

---

**A**

1. (4 b.) Dokažte, že pro libovolné  $n \in \mathbb{N}$  dává výraz  $2^{5^{5n+3}}$  týž zbytek  $s$  po dělení 23 ( $0 \leq s < 23$ ) a tento zbytek určete.
  2. (4 b.) Řešte kongruenci  $744 \cdot x \equiv 318 \pmod{810}$ .
  3. (3 b.) Určete, jaký zbytek dává číslo  $2013!$  po dělení prvočíslem 2017.
  4. (2 b.) Pro číslo  $n = 10000$  určete počet a součet jeho kladných sudých dělitelů.
  5. (3 b.) Řešte v  $\mathbb{N}$  rovnici  $\varphi(n) = 56$ .
  6. (4 b.) Jedenáct děvčat a  $n$  chlapců se vydalo na houby. Celkem nasbírali  $n^2 + 9n - 2$  hub, přitom každý z houbařů (i houbařek) našel stejný počet hub. Určete počet hub, který každý nasbíral.
-

---

**B**

1. (4 b.) Dokažte, že pro libovolné  $n \in \mathbb{N}$  dává výraz  $2^{3^{5n+2}}$  týž zbytek  $s$  po dělení 23 ( $0 \leq s < 23$ ) a tento zbytek určete.
  2. (4 b.) Řešte kongruenci  $447 \cdot x \equiv 375 \pmod{486}$ .
  3. (3 b.) Určete, jaký zbytek dává číslo  $2007!$  po dělení prvočíslem 2011.
  4. (2 b.) Pro číslo  $n = 10000$  určete počet a součet jeho kladných dělitelů, jejichž dekadický zápis končí nulou.
  5. (3 b.) Řešte v  $\mathbb{N}$  rovnici  $\varphi(n) = 42$ .
  6. (4 b.) Sedm děvčat a  $n$  chlapců se vydalo na houby. Celkem nasbírali  $n^2 + 4n - 3$  hub, přitom každý z houbařů (i houbařek) našel stejný počet hub. Určete počet hub, který každý nasbíral.
-