

5. Je dáno vektorové pole v rovině $\vec{F}(\vec{r}) \sim (F_x(x, y), F_y(x, y)) = \left(\frac{x}{x^2 + y^2}, \frac{y}{x^2 + y^2} \right)$. (Soustava souřadnic, v níž

jsou zadány složky, je kartézská.)

Rozhodněte, zda uvedené vektorové pole je konzervativní, a pokud ano, určete k němu kmenovou funkci $f(x, y)$

tj. takovou, pro kterou je $F_x(x, y) = \frac{\partial f(x, y)}{\partial x}$, $F_y(x, y) = \frac{\partial f(x, y)}{\partial y}$.

5. Je dána funkce $f(x, y, z) = \frac{k}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$, k je konstanta. Určete přirozený definiční obor této funkce a vypočtěte její gradient.

5. Je dáno vektorové pole $\vec{F}(\vec{r}) \sim (F_x(x, y, z), F_y(x, y, z), F_z(x, y, z)) = (z^2y - zy^2, x^2z - xz^2, x^2y - xy^2)$. Vypočtěte jeho rotaci.