio

Ve skupině „Case“ připadá na jednoho pacienta bez eventu 4x tolik pacientů s eventem než ve skupině „Control“



Relative risk

Pacient ve skupině „Case“ má x-krát zvýšenou pravděpodobnost výskytu eventu než pacient ve skupině „Control“. X-krát závisí na basálním výskytu eventu.

# RR a OR v prospektivních a retrospektivních studiích

## Prospektivní studie

- ☑ Sledování výskytu eventů a následná analýza jeho příčin
- ☑ Převážně kohortní studie



- ☑ Bazální výskyt eventů je dán vlastnostmi kohorty pacientů
- ☑ Bezproblémové využití RR



Relative risk  
(relativní riziko)

## Retrospektivní studie

- ☑ **Zpětné sledování příčin eventů**
- ☑ **Převážně case-control studie**
- ☑ **Výběrem pacientů ovlivňujeme bazální výskyt eventů**



- ☑ RR nelze použít – ovlivněno bazálním výskytem eventů
- ☑ Využití OR – není ovlivněno designem studie



Odds ratio  
(poměr šancí)



# Relative risk vs. Odds ratio: shrnutí

## Relative risk (relativní riziko)



## Odds ratio (poměr šancí)

- ☑ Intuitivně snadno interpretovatelné
- ☑ Pro prospektivní studie
- ☑ Maximum se liší podle bazální hodnoty výskytu eventů

- ☑ Retrospektivní studie
- ☑ Aplikace v metaanalýze
- ☑ Standardní výstup logistické regrese
- ☑ Rozsah vždy 0 až nekonečno, není ovlivněno bazálním výskytem eventů
- ☑ Obtížnější interpretace

## Hazard ratio

- ☑ Významově leží mezi RR a OR
- ☑ Standardní výstup Coxova modelu proporcionálních rizik

# ROC analýza

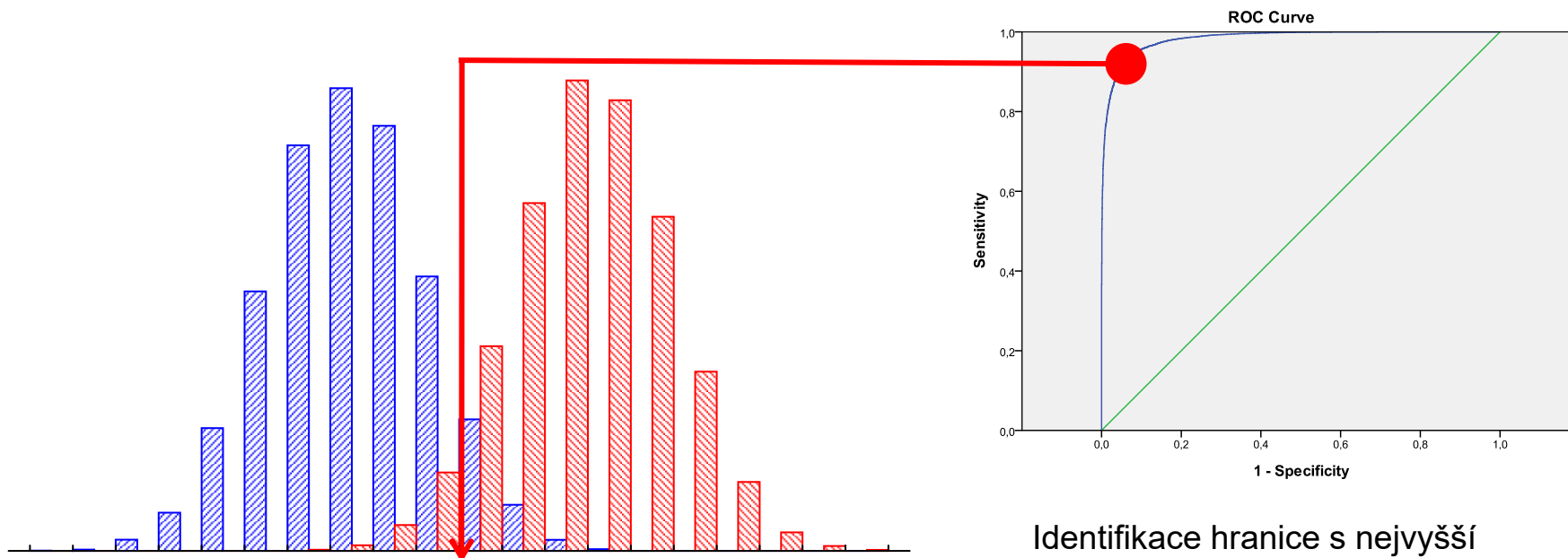
# ROC analýza

- Nástroj pro identifikaci cut-off (hranice rozdělení spojitých dat) ve spojitých datech vzhledem k co nejlepšímu odlišení binárního endpointu
- Výsledkem je binarizace spojitě proměnné, která je často lépe interpretovatelná než výsledky na spojitých datech
- Identifikace konkrétního cut-off souvisí s preferencí buď sensitivity nebo specificity pro identifikaci endpointu
- Upřednostnění sensitivity nebo specificity je do určité míry subjektivní dle reálného cíle analýzy
  - Vysoká sensitivity – screeningový test, kdy je třeba zachytit všechny možné nemocné (např. závažné onemocnění, které je třeba zachytit v počátečním stadiu)
  - Vysoká specificita – pokud je nezbytné odchytnout pouze skutečně nemocné pacienty (např. nechceme vystavovat pacienty zbytečné léčbě málo závažného onemocnění)

# ROC analýza

- Identifikace cutt offs pro kategorizaci spojitých proměnných aby při jejich užití v modelech byla maximalizována jejich sensitivita a specificita

Kde leží optimální hranice mezi skupinami?



Identifikace hranice s nejvyšší  
sensitivitou a specificitou pro  
odlišení skupin

# Sensitivita a specificita

- Klíčové pojmy v popisu vztahu dvou binárních proměnných = situace kdy predikujeme binární endpoint binárním prediktorem

	1 – nemocný	0 - zdravý
1 – riziková skupina	Skutečně pozitivní	Falešně pozitivní
0 – neriziková skupina	Falešně negativní	Skutečně negativní

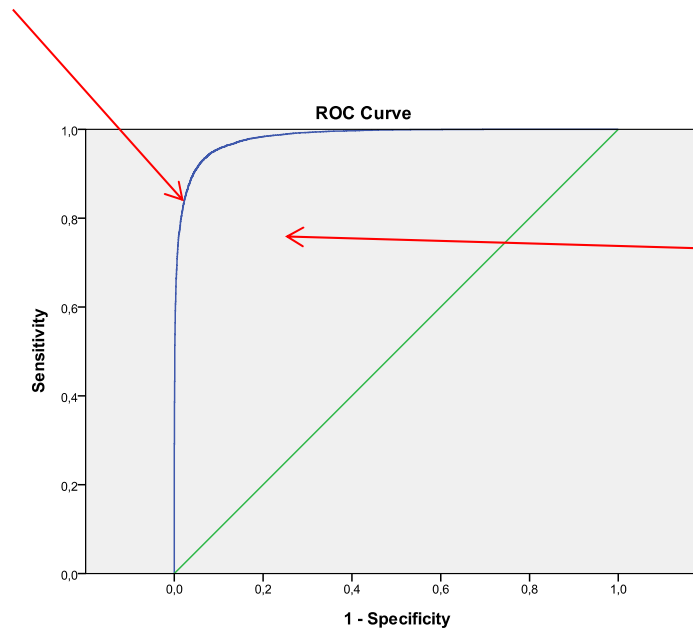
$$\text{sensitivita} = \frac{\text{skutečně pozitivní}}{\text{skutečně pozitivní} + \text{falešně negativní}}$$

$$\text{specificita} = \frac{\text{skutečně negativní}}{\text{skutečně negativní} + \text{falešně pozitivní}}$$

# Výstupy ROC

**Sensitivita a specificita v každém bodě křivky – mohou být doplněny o IS**

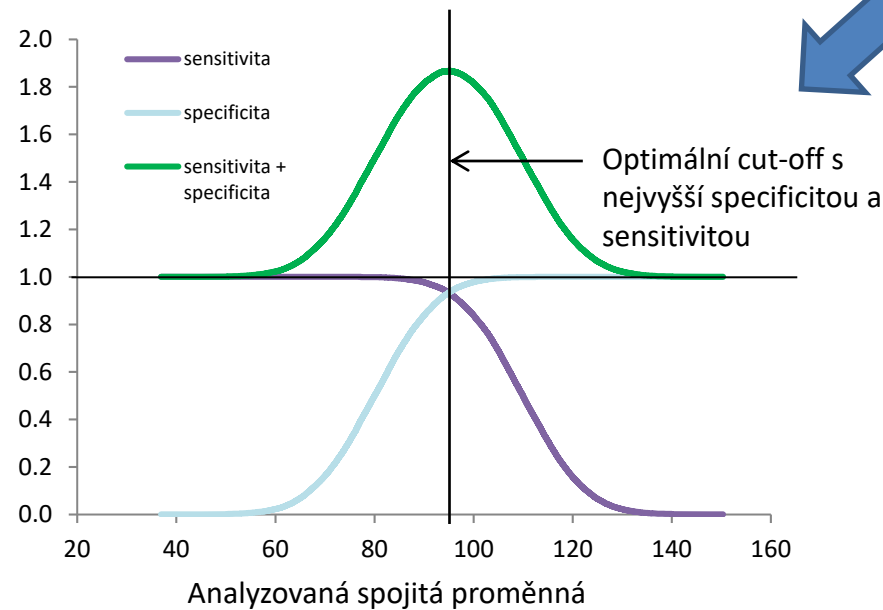
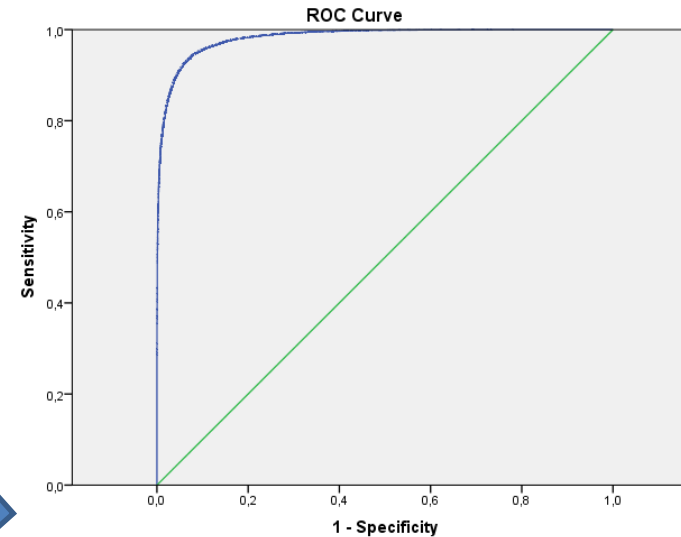
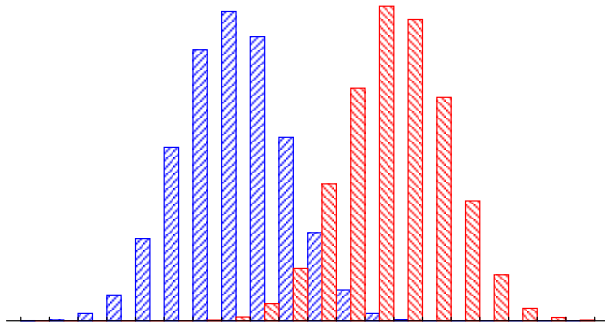
Nejlepší kombinace sensitivity a specificity určuje příslušný dělicí bod spojité proměnné  
Při identifikaci cut-off je třeba také kontrolovat, aby výsledná riziková skupina neobsahovala pouze minimum hodnot (cut-off oddělující jednoho pacinta nemá téměř smysl)



**AUC (plocha pod křivkou) + IS**  
Čím odlišnější od 0.5, tím lepší identifikace endpointu  
Testování významnosti AUC

# ROC – příklad I

Odlišení dvou skupin pacientů  
(modří=zdraví; červení=nemocní)



**Area Under the Curve**

Test Result Variable(s):Var1

Area	Std. Error <sup>a</sup>	Asymptotic Sig. <sup>b</sup>	Asymptotic 95% Confidence Interval	
			Lower Bound	Upper Bound
,983	,000	,000	,982	,984

a. Under the nonparametric assumption  
b. Null hypothesis: true area = 0.5

# Logistická regrese



# Logistická regrese

- Logistická regrese je základním nástrojem pro analýzu závislosti binárního endpointu (úmrtí, komplikace atd.) na spojitých nebo binárních prediktorech
- Cílem analýzy je:
  - Identifikace vztahů mezi prediktory a endpointem a jejich popis (odds ratio)
  - Vytvoření predikčního modelu umožňujícího zařazení pacientů do hodnocených skupin
- Logistická regrese patří do skupiny zobecněných lineárních modelů (lineární statistické modely s linkovací funkcí)

# Princip logistické regrese I

- V logistické regresi modelujeme vliv spojitých nebo binárních prediktorů na endpoint s binomickým rozdělením - > není možné použít klasickou lineární regresi
- Predikujeme pravděpodobnost výskytu jevu pomocí rovnice:

$$P(x) = \frac{\exp(a + b * x)}{1 + \exp(a + b * x)}$$

- Kde  $\frac{\exp(\text{rovnice})}{1 + \exp(\text{rovnoce})}$  je tzv. logit, linkovací funkce pro logistickou regresi a rovnice  $a+b*x$  je použitý lineární model
- Pojem linkovací funkce je spjat se zobecněnými lineárními modely, kdy linkovací funkce převádí problém nelineární závislosti  $y$  na  $x$  na lineární model
- Zjednodušeně řečeno „nelineární vztah=linkovací funkce(lineární model)“
- Zobecněný lineární model s linkovací funkcí „identita“ = lineární model

# Princip logistické regrese II

- Model logistické regrese lze popsat také jako:  
tedy, že logaritmus šance na výskyt jevu  
lze popsat jeho lineární závislostí na  $x$

$$\log \left[ \frac{P(x)}{1 - P(x)} \right] = a + b * x$$

- S využitím této znalosti můžeme popsat jak se mění šance na výskyt jevu (např. úmrtí) při změně  $x$ , konkrétně poměr šancí pro změnu  $x$  o  $\Delta$

$$\log \left[ \frac{\frac{P(x + \Delta)}{1 - P(x + \Delta)}}{\frac{P(x)}{1 - P(x)}} \right] = b * \Delta \qquad \frac{\frac{P(x + \Delta)}{1 - P(x + \Delta)}}{\frac{P(x)}{1 - P(x)}} = \exp(b * \Delta)$$

- Pro  $\Delta=1$ , tak získáme hodnotu odds ratio pro změnu  $x$  o 1 jako  $\exp(\text{regresní koeficient } x)$

$$\frac{\frac{P(x + 1)}{1 - P(x + 1)}}{\frac{P(x)}{1 - P(x)}} = \exp(b)$$

# Kategoriální data jako prediktory v logistické regresi

- Kategoriální a ordinální data mohou do analýzy vstupovat jako binární proměnné
- Kategoriální data (nelze seřadit) -> dummies
- Ordinální data (lze seřadit)
  - Dummies
  - Definice referenční kategorie (obvykle kategorie s nejnižším rizikem pro hodnocený endpoint)
- Příklad: The New York Heart Association (NYHA) Functional Classification

Původní	Dummies				Vzhledem k referenci			
	NYHA	NYHA I	NYHA II	NYHA III	NYHA IV	NYHA II ref	NYHA III ref	NYHA IV ref
I	1	0	0	0	0	0	0	0
I	1	0	0	0	0	0	0	0
I	1	0	0	0	0	0	0	0
II	0	1	0	0	0	1		
II	0	1	0	0	0	1		
III	0	0	0	0	0		1	
III	0	0	0	0	0		1	
IV	0	0	1	1	0			1
IV	0	0	1	1	0			1

# Výstupy logistické regrese

- Koeficienty rovnice logistické regrese
- Odds ratio jako popis rizikovosti prediktorů pro výskyt endpointu

**Variables in the Equation**

	B	S.E.	Wald	df	Sig.	Exp(B)	95% C.I. for EXP(B)	
							Lower	Upper
Step 1 <sup>a</sup> SEPALLEN	5,140	1,007	26,080	1	,000	170,773	23,748	1228,028
Constant	-27,831	5,434	26,236	1	,000	,000		

a. Variable(s) entered on step 1: SEPALLEN.

- Popis celkových výsledků a kvality modelu

**Model Summary**

Step	-2 Log likelihood	Cox & Snell R Square	Nagelkerke R Square
1	64,211 <sup>a</sup>	,525	,700

a. Estimation terminated at iteration number 7 because parameter estimates changed by less than .001.

**Hosmer and Lemeshow Test**

Step	Chi-square	df	Sig.
1	6,832	8	,555

**Classification Table<sup>a</sup>**

		Predicted		
		VERSICOL		Percentage Correct
Observed	,00000000	1,00000000		
Step 1 VERSICOL	,00000000	45	5	90,0
	1,00000000	6	44	88,0
Overall Percentage				89,0

a. The cut value is .500

# Odds ratio

Variables in the Equation

	B	S.E.	Wald	df	Sig.	Exp(B)	95% C.I. for EXP(B)	
							Lower	Upper
Step 1 <sup>a</sup> SEPALLEN	5,140	1,007	26,080	1	,000	170,773	23,748	1228,028
Constant	-27,831	5,434	26,236	1	,000	,000		

a. Variable(s) entered on step 1: SEPALLEN.

- Popisuje míru rizika spjatou:
  - **U spojitých proměnných** se změnou hodnoty o 1 (z tohoto důvodu se spojitě proměnné často převádí na interpretovatelné jednotky – např. věk po desetiletích, koncentrace po stovkách jednotek)
  - **U binárních proměnných** spjatých s výskytem vlastnosti (kódováno jako 1)
    - U klasických dummies jde o riziko vůči všem ostatním pacientům bez dané vlastnosti
    - U binárních proměnných kódovaných vůči referenční kategorii jde o nárůst oproti pacientům v referenční kategorii
- Odds ratio je exponenciální hodnota koeficientu regresní rovnice

# Hodnocení kvality modelu I

- Klasifikace objektů na základě vytvořené rovnice logistické regrese, analyzován je úspěch klasifikace (zcela korektní by pak bylo toto testování na nezávislém souboru)
- Standardně je jako hranice pro klasifikaci využíváno  $p=0.5$  a je možné ji popsat standardními ukazateli vztahu dvou binárních proměnných jako je sensitivita, specificita, pozitivní a negativní prediktivní hodnota apod.

Classification Table<sup>a</sup>

Observed		Predicted		
		VERSICOL		Percentage Correct
		,00000000	1,00000000	
Step 1	VERSICOL	,00000000	1,00000000	
		45	5	90,0
		6	44	88,0
	Overall Percentage			89,0

a. The cut value is .500

# Hodnocení kvality modelu II

- **Hosmer & Lemeshow test**
- Jde o aplikaci chi-square testu na výsledky predikce logistické regrese
- Jsou srovnávány pozorované počty pacientů v rizikových skupinách vs. počty očekávané dle výsledků logistického modelu (obvykle na bázi decilů rizikové funkce)
- V případě shody pozorovaných a očekávaných četností je model považován za dobře kalibrovaný

Hosmer and Lemeshow Test

Step	Chi-square	df	Sig.
1	6,832	8	,555

Contingency Table for Hosmer and Lemeshow Test

		VERSICOL = .00000000		VERSICOL = 1.00000000		Total
		Observed	Expected	Observed	Expected	
Step 1	1	11	10,862	0	,138	11
	2	9	9,464	1	,536	10
	3	8	8,938	2	1,062	10
	4	8	7,508	1	1,492	9
	5	9	6,756	2	4,244	11
	6	2	4,131	10	7,869	12
	7	3	1,794	8	9,206	11
	8	0	,454	10	9,546	10
	9	0	,087	10	9,913	10
	10	0	,006	6	5,994	6



# Hodnocení kvality modelu III

- Pseudo R<sup>2</sup>
  - Nejde o přímou obdobu R<sup>2</sup> u lineární regrese
  - Popisuje zlepšení výsledků modelu oproti modelu pouze s interceptem (tedy bez vlivu prediktoru)
  - Existuje řada algoritmů pro výpočet pseudo R<sup>2</sup>
    - Cox & Snell – analyzuje zlepšení výsledků modelu oproti samotnému interceptu

$$R^2 = 1 - \left[ \frac{L(M_{intercept})}{L(M_{kompletní})} \right]^{2/N}$$

- Nagelkerke – adjustuje Cox & Snell na maximální možnou hodnotu

$$R^2 = \frac{1 - \left[ \frac{L(M_{intercept})}{L(M_{kompletní})} \right]^{2/N}}{1 - L(M_{intercept})^{2/N}}$$

**Model Summary**

Step	-2 Log likelihood	Cox & Snell R Square	Nagelkerke R Square
1	64,211 <sup>a</sup>	,525	,700

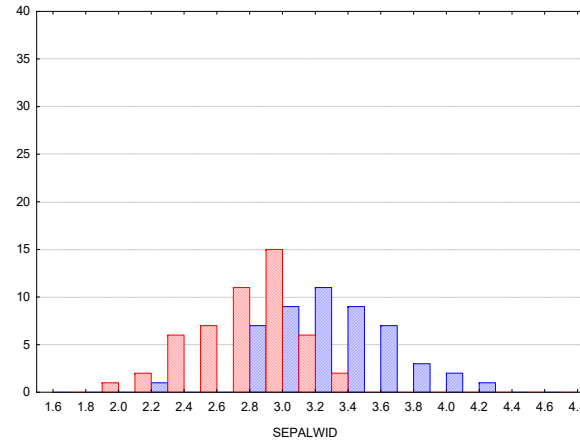
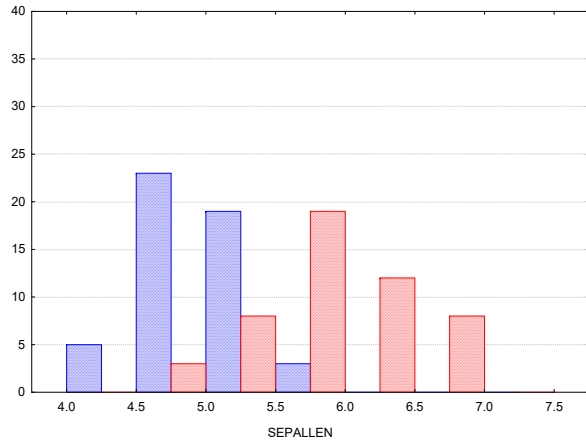
a. Estimation terminated at iteration number 7 because parameter estimates changed by less than .001.

# Vícerozměrná logistická regrese

- Požadavky na kvalitní predikční model
  - Maximální predikční síla
  - Maximální interpretovatelnost
  - Minimální složitost
- Tvorba modelů
  - Neobsahuje redundantní proměnné
  - Je otestován na nezávislých datech
- Výběr proměnných
  - Algoritmy typu dopředné a zpětné eliminace jsou pouze pomocným ukazatelem při výběru proměnných finálního modelu
  - Při výběru proměnných se uplatní jak klasické statistické metody (ANOVA), tak expertní znalost významu proměnných a jejich zastupitelnosti

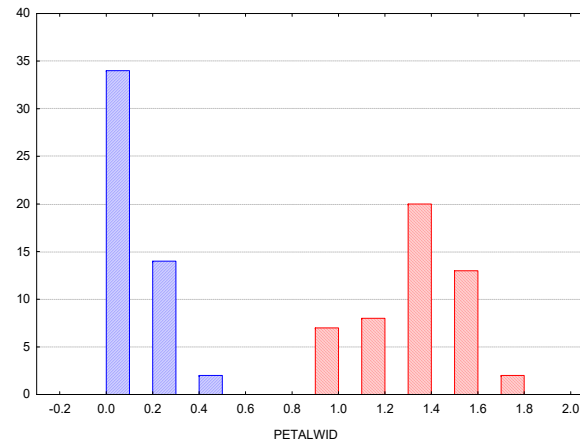
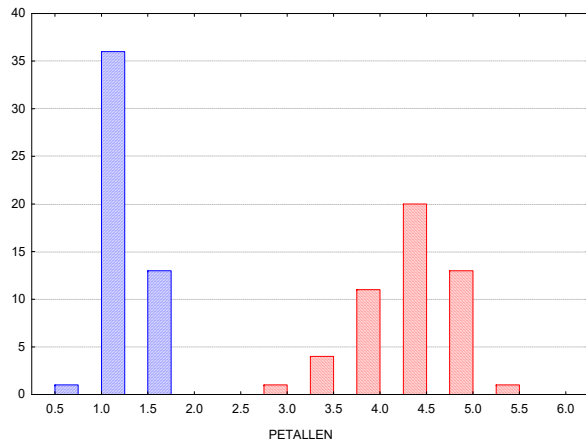
# Vícerozměrná logistická regrese: příklad I

- Identifikace dvou druhů kosatců: VERSICOL vs. ostatní

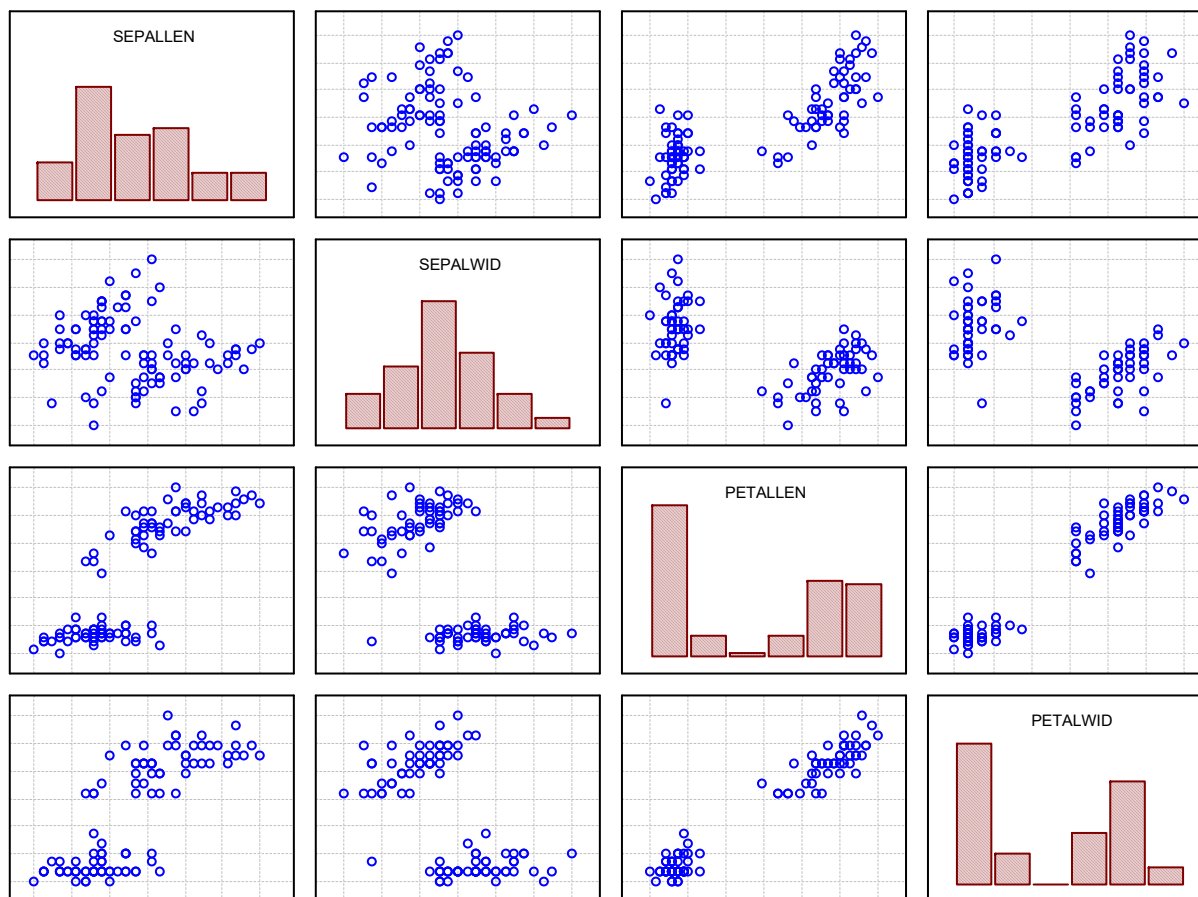


VERSICOL

Lze jednoznačně pozorovat různou diskriminační schopnost různých proměnných v jednorozměrné analýze



# Vícerozměrná logistická regrese: příklad II



Lze jednoznačně pozorovat korelace prediktorů

# Vícerozměrná logistická regrese: příklad III

**Variables in the Equation**

	B	S.E.	Wald	df	Sig.	Exp(B)	95% C.I. for EXP(B)	
							Lower	Upper
Step 1 <sup>a</sup> SEPALLEN	5,140	1,007	26,080	1	,000	170,773	23,748	1228,028
Constant	-27,831	5,434	26,236	1	,000	,000		

a. Variable(s) entered on step 1: SEPALLEN.

**Variables in the Equation**

	B	S.E.	Wald	df	Sig.	Exp(B)	95% C.I. for EXP(B)	
							Lower	Upper
Step 1 <sup>a</sup> SEPALWID	-6,552	1,350	23,552	1	,000	,001	,000	,020
Constant	20,230	4,165	23,594	1	,000	6,109E8		

a. Variable(s) entered on step 1: SEPALWID.

**Variables in the Equation**

	B	S.E.	Wald	df	Sig.	Exp(B)	95% C.I. for EXP(B)	
							Lower	Upper
Step 1 <sup>a</sup> PETALLEN	29,384	3484,594	,000	1	,993	5,771E12	,000	.
Constant	-72,391	8843,695	,000	1	,993	,000		

a. Variable(s) entered on step 1: PETALLEN.

**Variables in the Equation**

	B	S.E.	Wald	df	Sig.	Exp(B)	95% C.I. for EXP(B)	
							Lower	Upper
Step 1 <sup>a</sup> PETALWID	83,548	9248,229	,000	1	,993	1,924E36	,000	.
Constant	-65,795	7499,174	,000	1	,993	,000		

a. Variable(s) entered on step 1: PETALWID.

# Vícerozměrná logistická regrese: příklad IV

Variables in the Equation

	B	S.E.	Wald	df	Sig.	Exp(B)	95% C.I. for EXP(B)	
							Lower	Upper
Step 1 <sup>a</sup> SEPALLEN	-6,991	21075,525	,000	1	1,000	,001	,000	.
SEPALWID	-6,107	10266,630	,000	1	1,000	,002	,000	.
PETALLEN	14,168	15685,907	,000	1	,999	1422296,317	,000	.
PETALWID	19,646	23995,058	,000	1	,999	3,407E8	,000	.
Constant	3,838	65766,953	,000	1	1,000	46,418		

a. Variable(s) entered on step 1: SEPALLEN, SEPALWID, PETALLEN, PETALWID.

Variables in the Equation

	B	S.E.	Wald	df	Sig.	Exp(B)	95% C.I. for EXP(B)	
							Lower	Upper
Step 1 <sup>a</sup> SEPALLEN	-6,991	21075,525	,000	1	1,000	,001	,000	.
SEPALWID	-6,107	10266,630	,000	1	1,000	,002	,000	.
PETALLEN	14,168	15685,907	,000	1	,999	1422296,317	,000	.
PETALWID	19,646	23995,058	,000	1	,999	3,407E8	,000	.
Constant	3,838	65766,953	,000	1	1,000	46,418		
Step 2 <sup>a</sup> SEPALWID	-9,304	6916,884	,000	1	,999	,000	,000	.
PETALLEN	9,530	11139,407	,000	1	,999	13771,081	,000	.
PETALWID	24,744	27802,702	,000	1	,999	5,573E10	,000	.
Constant	-15,605	23339,954	,000	1	,999	,000		
Step 3 <sup>a</sup> SEPALWID	-11,772	6256,715	,000	1	,998	,000	,000	.
PETALLEN	20,869	3186,452	,000	1	,995	1,157E9	,000	.
Constant	-17,010	19097,759	,000	1	,999	,000		
Step 4 <sup>a</sup> PETALLEN	29,384	3484,594	,000	1	,993	5,771E12	,000	.
Constant	-72,391	8843,695	,000	1	,993	,000		

a. Variable(s) entered on step 1: SEPALLEN, SEPALWID, PETALLEN, PETALWID.

# Logistická regrese: shrnutí

- Základní nástroj pro identifikaci faktorů ovlivňujících výskyt binárních endpointů a predikci individuální pravděpodobnosti výskytu endpointů
- Použitelná jako obdoba diskriminační analýzy pro 2 skupiny
- Popisuje míru rizikovosti prediktorů pro binární endpoint ve formě odds ratioa
- Pro vícerozměrné modely je důležité analyzovat redundanci parametrů a stabilitu vícerozměrných modelů
- Pro praktické nasazení modelů je nezbytná jejich krosvalidace, popřípadě jiné metody testování nasazení modelů na nezávislých datech
- Neumí pracovat s cenzorovanými daty
- **Standardní metodika analýzy rizikových faktorů pro binární endpointy (hospitalizační mortalita apod.)**